



## Methoden und Anwendungen der Optimierung

WS 2017/18

Prof. Dr. Michael Schneider

schroeder@dpo.rwth-aachen.de

## Übung 7 - Aufgaben

## Aufgabe 1 (Scheduling Problem - Iterated Local Search (ILS)):

Bei Scheduling Problemen sollen Ablaufpläne erstellt werden, die Prozessen zeitlich begrenzt Ressourcen zuteilen. Eine spezielle Variante des Scheduling Problems versucht eine Reihenfolge für n zu bearbeitende Jobs  $j \in J = \{0, 1, 2, ..., n\}$  zu finden, sodass die Summe der Verspätungen der Fertigstellungen minimal wird. Für die Bearbeitung der Jobs steht nur eine Maschine zur Verfügung. Dabei seien  $d_j$  die erwünschten Fertigstellungszeitpunkte (due dates) und  $p_j$  die Bearbeitungszeiten (processing times). Tabelle 1 zeigt eine Instanz dieser Problemklasse.

Jobs	0	1	2	3
$d_j$	10	4	8	7
$p_{j}$	4	9	2	3

Tabelle 1: Instanz für ein Scheduling Problem

- a) Wie lautet die zu minimierende Zielfunktion, wenn mit  $C_j$  die tatsächlichen Fertigstellungszeitpunkte bezeichnet werden?
- b) Definieren Sie einen Swap/Exchange-Operator für das vorliegende Problem.
- c) Gestalten Sie einen Relocate-Operator für das vorliegende Problem.
- d) Führen Sie eine Iterated Local Search (ILS) durch, um die Reihenfolge der Bearbeitung zu verbessern. Die Initiallösung sei x = (0, 1, 2, 3), d.h. Job 0 wird als erstes bearbeitet, dann Job 1, dann Job 2 und zuletzt Job 3. Verwenden sie als lokale Suche zwei Durchläufe einer Erstensuche des Swap-Operators. Starten Sie mit dem Tausch des Jobs an Position 0 mit dem Job an Position 1. Als Perturbation wenden Sie den Relocate-Operator auf die Jobs der Positionen 0 und 3 an. Weiterhin akzeptieren Sie ein neues lokales Optimum nur dann als neue Lösung, wenn es einen besseren Zielfunktionswert aufweist als die bisherige Lösung. Welcher Zielfunktionswert ergibt sich, wenn Sie nach zwei Schleifendurchläufen der ILS abbrechen?