



Methoden und Anwendungen der Optimierung

WS 2017/18

Prof. Dr. Michael Schneider

schroeder@dpo.rwth-aachen.de

Übung 6 - Aufgaben

Aufgabe 1 (Eigenschaften von Nachbarschaften):

Es sei $X = \{1, ..., 10\}$. Die Kosten c(x) und Nachbarschaft $\mathcal{N}(x)$ einer Lösung $x \in X$ sind in Tab. 1 gegeben.

- a) Skizzieren Sie den Transitionsgraph von $\mathcal{N}(x)$. Ist $\mathcal{N}(x)$ exakt?
- b) Skizzieren Sie den Nachbarschaftsgraph von $\mathcal{N}(x)$. Ist $\mathcal{N}(x)$ stark zusammenhängend?
- c) Wie groß ist der Durchmesser von $\mathcal{N}(x)$?

x	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
c(x)	7	2	4	2	0	2	3	6	1	4
$\mathcal{N}(x)$	{2}	$\{1, 3, 8, 10\}$	$\{2, 4, 6, 7, 9, 10\}$	$\{3, 5\}$	{4}	{3}	${3,8}$	$\{2,7\}$	{3}	$\{2, 3\}$

Tabelle 1: Beispielnachbarschaft

Aufgabe 2 (Variable Neighborhood Descent):

In Abb. 1 sind die erreichbaren Felder (weißer Punkt) der Springer- und Läuferfigur (schwarzer Punkt) beim Schachspiel dargestellt. Die erreichbaren Felder bilden die jeweilige Nachbarschaft. Abb. 2 zeigt eine Bewertung der Felder von 1 bis 9, wobei ein höherer Wert eine bessere Bewertung darstellt. Ihre Figur befindet sich zu Beginn auf dem Feld (d, 4).

- a) Führen Sie eine 2-Erstensuche in der Springernachbarschaft durch. Beginnen Sie mit dem Feld (b, 5) und gehen Sie im Uhrzeigersinn vor. Welchen Wert erhalten Sie?
- b) Führen Sie eine Bestensuche in der Springernachbarschaft durch. Welchen Wert erhalten Sie?
- c) Führen Sie eine VND (Bestensuche) mit der Springernachbarschaft (\mathcal{N}_1) und der Läufernachbarschaft (\mathcal{N}_2) durch. Welchen Wert erhalten Sie?

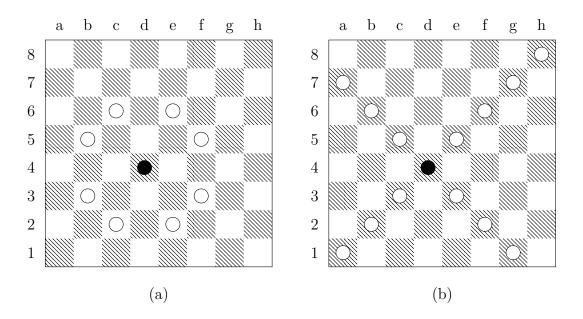


Abbildung 1: Springer- (a) und Läufernachbarschaft (b)

	a	b	c	d	e	f	g	h
8	9	6	1	13	3	1	6	
7	8	2		5	5	1		8
6	7	7	1	7	7		7	7
5	6	3		9		1		6
4	5	8	1		2		8	5
3	4	4		4	4	1	4	4
2	3		1		6		9	
1	2	5	1	8		1		2

Abbildung 2: Feldbewertungen