Methoden und Anwendungen der Optimierung (MAO)

Kapitel 5: Metaheuristiken – Genetische Algorithmen

Univ.-Prof. Dr. Michael Schneider Christian Schröder

Deutsche Post Chair – Optimization of Distribution Networks (DPO) RWTH Aachen University

schroeder@dpo.rwth-aachen.de

WS 2017/18







Gesamtgliederung

- Einführung: Heuristiken, Komplexität
- Greedy Algorithmen
- Lösungsqualität und Approximation
- 4 Lokale Suche
- Metaheuristiken
 - Einführung
 - ILS
 - VND, VNS
 - Tabu Search
 - Large Neighborhood Search
 - Genetische Algorithmen

Agenda

5 Metaheuristiken – Genetische Algorithmen

Struktur genetischer Algorithmen

- Initialisierung: Erzeugung einer Population von Individuen (Startpopulation): zufällig, oder random-greedy
- Evaluation: Auswertung der Fitness der Individuen: bestimmt die Fortpflanzungswahrscheinlichkeit
- **Rekombination**: Crossover-Operator lässt aus zwei Chromosomen zwei neue Chromosomen entstehen
- Reproduktion: Klonen
- Mutation: Mutation verhindert eine frühzeitige Konvergenz des Algorithmus und stellt die "genetische" Vielfalt sicher

Schlüsselfaktoren zur Konstruktion genetischer Algorithmen

- Repräsentation des Lösungsraums
 - Binär-Codierung oder anwendungsspezifisch
 - Prinzip des minimalen Alphabets
 - Repair vs. Strafkosten
- Selektion
 - proportional zur Fitness
 - nach Rang
- Populationsmodelle
 - diskrete Generationen
 - überlappende Generationen

Rekombination / Crossover

- wichtigste Methode der Evolution, Mutation nur mit geringer Wahrscheinlichkeit
- Eltern mit einer hohen Fitness produzieren ein Kind mit noch besserer Fitness
- 1-Punkt-Crossover kann nicht einfach auf Permutationsprobleme angewandt werden: ungültige Lösungen

- Adjazenz-Repräsentation: Stadt j wird an Stelle i gespeichert, wenn in Lösung Kante $\{i, j\}$ existiert
 - Beispiel: 3 5 7 6 4 8 2 1 \rightarrow 1-3-7-2-5-4-6-8-1
 - Problem:

Adjazenz-Repräsentation: Stadt j wird an Stelle i gespeichert, wenn in Lösung Kante $\{i, j\}$ existiert

■ Beispiel: 3 5 7 6 4 8 2 1 \rightarrow 1-3-7-2-5-4-6-8-1

■ Problem: Zyklen, z. B. 3 5 7 6 2 4 1 8

- Adjazenz-Repräsentation: Stadt j wird an Stelle i gespeichert, wenn in Lösung Kante $\{i, j\}$ existiert
 - Beispiel: 3 5 7 6 4 8 2 1 \rightarrow 1-3-7-2-5-4-6-8-1
 - Problem: Zyklen, z. B. 3 5 7 6 2 4 1 8
 - empirisch schlechte Resultate

- Adjazenz-Repräsentation: Stadt j wird an Stelle i gespeichert, wenn in Lösung Kante $\{i, j\}$ existiert
 - Beispiel: 3 5 7 6 4 8 2 1 \rightarrow 1-3-7-2-5-4-6-8-1
 - Problem: Zyklen, z. B. 3 5 7 6 2 4 1 8
 - empirisch schlechte Resultate
- Ordinal-Repräsentation (erlaubt die Anwendung des 1-Punkt-Crossover-Operators)
 - umständlich
 - empirisch schlechte Resultate

- Adjazenz-Repräsentation: Stadt j wird an Stelle i gespeichert, wenn in Lösung Kante $\{i, j\}$ existiert
 - Beispiel: 3 5 7 6 4 8 2 1 \rightarrow 1-3-7-2-5-4-6-8-1
 - Problem: Zyklen, z. B. 3 5 7 6 2 4 1 8
 - empirisch schlechte Resultate
- Ordinal-Repräsentation (erlaubt die Anwendung des 1-Punkt-Crossover-Operators)
 - umständlich
 - empirisch schlechte Resultate
- Pfad-Repräsentation: 1 2 3 4 5 6 7 8
 - natürlich
 - empirisch gute Resultate, aber spezielle Crossover nötig

Genetische Algorithmen für TSP: Crossover

- Partially-Matched Crossover-Operator (PMX)
- Order Crossover-Operator (OX)
- Cyclic Crossover-Operator (CX)

Partially-Matched Crossover-Operator (PMX)

- Zufällig Wahl zweier Crossover-Punkte, Austausch der Chromosomteile, die zwischen den Crossover-Punkten liegen
- Rest der Chromosome der Eltern wird so gut wie möglich erhalten

Beispiel:

Elternteil 1:	а	b	С	d	е	f	g	h	i	j
Elternteil 2:	С	f	g	а	j	b	d	i	е	h
Kind 1:	С	b	d	а	j	f	g	h	е	i
Kind 2:	а	f	С	g	е	Ь	d	i	h	i

- Absolute Positionen der Städte werden vererbt
- Geringer Rechenaufwand
- mäßige Ergebnisse für TSP

Order Crossover-Operator (OX)

- Zufällig Wahl zweier Crossover-Punkte, Austausch der Chromosomteile, die zwischen den Crossover-Punkten liegen
- Ordnung der Städte des jeweils anderen Elternteils wird so gut wie möglich erhalten

Beispiel:

Elternteil 1:	а	b	С	d	е	f	g	h	i	j
Elternteil 2:	С	f	g	а	h	b	d	i	е	j
Kind 1:	С	а	b	d	i	f	g	h	е	j
Kind 2:	С	е	f	g	h	b	d	i	j	а

- Relative Ordnung der Gene wird weitgehend vererbt
- Absolute Genpositionen bleiben kaum erhalten
- Geringer Rechenaufwand
- Gute Ergebnisse für TSP



Cyclic Crossover-Operator (CX)

Beispiel:

```
Elternteil 1: a b c d e f g h i j

Elternteil 2: c f g a h b d i e j

Kind 1: a f c d h b g i e j

Kind 2: c b g a e f d h i j
```

- Absolute Positionen der Gene bleiben erhalten
- Ordnung von Genen wird weniger gut vererbt
- Etwas größerer Rechenaufwand
- Weniger gute Ergebnisse für TSP