

ДЗ по линейной алгебре 5 Смирнов Тимофей 236 ПМИ

№ 1

$$1.1 \begin{vmatrix} 5 & 4 \\ 7 & 3 \end{vmatrix} = (1) \cdot 5 \cdot 3 + (-1) \cdot 4 \cdot 7 = -13$$

$$1.2 \begin{vmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 5 & 3 & 2 \\ 1 & 4 & 3 \end{vmatrix} = (1) \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 + (1) \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 + (1) \cdot 1 \cdot 2 \cdot 1 + (-1) \cdot 3 \cdot 3 \cdot 1 + (-1) \cdot 2 \cdot 2 \cdot 4 + (-1) \cdot 5 \cdot 3 \cdot 1 = 40$$

$$1.3 \begin{vmatrix} 0 & 2 & 2 \\ 2 & 0 & 2 \\ 2 & 2 & 0 \end{vmatrix} = (1) \cdot 0 \cdot 0 \cdot 0 + (1) \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 + (1) \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 + (-1) \cdot 0 \cdot 2 \cdot 2 + (-1) \cdot 2 \cdot 2 \cdot 0 + (-1) \cdot 0 \cdot 2 \cdot 2 = 16$$

$$1.4 \begin{vmatrix} n+1 & n \\ n & n-1 \end{vmatrix} = (1) \cdot (n+1) \cdot (n-1) + (-1) \cdot n \cdot n = -1$$

№ 2

Нам нужно найти такие i и k , чтобы перестановка $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ ? & 1 & 3 & 6 & ? & 2 \end{pmatrix}$ имела знак -1 . При этом i может быть равно 1 или 5, как и k , но равняться одному числу они не могут. Иначе перестановка будет задана некорректно.

Нужно перебрать только 2 варианта:

1). $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 1 & 3 & 6 & 4 & 2 \end{pmatrix}$ Здесь $i = 1, k = 5$. В этой перестановке 8 инверсий, она четная, следовательно, такие i и k нам не подходят.

2). $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 1 & 3 & 6 & 5 & 2 \end{pmatrix}$ Здесь $i = 5, k = 1$. В этой перестановке 7 инверсий, следовательно $i = 5, k = 1$ нам подходят.

Ответ: $i = 5, k = 1$.

№ 3 Как изменится определитель матрицы, если переставить ее столбцы в обратном порядке?

По свойству определителя, если поменять две строки или столбца матрицы местами, то определитель

поменяет знак, рассмотрим, сколько таких перестановок нужно, чтобы переставить столбцы матрицы в обратном порядке.

1). Пусть в матрице n столбцов и n четно, тогда достаточно поменять местами 1 и n -ю строку, потому 2ю и $(n - 1)$ ю и так далее. Всего получится $\frac{n}{2}$ перестановок, то есть знак поменяется $\frac{n}{2}$ раз, если это число четное, то знак не изменится, если не четное - изменится.

2). Пусть теперь n нечетное, тогда в наших перестановках поменяется местами $(n - 1)$ строка, то есть все, кроме средней строки, получаем $\frac{(n - 1)}{2}$ замену. Если это число будет четным, то знак определителя не поменяется, иначе изменится на противоположный.

№ 4 Как изменится определитель матрицы, если повернуть ее на 90 градусов по часовой стрелке?

Чтобы размернуть матрицу на 90 градусов по часовой стрелке достаточно транспонировать ее, а потом применить к ней действия из предыдущей задачи, то есть переставить ее столбцы в обратном порядке.

При транспонировании определитель матрицы не меняется, следовательно он зависит только от количества столбцов в матрице.

1). Пусть в матрице четное число столбцов n , тогда после транспонирования нам достаточно будет совершить $\frac{n}{2}$ операций, если число $\frac{n}{2}$ будет четным, то знак определителя не поменяется, иначе - изменится на противоположный.

2). Пусть в матрице нечетное число столбцов n , тогда после транспонирования нам достаточно будет совершить $\frac{n - 1}{2}$ операцию, если это число $\frac{n - 1}{2}$ будет четным, то определитель не изменится, иначе - изменит знак.

№ 5 Как изменится определитель матрицы, если из каждой строки, кроме последней,

вычесть последнюю строку, а из последней строки вычесть исходную первую строку?

Пусть в нашей матрице k строк, после вычитания последующей строки из строк с 1й по $(k - 1)$ -ю определитель не изменится (так как при прибавлении к одной строке или столбцу матрицы другого столбца или строки, умноженных на скаляр, определитель не меняется).

Обозначим первую строку как A_1 , вторую A_2 и тд, последняя строка будет A_k , тогда последнюю строку новой матрицы можно будет представить в виде $A_k - A_1$.

По свойству определителя

$$\begin{vmatrix} A_1 - A_2 \\ A_2 - A_3 \\ \dots \\ A_k + (-A_1) \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} A_1 - A_2 \\ A_2 - A_3 \\ \dots \\ A_k \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} A_1 - A_2 \\ A_2 - A_3 \\ \dots \\ -A_1 \end{vmatrix}.$$

По свойству определителя

$$\begin{vmatrix} A_1 - A_2 \\ A_2 - A_3 \\ \dots \\ -A_1 \end{vmatrix} = - \begin{vmatrix} A_1 - A_2 \\ A_2 - A_3 \\ \dots \\ A_1 \end{vmatrix} \Rightarrow \begin{vmatrix} A_1 - A_2 \\ A_2 - A_3 \\ \dots \\ A_k + (-A_1) \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} A_1 - A_2 \\ A_2 - A_3 \\ \dots \\ A_k \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} A_1 - A_2 \\ A_2 - A_3 \\ \dots \\ A_1 \end{vmatrix}$$

По свойству определителя

$$\begin{vmatrix} A_1 - A_2 \\ A_2 - A_3 \\ \dots \\ A_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} & & & A_1 - A_2 \\ & & & A_2 - A_3 \\ & & & \dots \\ & & & A_k + (A_1 - A_2) + (A_2 - A_3) + \dots + (A_{k-1} - A_k) \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} A_1 - A_2 \\ A_2 - A_3 \\ \dots \\ A_k \end{vmatrix}$$

(мы прибавили все строки кроме последней к последней строке).

Получаем

$$\begin{vmatrix} A_1 - A_2 \\ A_2 - A_3 \\ \dots \\ A_k + (-A_1) \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} A_1 - A_2 \\ A_2 - A_3 \\ \dots \\ A_k \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} A_1 - A_2 \\ A_2 - A_3 \\ \dots \\ A_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} A_1 - A_2 \\ A_2 - A_3 \\ \dots \\ A_k \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} A_1 - A_2 \\ A_2 - A_3 \\ \dots \\ A_k \end{vmatrix} = 0$$

Ответ: определитель такой матрицы будет равен 0.

№ 6 Посчитайте определитель матрицы, приведя ее к ступенчатому виду

6.1 Пусть $A = \begin{vmatrix} 0 & 0 & 4 \\ -2 & -11 & 7 \\ 0 & 80 & -20 \end{vmatrix}$.

Рассмотрим матрицу $\begin{pmatrix} 0 & 0 & 4 \\ -2 & -11 & 7 \\ 0 & 80 & -20 \end{pmatrix}$ и проведем с ней элементарные преобразования, приводя ее к улучшенному ступенчатому виду:

1. $\begin{pmatrix} 0 & 0 & 4 \\ -2 & -11 & 7 \\ 0 & 80 & -20 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 0 & 80 & -20 \\ -2 & -11 & 7 \\ 0 & 0 & 4 \end{pmatrix} \Rightarrow A \rightarrow -A$ (параллельно мы показываем, что происходит с определителем данной матрицы)

2. $\begin{pmatrix} 0 & 80 & -20 \\ -2 & -11 & 7 \\ 0 & 0 & 4 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} -2 & -11 & 7 \\ 0 & 80 & -20 \\ 0 & 0 & 4 \end{pmatrix} \Rightarrow -A \rightarrow A$

3. $\begin{pmatrix} -2 & -11 & 7 \\ 0 & 80 & -20 \\ 0 & 0 & 4 \end{pmatrix} \times \left(-\frac{1}{2}\right) \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & \frac{11}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & 80 & -20 \\ 0 & 0 & 4 \end{pmatrix} \Rightarrow A \rightarrow -\frac{1}{2}A$

4. $\begin{pmatrix} 1 & \frac{11}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & 80 & -20 \\ 0 & 0 & 4 \end{pmatrix} \times \frac{1}{80} \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & \frac{11}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & 1 & -\frac{1}{4} \\ 0 & 0 & 4 \end{pmatrix} \Rightarrow -\frac{1}{2}A \rightarrow -\frac{1}{160}A$

5. $\begin{pmatrix} 1 & \frac{11}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & 1 & -\frac{1}{4} \\ 0 & 0 & 4 \end{pmatrix} \times \frac{1}{4} \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & \frac{11}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & 1 & -\frac{1}{4} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \Rightarrow -\frac{1}{160}A = -\frac{1}{640}A$

Мы привели матрицу к верхнетреугольному виду. Мы получаем уравнение $-\frac{1}{640}A = 1 \Rightarrow A = -640$

Ответ: -640

6.2 Пусть $A = \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{vmatrix}$

Рассмотрим матрицу $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix}$ и проведем с ней преобразования, приведя ее к ступенчатому виду для нахождения определителя.

1. $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix} \xrightarrow[-7(1)]{-4(1)} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & -3 & -6 \\ 0 & -6 & -12 \end{pmatrix} \Rightarrow A \rightarrow A$ (по свойству определителя)

2. $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & -3 & -6 \\ 0 & -6 & -12 \end{pmatrix} \xrightarrow{\times(-\frac{1}{3})} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & -6 & -12 \end{pmatrix} \Rightarrow A \rightarrow -\frac{1}{3}A$

3. $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & -6 & -12 \end{pmatrix} \xrightarrow{+6(1)} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \Rightarrow A \rightarrow A$, но так как мы получили матрицу с

углом нулей, то $A = 1 \cdot 1 \cdot 0 = 0 \Rightarrow$ определитель матрицы $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix}$ равен 0.

Ответ: 0

6.3 Пусть $A = \begin{vmatrix} 1001 & 1002 & 1003 & 1004 \\ 1002 & 1003 & 1001 & 1002 \\ 1001 & 1001 & 1001 & 999 \\ 1001 & 1000 & 998 & 999 \end{vmatrix}$

Рассмотрим матрицу $\begin{pmatrix} 1001 & 1002 & 1003 & 1004 \\ 1002 & 1003 & 1001 & 1002 \\ 1001 & 1001 & 1001 & 999 \\ 1001 & 1000 & 998 & 999 \end{pmatrix}$

$$1. \begin{pmatrix} 1001 & 1002 & 1003 & 1004 \\ 1002 & 1003 & 1001 & 1002 \\ 1001 & 1001 & 1001 & 999 \\ 1001 & 1000 & 998 & 999 \end{pmatrix} \xrightarrow{-1(1)} \begin{pmatrix} 1001 & 1002 & 1003 & 1004 \\ 1 & 1 & -2 & -2 \\ 1001 & 1001 & 1001 & 999 \\ 1001 & 1000 & 998 & 999 \end{pmatrix} \Rightarrow A \rightarrow A$$

$$2. \begin{pmatrix} 1001 & 1002 & 1003 & 1004 \\ 1 & 1 & -2 & -2 \\ 1001 & 1001 & 1001 & 999 \\ 1001 & 1000 & 998 & 999 \end{pmatrix} \xrightarrow{-1(3)} \begin{pmatrix} 0 & 1 & 2 & 5 \\ 1 & 1 & -2 & -2 \\ 1001 & 1001 & 1001 & 999 \\ 1001 & 1000 & 998 & 999 \end{pmatrix} \Rightarrow A \rightarrow A$$

$$3. \begin{pmatrix} 0 & 1 & 2 & 5 \\ 1 & 1 & -2 & -2 \\ 1001 & 1001 & 1001 & 999 \\ 1001 & 1000 & 998 & 999 \end{pmatrix} \xrightarrow{-1(4)} \begin{pmatrix} 0 & 1 & 2 & 5 \\ 1 & 1 & -2 & -2 \\ 0 & 1 & 3 & 0 \\ 1001 & 1000 & 998 & 999 \end{pmatrix} \Rightarrow A \rightarrow A$$

$$4. \begin{pmatrix} 0 & 1 & 2 & 5 \\ 1 & 1 & -2 & -2 \\ 0 & 1 & 3 & 0 \\ 1001 & 1000 & 998 & 999 \end{pmatrix} \xrightarrow{-1001(2)} \begin{pmatrix} 0 & 1 & 2 & 5 \\ 1 & 1 & -2 & -2 \\ 0 & 1 & 3 & 0 \\ 0 & -1 & 3000 & 3001 \end{pmatrix} \Rightarrow A \rightarrow A$$

$$5. \begin{pmatrix} 0 & 1 & 2 & 5 \\ 1 & 1 & -2 & -2 \\ 0 & 1 & 3 & 0 \\ 0 & -1 & 3000 & 3001 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 & -2 \\ 0 & 1 & 2 & 5 \\ 0 & 1 & 3 & 0 \\ 0 & -1 & 3000 & 3001 \end{pmatrix} \Rightarrow A \rightarrow -A$$

$$6-7. \begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 & -2 \\ 0 & 1 & 2 & 5 \\ 0 & 1 & 3 & 0 \\ 0 & -1 & 3000 & 3001 \end{pmatrix} \xrightarrow{\begin{matrix} +1(4) \\ +1(4) \end{matrix}} \begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 & -2 \\ 0 & 0 & 3002 & 3006 \\ 0 & 0 & 3003 & 3001 \\ 0 & -1 & 3000 & 3001 \end{pmatrix} \Rightarrow -A \rightarrow -A$$

$$8. \begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 & -2 \\ 0 & 0 & 3002 & 3006 \\ 0 & 0 & 3003 & 3001 \\ 0 & -1 & 3000 & 3001 \end{pmatrix} \xrightarrow{\times(-1)} \begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 & -2 \\ 0 & 0 & 3002 & 3006 \\ 0 & 0 & 3003 & 3001 \\ 0 & 1 & -3000 & -3001 \end{pmatrix} \Rightarrow -A \rightarrow A$$

$$9. \begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 & -2 \\ 0 & 0 & 3002 & 3006 \\ 0 & 0 & 3003 & 3001 \\ 0 & 1 & -3000 & -3001 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 & -2 \\ 0 & 1 & -3000 & -3001 \\ 0 & 0 & 3003 & 3001 \\ 0 & 0 & 3002 & 3006 \end{pmatrix} \Rightarrow A \rightarrow -A$$

$$10. \begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 & -2 \\ 0 & 1 & -3000 & -3001 \\ 0 & 0 & 3003 & 3001 \\ 0 & 0 & 3002 & 3006 \end{pmatrix} \xrightarrow{-1(4)} \begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 & -2 \\ 0 & 1 & -3000 & -3001 \\ 0 & 0 & 1 & -5 \\ 0 & 0 & 3002 & 3006 \end{pmatrix} \Rightarrow -A \rightarrow -A$$

$$11. \begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 & -2 \\ 0 & 1 & -3000 & -3001 \\ 0 & 0 & 1 & -5 \\ 0 & 0 & 3002 & 3006 \end{pmatrix} \xrightarrow{-3002(3)} \begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 & -2 \\ 0 & 1 & -3000 & -3001 \\ 0 & 0 & 1 & -5 \\ 0 & 0 & 0 & 18016 \end{pmatrix} \Rightarrow -A \rightarrow -A$$

Получаем уравнение $-A = 1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 18016 \Rightarrow A = -18016$

Ответ: -18016

№ 7 Вычислить определитель

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 175 & -38 \\ 3 & 4 & 137 & -91 \\ 0 & 0 & 5 & -1 \\ 0 & 0 & 3 & -2 \end{vmatrix}$$

Заметим, что данная нам матрица имеет угол нулей, пусть $A = \begin{vmatrix} 1 & 2 & 175 & -38 \\ 3 & 4 & 137 & -91 \\ 0 & 0 & 5 & -1 \\ 0 & 0 & 3 & -2 \end{vmatrix}$,

тогда $A = \det \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{vmatrix} \cdot \det \begin{vmatrix} 5 & -1 \\ 3 & -2 \end{vmatrix} = (1 \cdot 4 - 2 \cdot 3) \cdot (5 \cdot (-2) - 3 \cdot (-1)) = 14$

Ответ: 14

№ 8 Раскладывая по строкам и/или столбцам, вычислить

$$\begin{vmatrix} x & y & 0 & 0 \\ 0 & x & y & 0 \\ 0 & 0 & x & y \\ y & 0 & 0 & x \end{vmatrix}$$

Пусть $A = \begin{vmatrix} x & y & 0 & 0 \\ 0 & x & y & 0 \\ 0 & 0 & x & y \\ y & 0 & 0 & x \end{vmatrix}$, тогда так же $A = x \cdot (-1)^2 \cdot \begin{vmatrix} x & y & 0 \\ 0 & x & y \\ 0 & 0 & x \end{vmatrix} + y \cdot (-1)^3 \cdot \begin{vmatrix} 0 & y & 0 \\ 0 & x & y \\ y & 0 & x \end{vmatrix} = x \cdot (x^3) - y \cdot (y^3) =$
 $x^4 - y^4$

Ответ: $x^4 - y^4$

№ 9 Вычислите определитель, разложив его в произведение определителей

$$\begin{vmatrix} \cos(\alpha_1 - \beta_1) & \cos(\alpha_1 - \beta_2) & \dots & \cos(\alpha_1 - \beta_n) \\ \cos(\alpha_2 - \beta_1) & \cos(\alpha_2 - \beta_2) & \dots & \cos(\alpha_2 - \beta_n) \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ \cos(\alpha_n - \beta_1) & \cos(\alpha_n - \beta_2) & \dots & \cos(\alpha_n - \beta_n) \end{vmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} \cos(\alpha_1 - \beta_1) & \cos(\alpha_1 - \beta_2) & \dots & \cos(\alpha_1 - \beta_n) \\ \cos(\alpha_2 - \beta_1) & \cos(\alpha_2 - \beta_2) & \dots & \cos(\alpha_2 - \beta_n) \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ \cos(\alpha_n - \beta_1) & \cos(\alpha_n - \beta_2) & \dots & \cos(\alpha_n - \beta_n) \end{pmatrix} =$$

$$= \begin{pmatrix} \cos \alpha_1 \cos \beta_1 + \sin \alpha_1 \sin \beta_1 & \cos \alpha_1 \cos \beta_2 + \sin \alpha_1 \sin \beta_2 & \dots & \cos \alpha_1 \cos \beta_n + \sin \alpha_1 \sin \beta_n \\ \cos \alpha_2 \cos \beta_1 + \sin \alpha_2 \sin \beta_1 & \cos \alpha_2 \cos \beta_2 + \sin \alpha_2 \sin \beta_2 & \dots & \cos \alpha_2 \cos \beta_n + \sin \alpha_2 \sin \beta_n \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ \cos \alpha_n \cos \beta_1 + \sin \alpha_n \sin \beta_1 & \cos \alpha_n \cos \beta_2 + \sin \alpha_n \sin \beta_2 & \dots & \cos \alpha_n \cos \beta_n + \sin \alpha_n \sin \beta_n \end{pmatrix} =$$

$$\begin{pmatrix} \cos \alpha_1 & 0 & \dots & 0 & \sin \alpha_1 \\ \cos \alpha_2 & 0 & \dots & 0 & \sin \alpha_2 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ \cos \alpha_n & 0 & \dots & 0 & \sin \alpha_n \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \cos \beta_1 & \cos \beta_2 & \dots & \cos \beta_n \\ 0 & 0 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & \dots & 0 \\ \sin \beta_1 & \sin \beta_2 & \dots & \sin \beta_n \end{pmatrix}$$

(Обе матрицы выше имеют размерность n на n)

Но так как в формуле определителя в каждом слагаемом встречается по одному элементу из каждой строки и каждого столбца матрицы, следовательно (так как в каждой из матриц есть нулевые строки или столбцы), определители обеих матриц из разложения равны 0, следовательно определитель главной матрицы равен 0 (так как определитель произведения матриц равен произведению определителей).

$$\begin{vmatrix} \cos(\alpha_1 - \beta_1) & \cos(\alpha_1 - \beta_2) & \dots & \cos(\alpha_1 - \beta_n) \\ \cos(\alpha_2 - \beta_1) & \cos(\alpha_2 - \beta_2) & \dots & \cos(\alpha_2 - \beta_n) \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ \cos(\alpha_n - \beta_1) & \cos(\alpha_n - \beta_2) & \dots & \cos(\alpha_n - \beta_n) \end{vmatrix} = 0$$

Ответ: 0

№ 10 Найти наибольшее значение определителя порядка 3 при условии того, что все элементы равны 0 или 1.

Определитель матрицы A можно расписать по формуле:

$$A = a_{11}a_{22}a_{33} + a_{21}a_{13}a_{32} + a_{12}a_{31}a_{23} - a_{13}a_{22}a_{31} - a_{12}a_{21}a_{33} - a_{11}a_{32}a_{23}$$

Заметим, что каждая тройка пересекается с тремя другими, в одной точке с каждой. То есть, если мы хотя бы в одну точку тройки с минусом поставим 0, то занулитися одна из троек с плюсом. Это значит, что мы не сможем получить определитель, равный 3м.

А вот определитель, равный 2 мы можем получить, для этого построим такую матрицу $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$.

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{vmatrix} = 1 \cdot 1 \cdot 1 + 0 \cdot 0 \cdot 0 + 1 \cdot 1 \cdot 1 - 0 \cdot 1 \cdot 1 - 1 \cdot 0 \cdot 1 - 0 \cdot 1 \cdot 1 = 2.$$

Ответ: 2