ПРОГРАММА КУРСА ОБЫКНОВЕННЫХ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ ИТМО — 2018

- 01. Уравнение y' = f(x,y); определение решения, его разновидности; примеры (I;\\$1;\pin.1,2)
- 02. Т. о связи между дифференциальным и интегральным уравнениями (I;§1;п.3)
- 03. Постановка задачи Коши, ее разновидности (I;§1;пп.4,9)
- 04. Отрезок Пеано, его геометрический смысл; формулировка т. Пеано (I;§1;п.5)
- 05. Продолжимость решения на и за границу; т. о продолжимости решения на границу (I;§1;п.6)
- 06. Леммы о продолжимости решения за границу отрезка и интервала (I;\(\xi\)1;\(\pi.6)
- 07. Полное решение, его разновидности, существование полного решения, $I_{\rm max}$ (I; $\S1$;пп.6,9)
- 08. Т. о поведении интегральной кривой полного внутреннего решения (I;§1;п.6)
- 09. Лемма о продолжимости решений на отрезок Пеано (I;§1;п.6)
- 10. Точки неединственности и единственности, единственность в точке и локальная единственность решений задачи Коши; лемма о нижнем и верхнем решении задачи Коши (I;§1;п.7)
- 11. Т. о локальной единственности решения внутренней задачи Коши, пример 4 (I;§1;п.7)
- 12. Т. о множестве единственности, слабая; примеры 5,6,7 (I;§1;пп.8,9)
- 13. Частные и специальные решения, пример 7 (I;§1;п.9)
- 14. Определение общего решения, т. о существовании общего решения (I;§1;п.10)
- 15. Поле направлений, метод изоклин (I;§1;п.11)
- 16. Ломаные Эйлера. Лемма о ломаных Эйлера в роли ε -решения (I; $\S2$;пп.1,2)
- 17. Лемма Асколи-Арцела (I;§2;п.3)
- 18. Ломаные Эйлера. Т. Пеано о существовании внутреннего решения (I;§2;пп.1,4)
- 19. Перенос задачи Коши в начало координат, верхне- и нижнеграничные функции (I;§3;п.1)
- 20. Девять случаев \mathbf{u}^+ взаимного расположения граничных функций и области G (I;§3;п.1)
- 21. Девять случаев \mathbf{v}^+ взаимного расположения граничных функций и области G (I;§3;п.1)
- 22. Смысл условий на функцию $f_0(x,y)$ на границе; примеры 8–10 наличия или отсутствия решения задачи Коши в точке O (I;§3;п.1)
- 23. Построение граничного отрезка Пеано в случаях $\hat{\mathbf{u}}^+$, т. о существовании (I; $\S 3$;пп.2,3)
- 24. Построение граничного отрезка Пеано в случаях $\check{\mathbf{u}}^+$, т. о существовании (I; $\S 3$;пп.2,3)
- 25. Построение граничного отрезка Пеано в случаях $\breve{\mathbf{u}}^+, \widetilde{\mathbf{u}}_1^+, \ \mathbf{t}$. о существовании (I;§3;пп.2,3)
- 26. Построение граничного отрезка Пеано в случаях $\tilde{\mathbf{u}}_{\mathbf{2}}^+$, т. о существовании (I; $\S 3$;пп.2,3)
- 27. Т. об отсутствии решения граничной задачи Коши в случаях $\mathbf{\breve{u}}_1^+, \mathbf{\~u}_1^+$ (I;§3;пп.2,3)
- 28. Т. об отсутствии решения граничной задачи Коши в случаях $\hat{\mathbf{u}}_1^+, \check{\mathbf{u}}_1^+$ (I;§3;пп.2,3)
- 29. Лемма Гронуолла (I;§4;п.1)
- 30. Условия Липшица и т. о множестве единственности (I;§4;пп.2,3)
- 31. Условия Липшица и т. о множестве единственности, слабая (I;§4;пп.2,3)
- 32. Формулировка и применение т. Осгуда (I;§4;п.3)
- 33. Область существования общего решения, лемма о поведении в ней решений, формула общего решения (I;§5;пп.1,2)
- 34. Т. о существовании общего решения (I; §5; п.2)
- 35. Формула общего решения, т. о дифференцируемости общего решения (I;§5;п.2)
- 36. Описание уравнения в симметричной форме, особые точки, связь с уравнением, разрешенным относительно производной (II;§1;пп.1,2)
- 37. Определение решения, задача Коши, точки единственности, интегральная кривая (II;§1;пп.2,3)
- 38. Особые решения, пример 3 (II;§1;п.4)
- 39. Т. о существовании решения и т. о единственности в области, слабая (II;§1;п.5)

- 40. Различные виды систем, связь между ними (III;§1;п.1)
- 41. Решение нормальной системы, векторная запись (III;§1;п.2, Доп. 3₁)
- 42. Задача Коши, отрезок Пеано, т. Пеано, продолжимость, полное решение, интегральная кривая, поле направлений (III;§1;п.3)
- 43. Т. о продолжимости решения с доказательством (III;§1;п.3, I;§1;п.6)
- 44. Т. о поведении интегральной кривой полного решения с доказательством (III;§1;п.3, I;§1;п.6)
- 45. Механическая интерпретация решений, системы в симметричной форме (III; §1; пп. 4,5)
- 46. Лемма Адамара, условия Липшица (III;§2;пп.1,2)
- 47. Лемма о связи между локальным и глобальным условием Липшица (III;§2;п.2)
- 48. Достаточные условия для выполнения локального условия Липшица (III;§2;п.3)
- 49. Последовательные приближения Пикара, их область определения (III;§3;п.1)
- 50. Т. Пикара (III;§3;п.1)
- 51. Т. о существовании и единственности решений нормальной системы (III;§3;п.2)
- 52. Линейные системы, т. о существовании и единственности решений (III;§4;п.1)
- 53. Т. о продолжимости решений почти линейных систем $(III; \S4; \pi.2)$
- 54. Т. об интегральной непрерывности (III;§5;п.1)
- 55. Т. о дифференцируемости решений по начальным данным и параметрам (III;§5;п.2)
- 56. Т. о существовании у решения производных высших порядков (III;§5;п.2)
- 57. ЛУ порядка n, существование, единственность, продолжимость решений (IV; $\S1$;пп.1,2)
- 58. ЛОУ порядка n, линейная зависимость и независимость функций и решений (IV; $\S 2;$ пп.1,2)
- 59. ЛОУ порядка n, существование Φ CP, общее решение, овеществление Φ CP (IV;§2;пп.3,4)
- 60. Построение ЛОУ по фундаментальной системе решений, его единственность (IV;§2;п.5)
- 61. Формула Лиувилля для ЛОУ (IV;§1;п.6)
- 62. Структура общего решения ЛНУ, метод вариации произвольной постоянной (IV; §3; пп. 1, 2)
- 63. ФСР для ЛОУ с постоянными коэффициентами (IV;§4;п.1)
- 64. Метод неопределенных коэффициентов для ЛНУ с постоянными коэффициентами (IV; $\S4;$ п.2)
- 65. ЛОС: линейная зависимость и независимость решений, связь с ОВ (V;§1;пп.1-3)
- 66. ЛОС: Фундаментальная система решений, общее решение, овеществление ФСР (V;\$1;пп.4,5)
- 67. Формула Лиувилля для ЛОС (V;§1;п.6)
- 68. Матричные уравнения, т. о связи между фундаментальными матрицами (V;§1;п.7)
- 69. Подобные матрицы, жорданова форма матрицы (V;§2;пп.1,2)
- 70. Матричные степенные ряды, т. об аналитических функциях от матриц (V;§2;п.3)
- 71. Экспонента и логарифм матрицы (V;§2;п.4)
- 72. Общее решение ЛОС с постоянными коэффициентами (V;§2;п.5)
- 73. Структура фундаментальной матрицы ЛОС с постоянными коэффициентами (V; §2; п.6)
- 74. Оценка фундаментальной матрицы на положительной полуоси (V;§2;п.7)
- 75. Теория Флоке: матрица монодромии, вид фундаментальной матрицы (V; §3; пп. 1-3)
- 76. Теория Флоке: мультипликаторы, их характеристическое свойство $(V; \S 3; \pi.4)$
- 77. Теория Φ локе: структура фундаментальной матрицы, приводимость системы (V; $\S 3$; $\pi n.5.6$)
- 78. ЛНУ: общее решение, метод вариации, формула Коши (V;§4;пп.1-3)
- 79. Автономные системы. Механическая интерпретация (VI;§1;пп.1,2)
- 80. Инвариантность решений относительно сдвигов по времени и групповое свойство (VI;\$1;пп.3,4)
- 81. Т. о единственности для траекторий (VI;§1;п.5)
- 82. Особая точка, цикл; т. о типах траекторий автономных систем (VI;§1;пп.6,7)
- 83. Понятие об устойчивости движения. Алгоритм исследования устойчивости (VII;§1;пп.1-3)
- 84. Т. об устойчивости линейных систем (VII;§2;пп.1,2)
- 85. Устойчивость линейных систем с постоянными и периодическими коэффициентами (VII;§2;п.3)
- 86. Т. об устойчивости по первому приближению (VII;§3)