Die wundersame Welt der unendlich großen Zahlen

Glaube in der Mathematik?

Absolventenfeier des Instituts für Mathematik am 13. Oktober 2017



Gliederung

Ordinalzahlen

Z Kardinalzahlen

3 Erkenntnistheorie

Fragen sind während des gesamten Vortrags willkommen.
Bitte keinesfalls bis zum Ende aufsparen.
Vielen Dank dafür!

Ordinalzahlen



Ordinalzahlen

messen Anordnung



Kardinalzahlen messen Anzahl



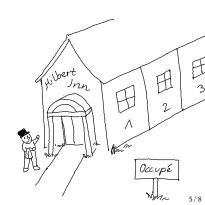
David Hilbert * 1862 † 1943



Emmy Noether * 1882 † 1935

Kardinalzahlen

messen Anzahl



Kardinalzahlen

messen Anzahl

Es gibt \aleph_0 viele natürliche Zahlen: 1, 2, 3, ...

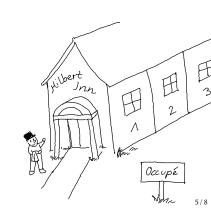


Kardinalzahlen

messen Anzahl

Es gibt \aleph_0 viele natürliche Zahlen: 1, 2, 3, ...

$$\aleph_0 + 1 = \aleph_0$$



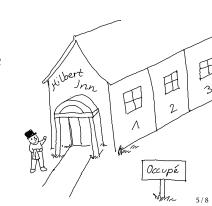
Kardinalzahlen

messen Anzahl

Es gibt \aleph_0 viele natürliche Zahlen: 1, 2, 3, ...

$$\aleph_0 + 1 = \aleph_0$$

$$\aleph_0 \cdot \aleph_0 = \aleph_0$$

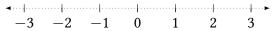


■ Es gibt \aleph_0 viele natürliche Zahlen.

■ Es gibt \aleph_0 viele natürliche Zahlen.



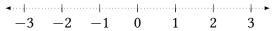
Es gibt auch nur \aleph_0 viele ganze Zahlen.



■ Es gibt \aleph_0 viele natürliche Zahlen.



Es gibt auch nur \aleph_0 viele ganze Zahlen.



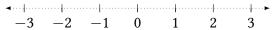
■ Ebenso gibt es nur nur \aleph_0 viele rationale Zahlen.



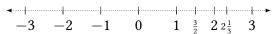
■ Es gibt \aleph_0 viele natürliche Zahlen.



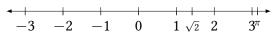
■ Es gibt auch nur \aleph_0 viele ganze Zahlen.



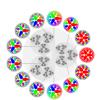
■ Ebenso gibt es nur nur \aleph_0 viele rationale Zahlen.



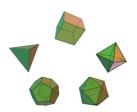
■ Aber es gibt mehr reelle Zahlen: ¢ viele.



Erkenntnistheorie



"Es gibt unendlich viele Primzahlen."



"Es gibt nur fünf platonische Körper."



"Der goldene Schnitt ist die irrationalste Zahl."

Die Kontinuumshypothese



Georg Cantor (* 1845, † 1918)

Gibt es eine Zwischenstufe zwischen \aleph_0 und \mathfrak{c} ?

Die Kontinuumshypothese



Georg Cantor (* 1845, † 1918)

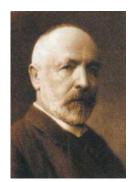
Gibt es eine Zwischenstufe zwischen \aleph_0 und \mathfrak{c} ?



Kurt Gödel (* 1906, † 1978)

Es gibt keinen Beweis, dass es eine Zwischenstufe gibt.

Die Kontinuumshypothese



Georg Cantor (* 1845, † 1918)

Gibt es eine Zwischenstufe zwischen ℵ₀ und ¢?



Kurt Gödel (* 1906, † 1978)

Es gibt keinen Beweis, dass es eine Zwischenstufe gibt.



Paul Cohen (* 1934, † 2007)

Es gibt keinen Beweis, dass es keine Zwischenstufe gibt.

Abschluss

- \blacksquare Ordinalzahlen messen Anordnung. $\omega+1>\omega$
- Kardinalzahlen messen Anzahl. $\aleph_0 + 1 = \aleph_0$
- Es gibt mathematische Fragen, deren Antwort bewiesenermaßen dauerhaft unkennbar ist.

Abschluss

- Ordinalzahlen messen Anordnung. $\omega + 1 > \omega$
- Kardinalzahlen messen Anzahl. $\aleph_0 + 1 = \aleph_0$
- Es gibt mathematische Fragen, deren Antwort bewiesenermaßen dauerhaft unkennbar ist.

Viel Freude beim weiteren Programm!



Mathecamp vom 18. bis 26. August in Violau