

Рассмотрим следующие задачи:

$$\alpha \int_x^\infty \frac{dt}{t\sqrt{1+t^4}} = \int_0^x \frac{dt}{\sqrt{1+t^4}}; \quad (1)$$

$$\begin{aligned} \Delta u &= r^2 \sin \varphi, \quad |r| < 1, \\ \frac{\partial u}{\partial r} \Big|_{r=1} &= \sin^3 \varphi; \end{aligned} \quad (2)$$

Решить систему  $\dot{x} = Ax$ ,  $x \in \mathbb{R}^3$ , и найти  $e^{At}$

$$A = \begin{pmatrix} -3 & 1 & -5 \\ -8 & 3 & -8 \\ 2 & -1 & 4 \end{pmatrix} \quad (3)$$

(хар-кий мн-н:  $\lambda^3 - 4\lambda^2 + \lambda + 6$ )

$$\begin{cases} u_{tt} = 4u_{xx}, & t > 0, \ x > 0, \\ u|_{t=0} = 1, & u_t|_{t=0} = -\sin x, \\ u_x|_{x=0} = 0. \end{cases} \quad (4)$$

Задача (1) состоит в нахождении корня уравнения, при ее решении необходимо ознакомиться с пособием [1]. При решении задач (2)–(4) необходимы знания из курса дифференциальных уравнений.

На четвертом году обучения в рамках курса “Численные методы” будет подробно рассматриваться проблематика численного решения подобных задач.

## Список литературы

- [1] *Валединский В.Д., Корнев А.А.* Методы программирования в примерах и задачах. М.: Изд-во механико-математического ф-та МГУ, 2000.