

Рассмотрим следующие задачи:

$$\int_{\alpha}^x \sqrt{\frac{1+t^3}{10+t^2}} dt = \alpha + x; \quad (1)$$

$$\begin{aligned} \Delta u &= r^2 \cos \varphi, \quad |r| < 1, \\ \frac{\partial u}{\partial r} \Big|_{r=1} &= \cos^3 \varphi; \end{aligned} \quad (2)$$

Решить систему $\dot{x} = Ax$, $x \in \mathbb{R}^3$, и найти e^{At}

$$A = \begin{pmatrix} 6 & -2 & 5 \\ 6 & -1 & 5 \\ -4 & 2 & -3 \end{pmatrix} \quad (3)$$

(хар-кий мн-н: $\lambda^3 - 2\lambda^2 + \lambda - 2$)

$$\begin{cases} u_{tt} = u_{xx}, & t > 0, \ x > 0, \\ u|_{t=0} = -\cos x, & u_t|_{t=0} = \sin x, \\ (u_x - u)|_{x=0} = 0. \end{cases} \quad (4)$$

Задача (1) состоит в нахождении корня уравнения, при ее решении необходимо ознакомиться с пособием [1]. При решении задач (2)–(4) необходимы знания из курса дифференциальных уравнений.

На четвертом году обучения в рамках курса “Численные методы” будет подробно рассматриваться проблематика численного решения подобных задач.

Список литературы

- [1] *Валединский В.Д., Корнев А.А.* Методы программирования в примерах и задачах. М.: Изд-во механико-математического ф-та МГУ, 2000.