

FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS, INGENIER AGRIMENSURA INSTITUTO POLITECNICO SUPERIOR TÉCNICO EN INFORMÁTICA ALGORITMOS Y ESTRUCTURAS DE DATOS AVANZADAS

Práctica Tipos - BT - BST - RBT - Leftist Heaps

1. Dado el siguiente tipo de dato que representa los números naturales:

- a) ¿Qué tipo tiene Succ?
- b) Definir la función $int2Nat :: Int \rightarrow Nat$ que dado un entero retorne su representació en Nat Ejemplo int2Nat 4 = Succ (Succ (Succ
- c) Definir la función $suma :: Nat \rightarrow Nat \rightarrow Nat$ NO convertir los Nat a enteros para poder sumarlos.
- d) Definir la función $nat2Int :: Nat \rightarrow Int$ que dado un Nat retorne a que entero representa.
- 2. Dado el tipo de datos de árboles binarios:

$$\textbf{data} \; \mathsf{Arb} = \mathsf{E} \; | \; \mathsf{H} \; \mathsf{Int} \; | \; \mathsf{N} \; \mathsf{Arb} \; \mathsf{Arb}$$

y el tipo de datos de comandos, para navegar el árbol:

$$data Cmd = L \mid R$$

- a) ¿Qué tipo tiene N?
- b) Definir la función parcial $selec::[\mathsf{Cmd}] \to \mathsf{Arb} \to \mathsf{Arb},$ que selecciona el subárbol correspondiente. Por ej:

La función selec es parcial, ya que no está definida para listas de comandos erróneas (como por ejemplo, ir a la izquierda cuando nos encontramos en una hoja).

- c) Definir una función $enum :: Arb \rightarrow [[Cmd]]$ que devuelva todas las secuencias de comandos válidas para ir desde la raíz hasta una hoja.
- **3.** Un lenguaje imperativo simple sólo permites variables de un único tipo, para esto se mantiene un estado con el nombre de las variables y sus valores. Un **Estado** es una estructura secuencial formada por un nombre de variable y el valor correspondiente. Se requiere las siguientes operaciones sobre **Estado**:

 $\begin{array}{l} inicial \ : {\sf Estado} \ a \\ update \ : {\sf Nombre} \to {\sf A} \to {\sf Estado} \ a \to {\sf Estado} \ a \\ look for : {\sf Nombre} \to {\sf Estado} \ a \to {\sf Maybe} \ a \\ free \ : {\sf Nombre} \to {\sf Estado} \ a \to {\sf Estado} \ a \end{array}$

donde

- inicial representa el estado inicial de un programa donde no sean definido ninguna variable
- update permite actualizar el valor de una variable existente y si la variable no existe la agrega al estado con el valor dado.
- lookfor dado el nombre de una variable permite obtener el valor de esta si es que existe en el estado.
- free dado el nombre de una variable la elimina del estado.

Definir los tipo de dato para Nombre y Estado e implementar las operaciones dadas.

- 4. Implementar una función que:
 - a) calcule el número de nodos en un nivel específico de un árbol binario
 - b) reciba un árbol binario de búsqueda y verifique si es un árbol balanceado, es decir, que la diferencia de alturas entre su subárbol izquierdo y derecho no sea mayor que 1 para todos los nodos
 - c) encuentren el sucesor y el predecesor de un valor dado en un árbol binario de búsqueda. El sucesor es el valor más pequeño mayor que el valor dado, y el predecesor es el valor más grande menor que el valor dado
 - d) dado un Leftist Heaps, retorne una lista con sus elementos ordenados de mayor a menor
 - e) verifique si un árbol cumple con la propiedad de Leftist Heap
 - f) elimine todos los elementos duplicados en un Leftist Heap y devuelva el nuevo heap resultante
 - g) verifique si un árbol cumple con la propiedad de Red Black Tree