## 2024年 MathorCup 数学应用挑战赛——大数据竞赛

### 赛道 B: 电商品类货量预测及品类分仓规划

电商企业在各区域的商品存储主要由多个仓库组成的仓群承担。其中存储的商品主要按照属性(品类、件型等)进行划分和打标,便于进行库存管理。图1是一个简化的示意图,商品品类各异,件数众多,必须将这些商品分散到各个仓库存储。品类分仓规划决定各商品存放在哪些仓库问题,合理的品类分仓规划对提升每个仓的管理效率、降低总体仓储成本至关重要。

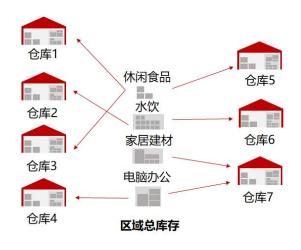


图 1 品类分仓规划示意图

准确的仓储货量预测是品类分仓规划的重要依据,对于准确的预测结果能够预见性地决定未来的仓储资源使用决策,以提前规划仓储资源,减少冗余场地的投入。一般来说,该场景需要预测两个目标,分别为库存量和销量。其中,库存量为该品类在全部仓库所需存放的总库存,分仓结果中受到仓库的仓容限制;销量为该品类在全部仓库所需打包出库的总量,分仓结果中受到产能限制。

在得到未来各品类的预测货量后,各个品类的分仓规划是供应链规划者的重要研究问题。若将品类集中存放在数量较少的仓库中,则将超过该仓的仓容及产能上限,造成履约问题;若同一品类分在多个仓库中,则会

显著增加仓库数量,增大品类库存的管理难度及总成本。此场景需考虑的上限包括两个,分别为仓容上限和产能上限,其中仓容上限为某仓库可以存放的最高库存量,产能上限为某仓库一天可以出库的最高销量。另外,若将相似的品类(使用品类关联度衡量相似性)放在同一个仓库中,同一订单中的商品更可能集中出货,可以在实际履约中减少包裹数量,从而降低履约成本。

合理的品类分仓方案,应该同时考虑仓群的复杂度及单仓仓容及产能约束,给出最优的分仓结果需综合考虑以下指标:

- 1) 仓容利用率: 单仓总库存/仓容上限;
- 2) 产能利用率: 单仓总出库量/产能上限;
- 3) 总仓租成本: 使用仓库的仓租成本之和;
- 4) 品类分仓数: 单品类存放的仓库数量;
- 5) 品类关联度:存放在同一仓库的所有品类之间的关联度之和。

现有一个仓储网络,包含140个仓库以及350种品类,附件1及附件2分别为各品类的历史库存量及销量,附件3为不同仓库相关信息(仓租日成本、仓容上限、产能上限),附件4为不同品类之间的关联度(表中未出现的品类组合关联度设为0),附件5为不同品类的相关信息(品类编码、件型)。基于以上数据,请完成以下问题:

### 初赛问题

问题 1: 建立货量预测模型,对该仓储网络 350 个品类未来 3 个月 (7-9 月) 每个月的库存量及销量进行预测,其中库存量根据历史每月数据预测月均库存量即可,填写表 1 的预测结果并放在正文中,并将完整结果填写在 result 表格文件中的"月库存预测结果"的表单中;销量需给出未来每天的预测结果,填写表 2 的预测结果并放在正文中,并将完整结果填写在 result 表格文件中的"日销量预测结果"的表单中。

表 1: 月库存量预测结果

|  | 7月库存量 | 8月库存量 | 9月库存量 |
|--|-------|-------|-------|
|--|-------|-------|-------|

| category1   |  |  |
|-------------|--|--|
| category31  |  |  |
| category61  |  |  |
| category91  |  |  |
| category121 |  |  |
| category151 |  |  |
| category181 |  |  |
| category211 |  |  |
| category241 |  |  |
| category271 |  |  |
| category301 |  |  |
| category331 |  |  |

# 表 2: 日销量预测结果

|             | 7.1 | 7.11 | 7.21 | 7.31 | 8.11 | 8.21 | 8.31 | 9.11 | 9.21 |
|-------------|-----|------|------|------|------|------|------|------|------|
| category1   |     |      |      |      |      |      |      |      |      |
| category31  |     |      |      |      |      |      |      |      |      |
| category61  |     |      |      |      |      |      |      |      |      |
| category91  |     |      |      |      |      |      |      |      |      |
| category121 |     |      |      |      |      |      |      |      |      |
| category151 |     |      |      |      |      |      |      |      |      |
| category181 |     |      |      |      |      |      |      |      |      |
| category211 |     |      |      |      |      |      |      |      |      |
| category241 |     |      |      |      |      |      |      |      |      |
| category271 |     |      |      |      |      |      |      |      |      |
| category301 |     |      |      |      |      |      |      |      |      |
| category331 |     |      |      |      |      |      |      |      |      |

问题 2: 假设当前限定每个品类只能放在一个仓库中,即一品一仓,各品类之间请基于问题 1 的预测结果建立规划模型,综合考虑多个业务目标,求得品类的分仓方案,包括:应使用哪些仓库,使用的仓库需存放哪些品类的库存。填写表 3 的分仓结果并放在正文中,并将完整品类分仓结果填写在 result 表格中的"一品一仓分仓方案"表单中。

表 3: "一品一仓"分仓方案

|             | warehouse |
|-------------|-----------|
| category1   |           |
| category31  |           |
| category61  |           |
| category91  |           |
| category121 |           |
| category151 |           |
| category181 |           |
| category211 |           |
| category241 |           |
| category271 |           |
| category301 |           |
| category331 |           |

问题 3: 现在为每个品类按照件型及高级品类进行打标(如附件 5),并放开一品一仓假设,即允许一个品类存放于多个仓库,但同一品类存放的仓库数量不能超过 3 个,并希望同件型、同高级品类尽量放在一个仓库中。假设同一品类在不同仓库之间分布的库存量比例及出库量比例相同,当前业务的首要目标是最大品类关联度,同时兼顾其他指标。请基于问题 1 的预测结果建立规划模型,求得新的品类分仓方案,并分析不同方案中各业务指标的表现。填写表 4 的分仓结果并放在正文中,并将完整品类分仓结果填写在 result 表格中的"一品多仓分仓方案"表单中。

表 4: "一品多仓"分仓方案

|             | warehouse | warehouse | warehouse |
|-------------|-----------|-----------|-----------|
| category1   |           |           |           |
| category31  |           |           |           |
| category61  |           |           |           |
| category91  |           |           |           |
| category121 |           |           |           |
| category151 |           |           |           |
| category181 |           |           |           |
| category211 |           |           |           |
| category241 |           |           |           |
| category271 |           |           |           |
| category301 |           |           |           |
| category331 |           |           |           |

注:提交论文时,请将 result 结果文件表作为计算结果提交,提交时不要改动 result 表格的格式。

#### 参考材料:

- [1] 庄晓天等. 智能供应链:预测算法理论与实战[M]. 北京: 电子工业出版社, 2023.
- [2] [1] Makridakis S, Spiliotis E, Assimakopoulos V. M5 accuracy competition: Results, findings, and conclusions[J]. International Journal of Forecasting, 2022.
- [3] 庄晓天等. 智能供应链:运筹优化理论与实战[M]. 北京: 电子工业出版社, 2024.
- [4] Catalán, Andrés, Fisher M. Assortment Allocation to Distribution Centers to Minimize Split Customer Orders[J]. Social Science Electronic Publishing, 2013
- [5] Minfang HUANG, Yuanyuan HAO, Yanxin WANG, Xiangpei HU, Ludi LI. Split-order consolidation optimization for online supermarkets: Process analysis and optimization models[J]. Frontiers of Engineering Management, 2023, 10(3): 499–516