

1. A szélességi keresés algoritmus bejárása során egy csúcs NEM kerülhet bele többször a sorba.
2. Annak eldöntése, hogy egy  $u$  csúcs szomszédos-e a  $v$  csúccsal szomszédossági éllistas ábrázolás esetén  $O(n)$ , csúcsmátrixos reprezentáció esetén  $\Theta(n^2)$
3. Egy tetszőleges AVL fa inorder bejárása monoton növekvő sorozatot ad.
4. Egy  $n$  elemű AVL fában egy elem keresésének műveletigénye  $O(\log n)$
5. Tekintsünk egy 6-od fokú B+ fát. Egy levélben NEM lehet 6 adatrekordra hivatkozó mutató.
6. Egy tetszőleges AVL fában NEM mindig vannak azonos szinten a levelek.
7. Egy  $d$ -ed fokú B+ fában NEM csak beszúrással lehet bővíteni a belső csúcsokat.
8. Huffman kódolás során a kódolt üzenet NEM darabolható fel könnyen kisebb részekre, és NEM kódolhatóak külön-külön.
9. A szélességi keresés végén lehet olyan csúcs melynek távolsága végtelen ( $d = \infty$ ).
10. B+ fában NEM szigorú monoton növekvő a sorrend (levelek).
11. Egy **bináris fa** ( $*p$ ) csúcsára NEM IGAZ, hogy kiegyensúlyozott ha  $(p \rightarrow b)$  egyensúlyára:  $p \rightarrow b < 2$ , de **AVL fa** esetében IGAZ!
12. NEM csak az összefüggő gráfoknak lehet tranzitív lezártja.
13. Egy  $n$  csúcsú sűrű gráf esetében a sor alapú *Bellman Ford (BF)* algoritmus futtatása NEM hatékonyabb a *Floyd Warshall (FW)* algoritmusánál ( $BF - O(n^4)$ , míg a  $FW - O(n^3)$ ), ritka gráf esetén ugyanaz a hatékonyság.
14. A Floyd Warshall (FW) algoritmus (negatív összsúlyú kört nem tartalmaz) az inicializáláson felül összesen:  $n + n^2 + n^3$  iterációval határozza meg a legrövidebb utakat minden csúcspárra.
15. Dijkstra / Kruskal / Prim algoritmus mohó stratégiát követ.
16. Egy 20 hosszú szövegen és 7 hosszú mintán a Quick Search algoritmus NEM alkalmaz legalább 3 összehasonlítást.
17. NEM IGAZ az, hogy egy tetszőleges, irányított, élsúlyozott gráf és adott start csúcs esetén előállítható a legrövidebb utak fája.
18. A Bellman Ford algoritmus NEM használ minimum prioritásos sort a csúcsok kiterjesztéséhez.
19. A mintaillesztésben a next függvény egyik tulajdonsága, hogy:  $next(j+1) \leq next(j)+1$  ( $j \in 1..m-1$ )  
A másik tulajdonsága:  $next(j) \in 0..(j-1)$
20. A Kruskal algoritmusnak NEM kell minden esetben végig néznie a gráf minden csúcsát, hogy meghatározza a minimális feszítőfát.
21. Egy  $n$  csúcsú összefüggő, élsúlyozott, irányítatlan gráf minimális feszítőfája  $n-1$  élből áll.
22. A Dijkstra algoritmus NEM képes detektálni negatív összsúlyú kört.
23. Egy tetszőleges, irányítatlan, összefüggő gráfnak több minimális feszítőfája is lehet.
24. Igaz az a tulajdonság, hogy:  $P[1..h+1] \supset P[1..j+1] \Leftrightarrow P[1..h] \supset P[1..j] \wedge P[1..h+1] = P[1..j+1]$

A. Tetszőleges  $d$ -ed fokú ( $d > 3$ ) nem üres  $B^+$  fára:

- ✓ Levelei azonos szinten vannak
- ✓ levele lehet a nulladik szinten is
- ✓ leveleinek kulcsai balról jobbra szigorú monoton nőnek.
- ✓ levelei NEM tartalmazhatnak csak 1 kulcsot, ha a szintje legalább 1.

B. Egy tetszőleges AVL fában

- ✓ a legnagyobb kulcsú elemének lehet bal gyereke
- ✓  $(*p)$  csúcs  $(p \rightarrow b)$  egyensúlyára:  $p \rightarrow b < 2$
- ✓ minden csúcs értéke különböző

1. Ha egy  $G$  irányított gráfnak van generátor csúcsa, akkor a gráf összefüggő.
  2. A  $G = (V, E)$  gráfnak nem biztos, hogy részgráfja a  $G' = (V', E')$ , ha  $V \in V'$  és  $E \in E'$ , mindkét irányított, vagy mindkettő irányítatlan.
  3. NEM igaz az, hogy  $B^+$  fánál törléskor a törlendő kulcsot minden szintről törölni kell.
  4. A Huffman kóddal tömörített szöveg kicsomagolása NEM kódtáblázat alapján történik.
  5. A karakterenként kódoló tömörítések között a Huffman-kód minimális.
  6. A szomszédossági éllistas ábrázolás NEM mindig helytakarékosabb a csúcsmátrixosnál.
  7. A Prim algoritmus eredménye függhet attól, hogy melyik csúcsból indítjuk az algoritmust!
  8. **Ritka** gráfon a Dijkstra algoritmus hatékonyabb mint a Floyd Warshall (FW). (Dijkstra –  $(n^2 \log n)$ , FW –  $O(n^3)$ )
  9. A Dijkstra algoritmust sűrű gráfon NEM érdemes a prioritásos sort kupaccal megvalósítani.
  10. Dijkstránál csak a nem negatív élköltségek mellett garantált a helyes eredmény.
  11. A mélységi gráfkeresés legjobb és legrosszabb esetben is  $\Theta(n+m)$
  12. Az  $(u, v)$  visszaél detektálásakor a  $v$  befejezési ideje még nem definiált.
  13. Minden kör felderíthető egy irányított gráfban mélységi gráfkereséssel.
- 
- a) Huffman kódolás során a tömörített szöveget karakterenként, változó hosszúságú bitsorozattal kódoljuk.
  - b) A karakterenként kódoló tömörítések között a Huffman-kód minimális.
  - c) A magassága NEM  $\Theta(\log n)$
- 
- a) Egy  $B^+$  fában lehet olyan hasítókulcs, ami levélben nem szerepel.
  - b) Egy 6-odfokú esetén a  $B^+$  fában nem lehet a belsőcsúcsnak csak 2 gyereke (min.  $d/2$  gyereke kell hogy legyen)
- 
- a) Ha egy  $G$  irányított gráfnak van generátor csúcsa, akkor a gráf összefüggő.
  - b)  $G = (V, E)$  irányítatlan gráfot csúcsmátrix-al ábrázolva a null elemek száma:  $n^2 - 2m$ .
  - c)  $G = (V, E)$  irányítatlan gráfot csúcsmátrix-al ábrázolva a null elemek száma:  $n^2 - 2m$  (ahol feltesszük, hogy nincsenek hurokélek).

- a) Többféle szélességi fát kaphatunk, ha a szélességi keresés során egy csúcs szomszédjainak sorrendje tetszőleges.
  - b) Ha a feldolgozott él szürke csúcsba mutat, NEM biztos hogy irányított kört kapunk.
  - c) Az AVL fa egyben egy bináris keresőfa is.
- 
- a) A Dijkstra algoritmus működése során ha egy csúcs kikerült a prioritásos sorból, akkor az adott csúcsba már biztosan a legrövidebb út vezet a start csúcsból.
  - b) Előfordulhat, hogy a d érték végtelen marad.
- 
- a) Egy összefüggő irányított gráf mélységi bejárása NEM eredményez feszítőfát.
  - b) Ha az  $(u,v)$  egy mélységi fa éle, akkor  $u = \text{Pi}(v)$
  - c) Ha  $u$  és  $v$  ugyanabban a mélységi fában van, akkor  $(u,v)$  él lehet keresztél.
  - d) Egy  $n$  elemű fa mélységi bejárása NEM azonosít  $n-1$  faélt, mivel erdő esetén kevesebb is lehet.
- 
- a) A Floyd Warshall NEM határozza meg tetszőleges élsúlyozott gráfra a legrövidebb utakat minden csúcsra.
  - b) A Floyd Warshall képes felismerni a negatív összsúlyú kört.
  - c) A Dijkstra algoritmus ritka gráfok esetén hatékonyabb, mint a Floyd Warshall.
- 
- a) A Bellman Ford műveletigénye legjobb esetben aszimptotikusan megegyezik a KMP műveletidejével (ha  $m \ll n$ )
  - b) Az inshift műveletideje aszimptotikusan megegyezik az initnext műveletidejével ( $\Theta(m)$ ).