

2.

终止规则：当系统耗完电而可用电池数为零时，系统停止

一种使得系统停止的情况如下：

时间	使用电池及耗电时间	可用电池	充电电池及充电时间
1	1 (3h)	2	
2	1 (3h)	2	
3	1 (3h)	2	1
4	2 (1h)		1 (1h)
5	1 (2h)		2 (3h)
6	1 (2h)		2 (3h)
7	无		2 (3h)

第七个小时的时候系统由于无可用电池，工作停止，连续工作时间为六小时。

4.

工厂有多个储油罐（假设为 3），开工时需要储油罐连续放油供给生产链，其中生产链对石油的需求随机，可能会等概率 1、2、3 小时内耗完油，而每次给储油罐储油（每次需要储满，每次可用同时给多个油罐输油）需要 3 个小时，求生产线能够持续工作的时间。

一种使得系统停止的情况如下：

时间	使用油罐及耗油时间	已满油罐	充油油罐
1	1 (2h)	2、3	
2	1 (2h)	3	
3	2 (1h)	3	1
4	3 (1h)		1、2
5	无		1、2、3

实际意义：由于每次储油都需要三个小时，在第五个小时开始时已经无油罐可用，此时生产链中断，持续工作时间为 4 小时。

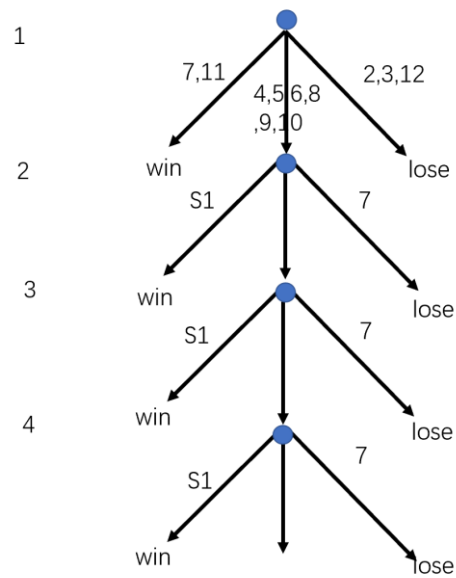
6.

(1) 首先用一个均匀骰子来模拟需要两个骰子的游戏，最为直接的方法就是用同样的方式投掷两次，结果便是两次投掷向上点数之和

此系统的输入为每次投掷的点数和，记第 i 次为 S_i ，点数和可为 2,3,...,12，是等概率的随机事件。点数和决定了当前系统的状态。

模型最后会输出“输”和“赢”两种结果。模拟过程中，第一次投掷时的终止条件为 2,3,7,11,12，其中 7,11 会输出“赢”，2,3,12 会输出“输”，其他结果将会使得继续进行，之后的终止条件为 7 和 S_1 （第一次投掷结果），其中 7 输出“输”， S_1 输出“赢”。根据概率的大数定律，最后模型一定会有一个“输”或“赢”的输出。

(2)



设投掷的次数为 N ($N > 2$), 则游戏赢的概率:

$$P = \frac{2}{11} + \frac{6}{11} \times \left(\frac{1}{11} + \frac{1}{11} \times \frac{9}{11} + \frac{1}{11} \times \left(\frac{9}{11} \right)^2 + \dots + \frac{1}{11} \times \left(\frac{9}{11} \right)^{N-2} \right)$$

$$P = \frac{2}{11} + \frac{3}{11} \left(1 - \left(\frac{9}{11} \right)^{N-1} \right)$$

8.

在目标追踪的决策上, 确定性的量化方法容易因为实际场景的较大不确定性而失效, 这个时候, 适合利用随机模拟的方法进行解决这种追踪的问题。

比如利用无人机系统来追踪拍摄鸟类, 由于目标对象运动状态容易产生突变, 可以通过随机采样的跟踪算法, 提高跟踪率。传统的分析模型很难应对这种变化较多的实际场景, 而使用随机模型更适合这种实时的跟踪系统。