

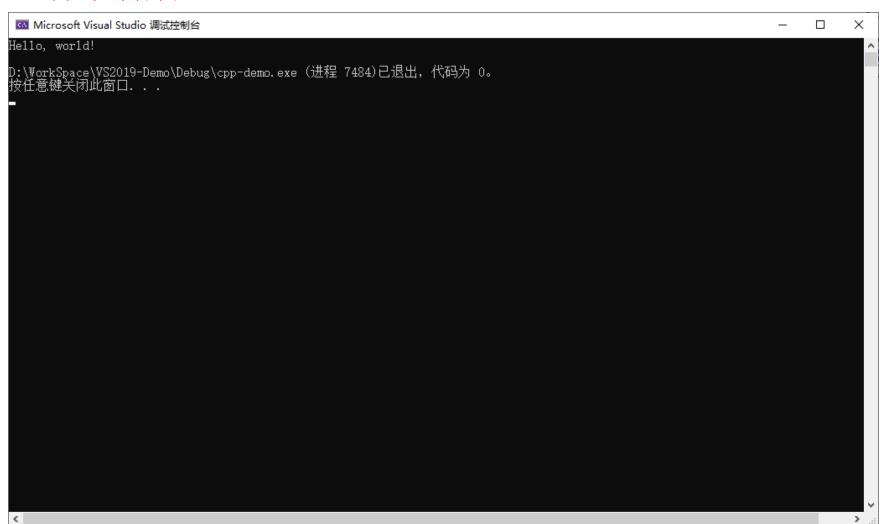
要求:

- 1、完成本文档中所有的题目并写出分析、运行结果
- 2、无特殊说明,均使用VS2022编译即可
- 3、直接在本文件上作答,写出答案/截图(不允许手写、手写拍照截图)即可;填写答案时,为适应所填内容或贴图, 允许调整页面的字体大小、颜色、文本框的位置等
 - ★ 贴图要有效部分即可,不需要全部内容
 - ★ 在保证一页一题的前提下,具体页面布局可以自行发挥,简单易读即可
 - ★ 不允许手写在纸上,再拍照贴图
 - ★ 允许在各种软件工具上完成(不含手写),再截图贴图
- 4、转换为pdf后提交
- 5、3月14日前网上提交本次作业(在"文档作业"中提交)



贴图要求:只需要截取输出窗口中的有效部分即可,如果全部截取/截取过大,则视为无效贴图

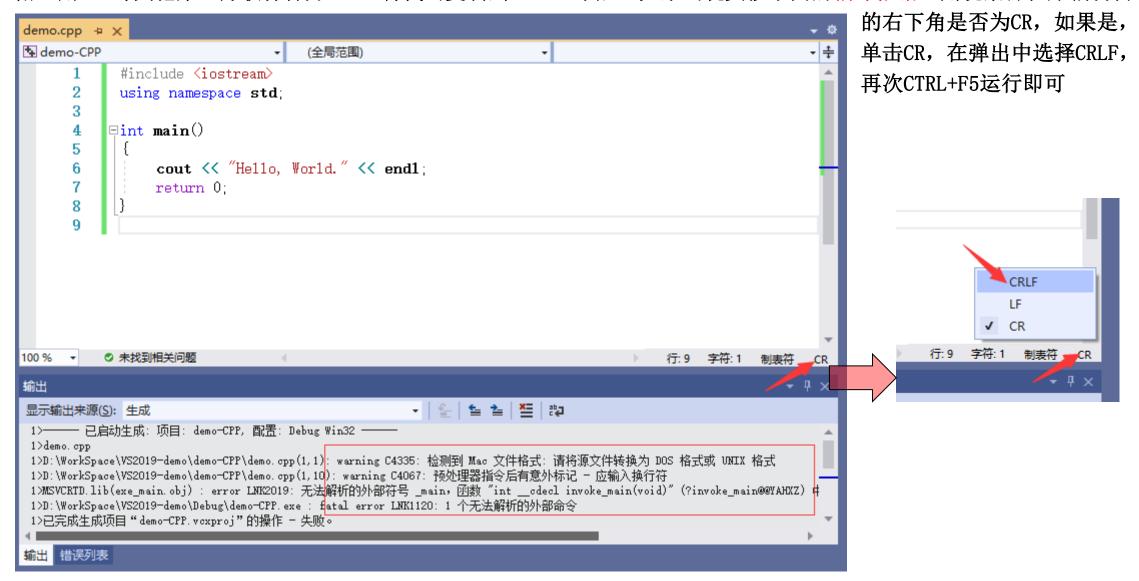
例:无效贴图



例:有效贴图

Microsoft Visual Studio 调试控制台
 He11o, wor1d!

附:用WPS等其他第三方软件打开PPT,将代码复制到VS2022中后,如果出现类似下面的编译报错,则观察源程序编辑窗





基础知识:用于看懂float型数据的内部存储格式的程序如下:

注意:除了对黄底红字的具体值进行改动外,其余部分不要做改动,也暂时不需要弄懂为什么(需要第6章的知识才能弄懂)

上例解读: 单精度浮点数123.456,在内存中占四个字节,四个字节的值依次为0x42 0xf6 0xe9 0x79(按打印顺序逆向取)转换为32bit则为: 0100 0010 1111 0110 1110 1001 0111 1001

符号位 8位指数 23位尾数



基础知识:用于看懂double型数据的内部存储格式的程序如下:

注意:除了对黄底红字的具体值进行改动外,其余部分不要做改动,也暂时不需要弄懂为什么(需要第6章的知识才能弄懂)

```
Microsoft
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
      double d = 1.23e4;
      unsigned char* p = (unsigned char*)&d;
      cout << hex << (int) (*p) << endl;
      cout \langle\langle \text{ hex } \langle\langle \text{ (int) } (*(p+1)) \rangle\langle\langle \text{ endl};
      cout \langle\langle hex \langle\langle (int) (*(p+2)) \langle\langle end1;
      cout << hex << (int) (*(p+3)) << end1;
      cout << hex << (int) (*(p+4)) << endl;
      cout \langle\langle hex \langle\langle (int) (*(p+5)) \langle\langle endl;
      cout \langle\langle hex \langle\langle (int) (*(p+6)) \langle\langle endl;
      cout \langle\langle \text{ hex } \langle\langle \text{ (int) } (*(p+7)) \rangle\langle\langle \text{ endl};
      return 0:
```

符号位



自学内容: 自行以"IEEE754" / "浮点数存储格式" / "浮点数存储原理" / "浮点数存储方式"等关键字,

在网上搜索相关文档,读懂并了解浮点数的内部存储机制

学长们推荐的网址:

https://baike.baidu.com/item/IEEE%20754/3869922?fr=aladdin

https://zhuanlan.zhihu.com/p/343033661

https://www.bilibili.com/video/BV1iW411d7hd?is_story_h5=false&p=4&share_from=ugc&share_medium=android&share_plat=android&share_session_id=e12b54be-6ffa-4381-9582-9d5b53c50fb3&share_source=QQ&share_tag=s_i×tamp=1662273598&unique_k=AuouME0

https://blog.csdn.net/gao_zhennan/article/details/120717424

https://www.h-schmidt.net/FloatConverter/IEEE754.html



例: float型数的机内表示

格式要求: 多字节时,每8bit中间加一个空格或-(例: "11010100 00110001" 或 "11010100-00110001")	注意:
	1、作业中绿底/黄底文字/截图可不填
例1: 100.25	2、计算结果可借助第三方工具完成,
下面是float机内存储手工转十进制的的方法: (1) 得到的32bit的机内表示是: <u>0100 0010 1100 1000 1000 0000 0000</u> (42 c8 80 00)	
(1) 得到的32016的机构农外定:	/ 没必要完全手算
(2) 其中: 符号位是 0	
指数是 1000 0101 (填32bit中的原始形式)	
指数转换为十进制形式是133(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换)	
指数表示的十进制形式是6(32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)	
1000 0101	
- 0111 1111	
$= 0000 \ 0110 \ (0x06 = 6)$	
尾数是 <u>100 1000 1000 0000 0000</u> (填32bit中的原始形式)	
尾数转换为十进制小数形式是 <u>0.56640625</u> ▲(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换)	
尾数表示的十进制小数形式是 <u>1.56640625</u> (加整数部分的1后)	
$100\ 1000\ 1000\ 0000\ 0000\ 0000\ = 2^0 + 2^{-1} + 2^{-4} + 2^{-8}$ = 0.5 + 0.0625 + 0.00390625 = 0.56640625 => 加1 => 1.56640625	
- 0.5 + 0.0025 + 0.00390025 - 0.30040025 - / 加1 -/ 1.30040025 1.56640625 x 2 ⁶ = 100.25 (此处未体	:如巾语美人
下面是十进制手工转float机内存储的方法:	· 九山 (大庄)
100 = 0110 0100 (整数部分转二进制为7位,最前面的0只是为了8位对齐,可不要)	
0.25 = 01 (小数部分转二进制为2位)	
$100.25 = 0110\ 0100.01 = 1.1001\ 0001 \times 2^6$ (确保整数部分为1,移6位)	
符号 位: 0	
阶 码: 6 + 127 = 133 = 1000 0101	
尾数(舍1): 1001 0001 => 1001 0001 0000 0000 0000 (补齐23位,后面补14个蓝色的0)	
100 1000 1000 0000 0000 0000 (从低位开始四位一组,共23位)	本页不用作答

本页不用作答



例: float型数的机内表示

格式要求: 多字节时,每8bit中间加一个空格或-(例: "11010100 00110001" 或 "11010100-00110001") 注意:	
例2: 1.2	/黄底文字/截图可不填
	借助第三方工具完成,
(1) 得到的32bit的机内表示是: <u>0011 1111 1001 1001 1001 1001 1010</u> (3f 99 99 9a) 没必要完全	
(2) 其中: 符号位是0	
指数是 <u>0111 1111</u> (填32bit中的原始形式) 指数转换为十进制形式是127(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 指数表示的十进制形式是0(32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)	0. 125 + 0. 0625 + 0. 0078125 +
0111 1111	0. 00390625 + 0. 00048828125 +
$\begin{array}{c} -0111 \ 1111 \\ = 0000 \ 0000 \ (0x0 = 0) \end{array}$	0.000244140625 +
- 0000 0000 (0x0 = 0) 尾数是 <u>001 1001 1001 1001 1010</u> (填 3 2bit中的原始形式)	0.000030517578125 +
尾数转换为十进制小数形式是 <u>0.200000047$\%$37158203125</u> (32bit中的原始形式按二进制原码形式转换)	0.0000152587890625 +
尾数表示的十进制小数形式是 $_1$, $_2000000476837158203125$ (加整数部分的1后)	0.0000019073486328125 +
$001 \ 1001 \ 1001 \ 1001 \ 1010 = 2^{-3} + 2^{-4} + 2^{-7} + 2^{-8} + 2^{-11} + 2^{-12} + 2^{-15} + 2^{-16} + 2^{-19} + 2^{-20} + 2^{-22}$	0. 00000095367431640625 + 0. 0000002384185791015625
= 0.125 + + 0.0000002384185791015625(详见右侧蓝色) = 0.2000000476837158203125	0.000002384189791019029
=> 加1 = 1.2000000476837158203125 (此处已体现出误差)	0. 2000000476837158203125
下面是十进制手工转float机内存储的方法:	
1 = 1 (整数部分转二进制为 1 位)	
0.2 = 0011 0011 0011 0011 0011 0011 (小数部分无限循环,转为二进制的24位)	
=> 0011 0011 0011 0011 0010 (四舍五入为23位,此处体现出误差)	
1.2 = 1.0011 0011 0011 0011 0011 010 = 1.0011 0011	
一 符号 位: 0	
阶 码: 0 + 127 = 127 = 0111 1111	
尾数(舍1): 0011 0011 0011 0011 010 (共23位)	本页不用作答
001 1001 1001 1001 1010 (从低位开始四位一组,共23位)	中 火小刀下台

1、float型数的机内表示



格式要求: 多字节时,每4bit中间加一个空格或-(例: "1101 0100 0011 0001" 或 "1101-0100-0011-0001") A. 2352495. 5942532 (此处设学号是1234567,需换成本人学号,小数为学号逆序,非本人学号0分,下同!!!) 注: 尾数为正、指数为正 (1) 得到的32bit的机内表示是: _0100 1010 0000 1111 1001 0101 1011 1110 (4a 0f 95 be) (2) 其中: 符号位是 0 指数是 1001 0100 (填32bit中的原始形式) 指数转换为十进制形式是 148 (32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 指数表示的十进制形式是 (32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换) 尾数是 000 1111 1001 0101 1011 1110 (填32bit中的原始形式) 尾数转换为十进制小数形式是 0.1217572689056396484375 (32bit中的原始形式按二进制原码形 式转换) 尾数表示的十进制小数形式是 1.1217572689056396484375 (加整数部分的1)

注:转换为十进制小数用附加的工具去做,自己去网上找工具也行,但要满足精度要求(下同!!!)

1、float型数的机内表示



格式要求: 多字节时,每4bit中间加一个空格或-(例: "1101 0100 0011 0001" 或 "1101-0100-0011-0001") B. -5942532. 2352495 (设学号为1234567,按规则更换为学号和学号逆序) 注: 尾数为负、指数为正 (1) 得到的32bit的机内表示是: 1100 1010 1011 0101 0101 1010 0000 1000 (ca b5 5a 08) (2) 其中: 符号位是 1 (填32bit中的原始形式) 指数是 1001 0101 指数转换为十进制形式是 149 (32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 指数表示的十进制形式是 22 (32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换) 尾数是 011 0101 0101 1010 0000 1000 (填32bit中的原始形式) 尾数转换为十进制小数形式是__0.41681003570556640625_(32bit中的原始形式按二进制原码形式 转换) 尾数表示的十进制小数形式是 1.41681003570556640625 (加整数部分的1)

1、float型数的机内表示



格式要求:	多字节时,每4bit中间加一个空格或-(例: "1101 0100 0011 0001" 或 "1101-0100-0011-0001")
	2495 <mark>(设学号为1234567,按规则更换为学号和学号逆序)</mark> I正、指数为负
(1) 得到的	J32bit的机内表示是:0011 1011 0001 1010 0010 1100 0101 0001(3b 1a 2c 51)
(2) 其中:	符号位是0
	指数是0111_0110(填32bit中的原始形式) 指数转换为十进制形式是118(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 指数表示的十进制形式是9(32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)
式转换)	尾数是 <u>001 1010 0010 1100 0101 0001</u> (填32bit中的原始形式) 尾数转换为十进制小数形式是 <u>0.20447742938995361328125</u> (32bit中的原始形式按二进制原码形
	尾数表示的十进制小数形式是 1.20447742938995361328125 (加整数部分的1)

1、float型数的机内表示



格式要求:	多字节时,每4bit中间加一个空格或-(例: "1101 0100 0011 0001" 或 "1101-0100-0011-0001")
	12532 <mark>(设学号为1234567,按规则更换为学号和学号逆序)</mark> 1负、指数为负
(1) 得到的	J32bit的机内表示是: <u>1011 1011 1100 0010 1011 1001 1001 </u>
(2) 其中:	符号位是1
	指数是0111_0111(填32bit中的原始形式) 指数转换为十进制形式是119(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 指数表示的十进制形式是8(32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)
尾数是 <u>100 0010 1011 1001 1001 0010</u> (填32bit中的原始形式) 尾数转换为十进制小数形式是 <u>0.5212881565093994140625</u> (32bit中的原始形式按二进制	
式转换)	尾数表示的十进制小数形式是1.5212881565093994140625(加整数部分的1)





格式要求: 多字节时,每4bit中间加一个空格或-(例: "1101 0100 0011 0001" 或 "1101-0100-0011-0001")

A. 2352495. 5942532 (设学号为1234567,按规则更换为学号和学号逆序) 注: 尾数为正、指数为正

- (1) 得到的64bit的机内表示是: <u>0100 0001 0100 0001 1111 0010 1011 0111 1100 1100 0001 0000 0111 1100 0000 0000</u> (41 41 f2 b7 cc 10 7d 26)
- (2) 其中: 符号位是 0

指数是__100_0001_0100___(填64bit中的原始形式)

指数转换为十进制形式是____1044___(64bit中的原始形式按二进制原码形式转换)

指数表示的十进制形式是_____(64bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)

尾数是_0001 1111 0010 1011 0111 1100 1100 0001 0000 0111 1100 0000 00000_(填64bit中的原

始形式)

尾数转换为十进制小数形式是_0.121757313849002457573078572750091552734375_(64bit中的原始 形式按二进制原码形式转换)

尾数表示的十进制小数形式是_1.121757313849002457573078572750091552734375_(加整数部分的1)



2、double型数的机内表示

格式要求: 多字节时,每4bit中间加一个空格或-(例: "1101 0100 0011 0001" 或 "1101-0100-0011-0001")

- B. -5942532. 2352495 (设学号为1234567,按规则更换为学号和学号逆序) 注: 尾数为负、指数为正
- (2) 其中: 符号位是___1___

指数是__100_0001_0101__(填64bit中的原始形式)

指数转换为十进制形式是 1045 (64bit中的原始形式按二进制原码形式转换)

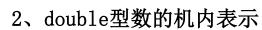
指数表示的十进制形式是_____(64bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)

尾数是_0110 1010 1011 0100 0001 0000 1111 0000 1110 0101 0000 0000 0000_(填64bit中的原

始形式)

尾数转换为十进制小数形式是 <u>0.4168100917931951698847115039825439453125(</u>64bit中的原始形式按二进制原码形式转换)

尾数表示的十进制小数形式是 1.4168100917931951698847115039825439453125 (加整数部分的1)





格式要求: 多字节时,每4bit中间加一个空格或-(例: "1101 0100 0011 0001" 或 "1101-0100-0011-0001")

C. 0. 002352495 (设学号为1234567, 按规则更换为学号和学号逆序)

注: 尾数为正、指数为负

- (1) 得到的64bit的机内表示是: __0011 1111 0110 0011 0100 0101 1000 1010 0010 0010 1101 1001 0001 1110 0000 0000 (3f 63 45 8a 22 d9 1d e9)
- (2) 其中: 符号位是___0

指数是 011 1111 0110 (填64bit中的原始形式)

指数转换为十进制形式是____1014___(64bit中的原始形式按二进制原码形式转换)

指数表示的十进制形式是______(64bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)

尾数是_0011 0100 0101 1000 1010 0010 0010 1101 1001 0001 1110 0000 0000_(填64bit中的原

始形式)

尾数转换为十进制小数形式是<u>0.2044774400000051173265092074871063232421875</u>(64bit中的原始形式按二进制原码形式转换)

尾数表示的十进制小数形式是_1.2044774400000051173265092074871063232421875_(加整数部分的1)



2、double型数的机内表示

格式要求: 多字节时,每4bit中间加一个空格或-(例: "1101 0100 0011 0001" 或 "1101-0100-0011-0001")

- D. -0.005942532 (设学号为1234567,按规则更换为学号和学号逆序) 注: 尾数为负、指数为负
- (2) 其中: 符号位是____1___

指数是 011 1111 0111 (填64bit中的原始形式)

指数转换为十进制形式是_____(64bit中的原始形式按二进制原码形式转换)

指数表示的十进制形式是_____64bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)

尾数是__1000_0101_0111_0011_0010_0100_1001_1000_0110_1110_1000_0000_0000_(填64bit中的原

始形式)

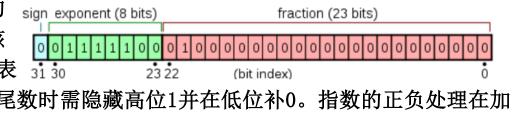
尾数转换为十进制小数形式是_0.52128819200015641399659216403961181640625_(64bit中的原始形式按二进制原码形式转换)

尾数表示的十进制小数形式是_1.52128819200015641399659216403961181640625_(加整数部分的1)



3、总结

- (1) float型数据的32bit是如何分段来表示一个单精度的浮点数的?给出bit位的分段解释 尾数的正负如何表示?尾数如何表示?指数的正负如何表示?指数如何表示?
 - 分为符号位、偏移后的指数位和尾数位。符号位用于表示浮点数的 sign ex 正负;偏移后的指数位用于表示浮点数化为二进制后的指数,但该 值的十进制为原指数+偏移量,在32bit中偏移量为127;尾数用于表 3i 3o



示浮点数化为二进制后的尾数,此处要求该二进制数首位非0,做尾数时需隐藏高位1并在低位补0。指数的正负处理在加偏移量的过程中,保证了偏移后的结果均为正数;尾数的正负即体现在整体符号位上。

(2) 为什么float型数据只有7位十进制有效数字? 为什么最大只能是3.4x10³⁸ ? 有些资料上说有效位数是6[~]7位,能找出6位/7位不同的例子吗?

将32位浮点数可表示的数视为表盘上的蓝点的话,由于经过一定次数变换最终相当于变换了指数位,而指数位的变换导致数字值非线性变化,点的间隔实际上是在不断增大的,而计算机实际只能储存表盘上存在的蓝点对应的值,不在位置的会被校准到最近的蓝点值,所以在不同的范围内计算有效数字的方法是不一样的,有时候结果也不一样,但综合各个范围,可以贮存到7位的十进制有效数字;因为IEEE 754对指数位做出了特殊规定,全0或全1用于表示非规格数或是特殊数,这导致实际的规格数的范围缩小了,其指数部分只能取到[-126,127];出于舍入规则导致有时候精度不足7位,如1024.001会舍入到1024.000,精度似乎不足7位,而1024.0011会舍入到1024.001,精度又达到7位了。

1 A SO THE POPULATION OF THE P

Gap 差距

≈ 2.27374e-13

0.5 ≈ 0.9999999999999888978

≈ 1.9999999999999777955

≈ 3.9999999999999555911

≈ 7.9999999999999111822

≈ 2047.99999999999772626

≈ 4095.999999999999545253 | ≈ 4.54747e-13

≈ 1.79769e308 | ≈ 1.99584e292

9007199254740991

18014398509481982

3、总结

- (3) double型数据的64bit是如何分段来表示一个双精度的浮点数的?给出bit位的分段解释 尾数的正负如何表示?尾数如何表示?指数的正负如何表示?指数如何表示? 与32位类似的,分为符号位(63)、偏移后的指数位(52-62)和尾数位(0-51)。符号位用于表示浮点数的正负;偏移后的指数位用于表示浮点数化为二进制后的指数,但该值的十进制为原指数+偏移量,在64bit中偏移量为1023; 尾数用于表示浮点数化为二进制后的尾数,此处要求该二进制数首位非0,做尾数时需隐藏高位1并在低位补0。指数的正负处理在加偏移量的过程中,保证了偏移后的结果均为正数;尾数的正负即体现在整体符号位上。
- (4) 为什么double型数据只有15位十进制有效数字?为什么最大只能是1.7x10³⁰⁸ ? 有些资料上说有效位数是15[~]16位,能找出15位/16位不同的例子吗? 与float型数据32bit表示类似,double采用的这种储存方式也导致蓝点为非线性分布,如果只考虑计算机的精确能力,可以达到15位十进制的有效数字,但同样由于舍入规则导致实际精度可能有一些变化,导致在面对具体数的时候可能是15-16位的,根据在查得的表格可举例9007199254740993.2会舍入到9007199254740994,似乎实际精度只

Actual Exponent (unbiased)

实际指数 (无偏)

11

52

53

1023

Exp (biased) Exp (偏置)

1022

1023

1024

1025

1033

1034

2046

1075 4503599627370496

1076 9007199254740992

≈ 8.98847e307

有15位, 而4503599627370497.2又可以达到16位精确度。

注:

- 文档用自己的语言组织
- 篇幅不够允许加页
- 如果用到某些小测试程序进行说明,可以贴上小测试程序的源码及运行结果
- 为了使文档更清晰,允许将网上的部分图示资料截图后贴入
- 不允许在答案处直接贴某网址,再附上"见**"(或类似行为),否则文档作业部分直接总分-50



4、思考

- (1) 8/11bit的指数的表示形式是2进制补码吗?如果不是,一般称为什么方式表示? 指数位由于是偏移后的指数,全部为正数,故无需采用二进制补码的形式表示,原码形式即可。
- (2) double赋值给float时,下面两个程序,double型常量不加F的情况下,左侧有warning,右侧无warning,为什么? 总结一下规律