## UNIVERSIDAD DEL BÍO-BÍO

FACULTAD DE CIENCIAS BÁSICAS DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA CHILLÁN

Profesor: Marco Inostroza





# Formulario Cónicas.

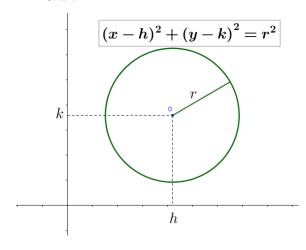
1. CIRCUNFERENCIA: Es el lugar gemétrico de todos los puntos (x,y) que equisdistan a un punto fijo.

 $(x-h)^2 + (y-k)^2 = r^2$ 

Elementos de la Circunferencia:

• Centro: (h, k)

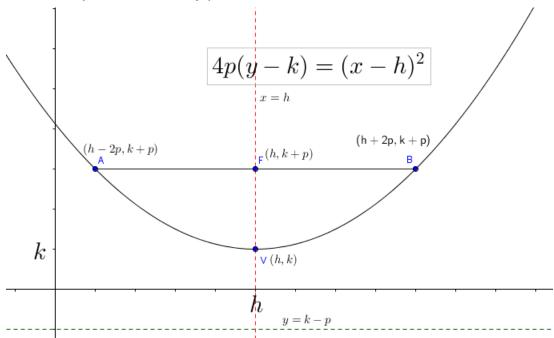
lacktriangleq Radio: r



- 2. PARÁBOLA: Es el lugar geométrico de todos los puntos (x, y) que están a igual distancia de una recta, llamada directriz y un punto fijo llamado foco.
  - i. Parábola Vertical:

$$4p(y-k) = (x-h)^2$$

- Vértice: (h, k)
- Foco: (h, k+p)
- Directriz: y = k p
- Extremos del Lado Recto: A(h-2p,k+p) y B(h+2p,k+p)
- Longitud del Lado Recto: |4p|
- Eje de Simetría: x = h
- Si p > 0 la parábola es convexa (se abre hacia arriba) y si p < 0 la parábola es cóncava (se abre hacia abajo).



### ii. Parábola Horizontal:

$$4p(x-h) = (y-k)^2$$

 $\blacksquare$  Vértice: (h,k)

• Foco: (h+p,k)

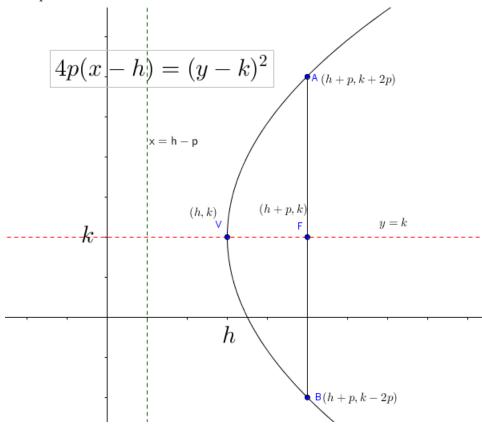
■ Directriz: x = h - p

 $\bullet$  Extremos del Lado Recto: A(h+p,k-2p) y B(h+p,k+2p)

ullet Longitud del Lado Recto: |4p|

ullet Eje de Simetría: y=k

 $\blacksquare$  Si p>0 la parábola se abre hacia la derecha y si p<0 la parábola se abre hacia izquierda.

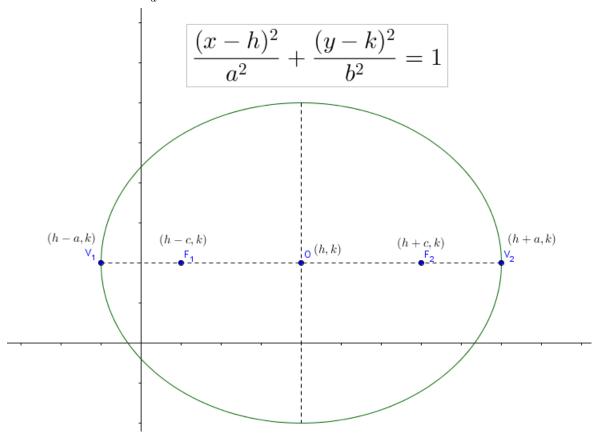


- 3. ELIPSE: Es el lugar geométrico de los puntos (x, y) cuya suma de distancias a dos puntos fijos, llamados focos, es constante.
  - i. Elipse Horizontal:

$$\frac{(x-h)^2}{a^2} + \frac{(y-k)^2}{b^2} = 1, a > b$$

Los elementos de las elipses están dados por:

- Centro: F(h, k)
- Vértices:  $V_1(h-a,k)$  y  $V_2(h+a,k)$
- $\bullet$  Focos:  $F_1(h-c,k)$  y  $F_2(h+c,k)$  con  $c=\sqrt{a^2-b^2}$
- $\blacksquare$  Longitud del Eje Menor: 2b
- Longitud del Eje Mayor: 2a
- Excentricidad:  $e = \frac{c}{a}$



### ii. Elipse Vertical:

$$\frac{(y-k)^2}{a^2} + \frac{(x-h)^2}{b^2} = 1, a > b$$

Los elementos de las elipses están dados por:

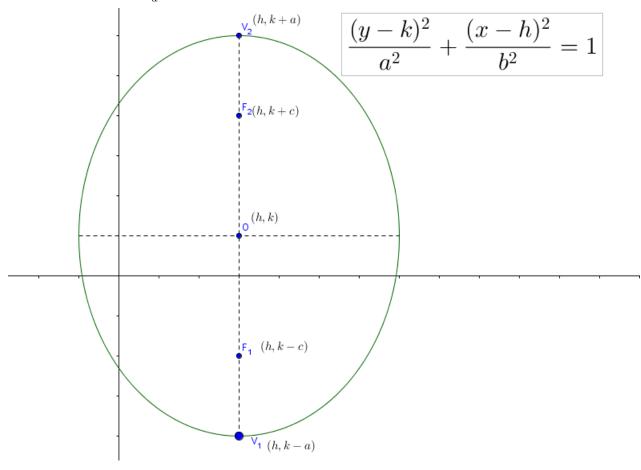
• Centro: F(h, k)

• Vértices:  $V_1(h, k-a)$  y  $V_2(h, k+a)$ 

■ Focos:  $F_1(h, k-c)$  y  $F_2(h, k+c)$  con  $c = \sqrt{a^2 - b^2}$ 

Longitud del Eje Menor: 2b
Longitud del Eje Mayor: 2a

• Excentricidad:  $e = \frac{c}{a}$ 

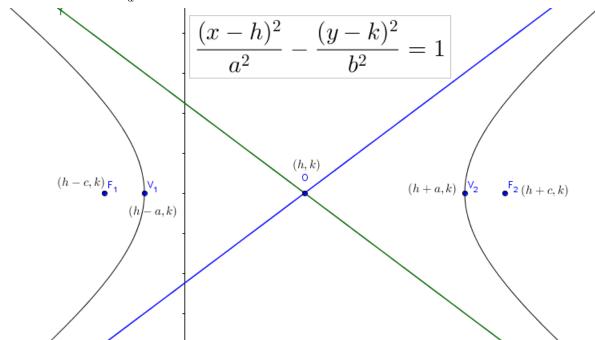


- 4. HIPÉRBOLA: Es el lugar geométrico de todos los puntos (x, y) cuya diferencia de distancias a dos puntos fijos, llamados focos, es constante.
  - i. Hipérbola Horizontal.

$$\frac{(x-h)^2}{a^2} - \frac{(y-k)^2}{b^2} = 1, a > b$$

Los elementos de las elipses están dados por:

- Centro: (h, k)
- Vértices:  $V_1(h-a,k)$  y  $V_(h+a,k)$
- $\bullet$  Focos:  $F_1(h-c,k)$  y  $F_2(h+c,k)$  con  $c=\sqrt{a^2+b^2}$
- Asíntotas:  $y = k \pm \frac{b}{a}(x h)$



### ii. Hipérbola Vertical.

$$\frac{(y-k)^2}{a^2} - \frac{(x-h)^2}{b^2} = 1, a > b$$

Los elementos de las elipses están dados por:

- Centro: (h, k)
- Vértices:  $V_1(h, k-a)$  y  $V_1(h, k+a)$
- Focos:  $F_1(h, k c)$  y  $F_2(h, k + c)$  con  $c = \sqrt{a^2 + b^2}$
- Asíntotas:  $y = k \pm \frac{a}{b}(x h)$

