САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, МЕХАНИКИ И ОПТИКИ ФАКУЛЬТЕТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

Отчет по лабораторной работе №4 по курсу «Алгоритмы и структуры данных» Тема: Стек, очередь, связанный список. Вариант 16

Выполнил: Субагио Сатрио К3140

Проверила: Афанасьев А.В.

Санкт-Петербург 2024 г.

Содержание отчета

Содержание отчета	2
Задачи	3
Задача №2. Очередь	3
Задача №4. Скобочная последовательность. Версия 2	5
Задача №5. Стек с максимумом	8
Задача №8. Постфиксная запись	11
Задача №10. Очередь в пекарню	14
Задача №13_1. Реализация стека, очереди и связанных списко	в17
Задача №13_2. Реализация стека, очереди и связанных списко	в20
Вывол	22

Залачи

Задача №2. Очередь

Текст задачи.

Реализуйте работу очереди. Для каждой операции изъятия элемента выведите ее результат. На вход программе подаются строки, содержащие команды. Каждая строка содержит одну команду. Команда — это либо «+ N», либо «—». Команда «+ N» означает добавление в очередь числа N, по модулю не превышающего 10^9. Команда «—» означает изъятие элемента из очереди. Гарантируется, что размер очереди в процессе выполнения команд не превысит 10^6 элементов.

```
import sys
import os
from collections import deque
base_dir = os.path.abspath(os.path.join(os.path.dirname(__file__), '../../'))
sys.path.append(base_dir)
from utils import read_integers_from_file, write_array_to_file,
measure_performance
def process_queue_operations(input_file_path, output_file_path):
    data = read_integers_from_file(input_file_path)
   M = int(data[0])
    commands = data[1:]
    queue = deque()
    result = []
    for command in commands:
        if command.startswith('+'):
            parts = command.split()
            if len(parts) == 2:
                N = parts[1]
                queue.append(int(N))
        elif command == '-':
            if queue:
                result.append(str(queue.popleft()))
    write_array_to_file(output_file_path, result)
def main():
    script_dir = os.path.dirname(__file__)
    base dir = os.path.abspath(os.path.join(script dir, '...', 'task2'))
```

```
input_file_path = os.path.join(base_dir, 'txtf', 'input.txt')
  output_file_path = os.path.join(base_dir, 'txtf', 'output.txt')

  measure_performance(process_queue_operations, input_file_path,
output_file_path)

if __name__ == "__main__":
    main()
```

Функция process_queue_operations отвечает за чтение данных из входного файла, обработку команд, связанных с очередью, и сохранение результатов в выходной файл. Команды включают добавление элементов в очередь (с префиксом +) и удаление элементов из очереди (с командой -). Все удаленные элементы добавляются в список результатов, который затем записывается в выходной файл. Функция main настраивает пути к входным и выходным файлам, а затем вызывает функцию measure_performance для измерения производительности программы, включая время выполнения и использование памяти. В целом, программа фокусируется на обработке команд для очереди и записи производительности во время выполнения.

Результат работы кода на примерах из текста задачи:

	Время выполнения	Затраты памяти
Пример из задачи	0.014754 секунд	1820 байт

Вывод по задаче:

Реализация зависит от входных данных, а именно от команд, заданных в файле. Программа эффективно обрабатывает операции с очередью, такие как добавление и удаление элементов, с учетом оптимизации времени выполнения использованием структуры данных эффективно, используется так как очередь реализована через двустороннюю очередь, которая позволяет быстро добавлять и удалять элементы с обеих сторон. Производительность работы программы зависит от размера входных данных, однако она может обрабатывать даже большие объемы данных с минимальными затратами времени и памяти, что делает решение подходящим для широкого диапазона задач.

Задача №4. Скобочная последовательность. Версия 2 Текст задачи.

Определение правильной скобочной последовательности такое же, как и в задаче 3, но теперь у нас больше набор скобок: []{}().

Нужно написать функцию для проверки наличия ошибок при использовании разных типов скобок в текстовом редакторе типа LaTeX.

Для удобства, текстовый редактор должен не только информировать о наличии ошибки в использовании скобок, но также указать точное место в коде (тексте) с ошибочной скобочкой.

В первую очередь объявляется ошибка при наличии первой несовпадающей закрывающей скобки, перед которой отсутствует открывающая скобка, или которая не соответствует открывающей, например, ()[} - здесь ошибка укажет на }.

Во вторую очередь, если описанной выше ошибки не было найдено, нужно указать на первую несовпадающую открывающую скобку, у которой отсутствует закрывающая, например, (в ([].

Если не найдено ни одной из указанный выше ошибок, нужно сообщить, что использование скобок корректно.

Помимо скобок, код может содержать большие и маленькие латинские буквы, цифры и знаки препинания.

Формально, все скобки в коде (тексте) должны быть разделены на пары совпадающих скобок, так что в каждой паре открывающая скобка идет

перед закрывающей скобкой, а для любых двух пар скобок одна из них вложена внутри другой, как в (foo[bar]) или они разделены, как в f(a,b)-g[c]. Скобка [соответствует скобке], соответствует и (соответствует).

```
import sys
import os
base_dir = os.path.abspath(os.path.join(os.path.dirname(__file__), '../../'))
sys.path.append(base_dir)
from utils import read_integers_from_file, write_array_to_file,
measure performance
def check_parentheses_balance(input_string):
    stack = []
    matching_parentheses = {')': '(', ']': '[', '}': '{'}
    for i, char in enumerate(input_string):
        if char in '(\{[':
            stack.append((char, i + 1))
        elif char in ')}]':
            if stack and stack[-1][0] == matching_parentheses[char]:
                stack.pop()
            else:
                return i + 1
    if stack:
        return stack[0][1]
    return "Success"
def process_file(input_file_path, output_file_path):
    input_string = read_integers_from_file(input_file_path)[0]
    result = check_parentheses_balance(input_string)
    write_array_to_file(output_file_path, [str(result)])
def main():
```

```
script_dir = os.path.dirname(__file__)
base_dir = os.path.abspath(os.path.join(script_dir, '..', '..', 'task4'))
input_file_path = os.path.join(base_dir, 'txtf', 'input.txt')
output_file_path = os.path.join(base_dir, 'txtf', 'output.txt')

measure_performance(process_file, input_file_path, output_file_path)

if __name__ == "__main__":
    main()
```

Функция check parentheses balance реализует алгоритм проверки сбалансированности скобок в строке. Внутри функции используется стек, куда добавляются открывающие скобки, а при встрече с закрывающей скобкой проверяется, соответствует ли она последней открывающей скобке. Если в процессе нахождения несоответствий или оставшихся незакрытых скобок стек не пуст, возвращается позиция ошибки, иначе возвращается строка "Success", если скобки сбалансированы. Функция process file считывает строку из файла, передаёт её в функцию check_parentheses_balance, а результат записывает в выходной файл. В функции маіл задаются пути к входным и выходным файлам, после чего вызывается функция measure performance, которая измеряет производительность выполнения фиксируя программы, время использование памяти. Таким образом, программа решает задачу проверки правильности расставленных скобок в строке и записывает результат в файл, при этом также учитывается её производительность.

Результат работы кода на примерах из текста задачи:

	Время выполнения	Затраты памяти
Нижняя граница диапазона значений входных данных из текста задачи	0.01134 секунд	1256 байт
Пример из задачи	0.001060 секунд	1748 байт
Верхняя граница диапазона значений входных данных из текста задачи	1.02345 секунд	1932 байт

Вывод по задаче:

Проверка правильности расстановки скобок была выполнена в соответствии с заданием. Результат проверки отображается правильно.

Задача №5. Стек с максимумом

Текст задачи.

Стек - это абстрактный тип данных, поддерживающий операции Push() и Pop(). Нетруднореализоватьеготакимобразом, чтобыобеэтиоперацииработал и за константное время. В этой задаче ваша цель - реализовать стек, который также поддерживает поиск максимального значения и гарантирует, что все операции по-прежнему работают за константное время.

Реализуйте стек, поддерживающий операции Push(), Pop() и Max(). • Формат входного файла (input.txt). В первой строке входного файла содержится $_n$ (1 $\leq n \leq 400000$)— числокоманд.Последющие $_n$ строкисходногофайласодержитровнооднуко манду:push V, рорилитах. $0 \leq V \leq 10^5$.

- Формат выходного файла (output.txt). Для каждого запроса max выведите (в отдельной строке) максимальное значение стека.
- Ограничение по времени. 5 сек.

```
import sys
import os
base_dir = os.path.abspath(os.path.join(os.path.dirname(__file__), '../../'))
sys.path.append(base dir)
from utils import read_integers_from_file, write_array_to_file,
measure_performance
class MaxStack:
   def __init__(self):
        self.data stack = []
        self.max_stack = []
    def push(self, value):
        self.data stack.append(value)
        if not self.max_stack or value >= self.max_stack[-1]:
            self.max_stack.append(value)
    def pop(self):
        if self.data_stack:
            value = self.data stack.pop()
            if value == self.max_stack[-1]:
                self.max_stack.pop()
    def max(self):
        if self.max_stack:
            return self.max stack[-1]
        return None
def process_file(input_file_path, output_file_path):
    commands = read integers from file(input file path)
    n = int(commands[0])
    operations = commands[1:]
    stack = MaxStack()
    result = []
    idx = 0
    while idx < len(operations):</pre>
        command = operations[idx]
        if command.startswith("push"):
            _, V = command.split()
            stack.push(int(V))
        elif command == "pop":
            stack.pop()
        elif command == "max":
```

```
result.append(str(stack.max()))

idx += 1

write_array_to_file(output_file_path, result)

def main():
    script_dir = os.path.dirname(__file__)
    base_dir = os.path.abspath(os.path.join(script_dir, '..', '..', 'task5'))
    input_file_path = os.path.join(base_dir, 'txtf', 'input.txt')
    output_file_path = os.path.join(base_dir, 'txtf', 'output.txt')

measure_performance(process_file, input_file_path, output_file_path)

if __name__ == "__main__":
    main()
```

класс представляет стек с дополнительной MaxStack, который функциональностью для отслеживания максимального элемента. Класс включает методы push, pop и max, где push добавляет элемент в основной стек и обновляет стек максимальных значений, рор удаляет элемент из стека и, при необходимости, из стека максимальных значений, а тах возвращает текущий максимальный элемент. Функция process file читает команды из входного файла, обрабатывает их, выполняя соответствующие операции с объектом махstack, и записывает результаты в выходной файл. В ней осуществляется чтение команд, таких как push, pop, и max, где для команды push добавляется значение в стек, для рор удаляется элемент, а для max результат выводится в файл. Функция main отвечает за настройку путей к входному и выходному файлам, а также вызывает функцию для измерения производительности работы программы с использованием данных из файлов.

Результат работы кода на примерах из текста задачи:

```
lab4 > task5 > txtf > ≡ output.txt

1 2
2 2
3
```

	Время выполнения	Затраты памяти
Пример из задачи 1	0.000867 секунд	2508 байт
Пример из задачи 2	0.001158 секунд	2508 байт

Вывод по задаче:

Время выполнения кода определяется заданными входными данными, а использование памяти остается относительно неизменным.

Задача №8. Постфиксная запись

Текст задачи.

В постфиксной записи (или обратной польской записи) операция записывается после двух операндов. Например, сумма двух чисел A и B записывается как A B +. Запись B C + D * обозначает привычное нам (B + C) * D, а запись A B C + D * + означает A + (B + C) * D. Достоинство постфиксной записи B том, что она не требует скобок и дополнительных соглашений о приоритете операторов для своего чтения.

```
import sys
import os

base_dir = os.path.abspath(os.path.join(os.path.dirname(__file__), '../../'))
sys.path.append(base_dir)
```

```
from utils import read integers from file, write array to file,
measure performance
def evaluate postfix(expression):
    stack = []
    for token in expression:
        if token.isdigit():
            stack.append(int(token))
        else:
            b = stack.pop()
            a = stack.pop()
            if token == '+':
                stack.append(a + b)
            elif token == '-':
                stack.append(a - b)
            elif token == '*':
                stack.append(a * b)
    return stack.pop()
def process_file(input_file_path, output_file_path):
    data = read_integers_from_file(input_file_path)
    n = int(data[0])
    expression = data[1].split()
    result = evaluate_postfix(expression)
   write_array_to_file(output_file_path, [str(result)])
def main():
    script_dir = os.path.dirname(__file__)
    base_dir = os.path.abspath(os.path.join(script_dir, '...', 'task8'))
    input_file_path = os.path.join(base_dir, 'txtf', 'input.txt')
    output_file_path = os.path.join(base_dir, 'txtf', 'output.txt')
   measure_performance(process_file, input_file_path, output_file_path)
if __name__ == "__main ":
   main()
```

функция evaluate_postfix, которая реализует вычисление выражений в обратной польской записи (RPN). В этой функции используется стек для хранения операндов. Каждый токен в выражении либо добавляется в стек, если это число, либо извлекаются два последних элемента стека для выполнения операции (например, сложение, вычитание или умножение), и результат снова помещается в стек. В конце функция возвращает результат вычислений, который находится в верхней части стека. Функция

process_file читает данные из входного файла с помощью функции read_integers_from_file, извлекает количество элементов и саму постфиксную запись, которая затем передается в функцию evaluate_postfix для вычислений. Результат записывается в выходной файл с помощью функции write_array_to_file. Функция main настраивает пути к файлам, а затем вызывает функцию для измерения производительности с использованием данных из этих файлов.

Результат работы кода на примерах из текста задачи:

	Время выполнения	Затраты памяти
Нижняя граница диапазона значений	0.00782 сек	1080 байт
Пример из задачи	0.00173 секунд	1130 байт

	1.10294 сек	1191 байт
Верхняя граница		
диапазона значений		
входных данных из		
текста задачи		

Вывод по задаче:

Время выполнения кода определяется заданными входными данными, а использование памяти остается относительно неизменным.

Задача №10. Очередь в пекарню

Текст задачи.

В пекарне работает один продавец. Он тратит на одного покупателя ровно 10 минут, а затем сразу переходит к следующему, если в очереди кто-то есть, либо ожидает, когда придет следующий покупатель. Даны времена прихода покупателей в пекарню (в том порядке, в котором они приходили). Также у каждого покупателя есть характеристика, называемая степенью нетерпения. Она показывает, сколько человек может максимально находиться в очереди перед покупателем, чтобы он дождался своей очереди и не ушел раньше. Если в момент прихода покупателя в очереди находится больше людей, чем степень его нетерпения, то он решает не ждать своей очереди и уходит. Покупатель, который обслуживается в данный момент, также считается находящимся в очереди. Требуется для каждого покупателя указать время его выхода из пекарни

```
import sys
import os
base_dir = os.path.abspath(os.path.join(os.path.dirname(__file__), '../../'))
sys.path.append(base dir)
from utils import read_integers_from_file, write_array_to_file,
measure performance
def calculate_exit_times(n, customers):
    current_time = 0
    queue = []
    result = []
    for arrival_time, impatience in customers:
        queue_size = len(queue)
        if queue_size > impatience:
            result.append(arrival_time)
            continue
        exit_time = arrival_time + 10
        queue.append(exit time)
```

```
while queue and queue[0] <= arrival_time:</pre>
            queue.pop(0)
        result.append(exit_time)
    return result
def process_file(input_file_path, output_file_path):
    data = read integers from file(input file path)
    n = int(data[0])
    customers = []
    for i in range(n):
        hours, minutes, impatience = data[3*i + 1], data[3*i + 2], data[3*i +
3]
        arrival_time = hours * 60 + minutes
        customers.append((arrival_time, impatience))
    exit times = calculate exit times(n, customers)
    result = []
    for time in exit times:
        hours = time // 60
        minutes = time % 60
        result.append(f"{hours} {minutes}")
    write_array_to_file(output_file_path, result)
def main():
    script_dir = os.path.dirname(__file__)
    base_dir = os.path.abspath(os.path.join(script_dir, '..', '...', 'task10'))
    input_file_path = os.path.join(base_dir, 'txtf', 'input.txt')
    output_file_path = os.path.join(base_dir, 'txtf', 'output.txt')
    measure_performance(process_file, input_file_path, output_file_path)
if __name__ == "__main__":
    main()
```

функции calculate_exit_times реализован алгоритм для вычисления времени выхода из очереди для каждого клиента. Сначала для каждого клиента вычисляется время его прихода в очередь, которое преобразуется в минуты. Затем с учетом уровня нетерпимости клиента (импульсивности) рассчитывается, будет ли он обслужен вовремя или придется покинуть очередь. Клиенты, чья терпимость недостаточна для того, чтобы дождаться своей очереди, покидают очередь, и для них сохраняется только время их прихода. Для остальных клиентов вычисляется время, когда они смогут покинуть очередь (которое увеличивается на 10 минут от времени прихода).

В функции process_file читаются данные из входного файла, извлекаются данные о времени прибытия и уровне нетерпимости клиентов, после чего вызывается функция calculate_exit_times для вычисления времени выхода. Результат сохраняется в выходной файл в формате часов и минут. Функция main устанавливает пути к входному и выходному файлам и использует функцию measure_performance, чтобы измерить производительность выполнения функции process file.

Результат работы кода на примерах из текста задачи:

	Время выполнения	Затраты памяти
Пример из задачи	0.001000 секунд	2708 байт

Вывод по задаче

Проверка размещения очереди клиентов была выполнена в соответствии с заданием. Результат проверки отображается правильно.

Задача №13_1. Реализация стека, очереди и связанных списков

Текст задачи.

1. Реализуйте стек на основе связного списка с функциями isEmpty, push, pop и вывода данных.

```
import sys
import os
base_dir = os.path.abspath(os.path.join(os.path.dirname(__file__), '../../'))
sys.path.append(base_dir)
from utils import measure_performance, read_lines_from_file,
write_lines_to_file
class Node:
   def __init__(self, data):
        self.data = data
        self.next = None
class Stack:
   def init (self):
        self.top = None
    def isEmpty(self):
        return self.top is None
    def push(self, data):
        new_node = Node(data)
        new_node.next = self.top
        self.top = new_node
    def pop(self):
        if self.isEmpty():
            return None
        popped data = self.top.data
        self.top = self.top.next
        return popped_data
    def print_stack(self):
        if self.isEmpty():
            return "Stack is empty."
        current = self.top
        result = []
        while current:
            result.append(str(current.data))
            current = current.next
        return " -> ".join(result) + " -> None"
```

```
def process_stack_operations(input_file_path, output_file_path):
    stack = Stack()
    operations = read lines from file(input file path)
    result = []
    for operation in operations:
        parts = operation.split()
        command = parts[0]
        if command == "push":
            value = int(parts[1])
            stack.push(value)
        elif command == "pop":
            popped value = stack.pop()
            if popped value is not None:
                result.append(str(popped_value))
        elif command == "print":
            result.append(stack.print stack())
    write_lines_to_file(output_file_path, result)
def main():
    script_dir = os.path.dirname(__file__)
    base dir = os.path.abspath(os.path.join(script dir, '...', '...',
'task13_1'))
    input_file_path = os.path.join(base_dir, 'txtf', 'input.txt')
    output file path = os.path.join(base_dir, 'txtf', 'output.txt')
    measure_performance(process_stack_operations, input_file_path,
output file path)
if __name__ == "__main__":
    main()
```

функции calculate_exit_times реализован алгоритм для вычисления времени выхода из очереди для каждого клиента. Сначала для каждого клиента вычисляется время его прихода в очередь, которое преобразуется в минуты. Затем с учетом уровня нетерпимости клиента (импульсивности) рассчитывается, будет ли он обслужен вовремя или придется покинуть очередь. Клиенты, чья терпимость недостаточна для того, чтобы дождаться своей очереди, покидают очередь, и для них сохраняется только время их прихода. Для остальных клиентов вычисляется время, когда они смогут покинуть очередь (которое увеличивается на 10 минут от времени прихода).

В функции process_file читаются данные из входного файла, извлекаются данные о времени прибытия и уровне нетерпимости клиентов, после чего вызывается функция

calculate_exit_times для вычисления времени выхода. Результат сохраняется в выходной файл в формате часов и минут. Функция main устанавливает пути к входному и выходному файлам и использует функцию measure_performance, чтобы измерить производительность выполнения функции process file.

Результат работы кода на примерах из текста задачи:

```
lab4 > task13_1 > txtf > ≡ input.txt

1     push 10
2     push 20
3     push 30
4     print
5     pop
6     print
7     pop
8     pop
9     print
10
```

```
lab4 > task13_1 > txtf > ≡ output.txt

1     30 -> 20 -> 10 -> None
2     30
3     20 -> 10 -> None
4     20
5     10
6     Stack is empty.
7
```

	Время выполнения	Затраты памяти
Пример из задачи	0.001233 секунд	4708 байт

Вывод по задаче

Проверка реализации стека на основе связанного списка с функциями is Empty, push, pop и выводом данных. выполнена в соответствии с заданием. Результат проверки отображается корректно.

Задача №13_2. Реализация стека, очереди и связанных списков

Текст задачи.

2. РеализуйтеочередьнаосновесвязногоспискафункциямиEnqueue,Dequ еue с проверкой на переполнение и опустошения очереди.

```
import sys
import os
base_dir = os.path.abspath(os.path.join(os.path.dirname(__file__), '../../'))
sys.path.append(base dir)
from utils import measure performance, read lines from file,
write_lines_to_file
class Node:
   def __init__(self, data):
       self.data = data
        self.next = None
class Stack:
    def init (self):
       self.top = None
    def isEmpty(self):
        return self.top is None
    def push(self, data):
        new node = Node(data)
        new node.next = self.top
        self.top = new node
    def pop(self):
        if self.isEmpty():
            return None
        popped data = self.top.data
        self.top = self.top.next
        return popped data
    def print_stack(self):
        if self.isEmpty():
            return "Stack is empty."
        current = self.top
        result = []
        while current:
            result.append(str(current.data))
           current = current.next
```

```
return " -> ".join(result) + " -> None"
def process stack operations(input file path, output file path):
    stack = Stack()
    operations = read_lines_from_file(input_file_path)
    result = []
    for operation in operations:
        parts = operation.split()
        command = parts[0]
        if command == "push":
            value = int(parts[1])
            stack.push(value)
        elif command == "pop":
            popped value = stack.pop()
            if popped_value is not None:
                result.append(str(popped_value))
        elif command == "print":
            result.append(stack.print_stack())
    write lines to file(output file path, result)
def main():
    script_dir = os.path.dirname(__file__)
    base_dir = os.path.abspath(os.path.join(script_dir, '..', '..',
'task13_1'))
    input_file_path = os.path.join(base_dir, 'txtf', 'input.txt')
    output_file_path = os.path.join(base_dir, 'txtf', 'output.txt')
    measure_performance(process_stack_operations, input_file_path,
output_file_path)
if __name__ == "__main__":
    main()
```

Функция process_queue_operations peanusyem алгоритм обработки операций над очередью, таких как enqueue, dequeue и print. Она читает список операций из входного файла, а затем обрабатывает их по очереди: для операции enqueue добавляется элемент в очередь, для dequeue — элемент извлекается из очереди, а для print выводится текущее состояние очереди. Все результаты операций записываются в выходной файл. Очередь реализована с использованием связанного списка и ограничена максимальным размером, который можно настроить. Функция

теаsure_performance измеряет время выполнения функции. Вспомогательные функции для чтения и записи данных из файлов реализованы в utils.py, что обеспечивает удобное взаимодействие с файлами и выполнение операций.

Результат работы кода на примерах из текста задачи:

```
lab4 > task13_2 > txtf > ≡ input.txt

1 enqueue 10
2 enqueue 20
3 enqueue 30
4 print
5 dequeue
6 print
7 dequeue
8 dequeue
9 print
10
11
```

```
lab4 > task13_2 > txtf > ≡ output.txt

1     10 -> 20 -> 30
2     10
3     20 -> 30
4     20
5     30
6     Queue is empty
7 |
```

	Время выполнения	Затраты памяти
Пример из задачи	0.001329 секунд	4616 байт

Вывод по задаче

Проверка реализации стека на основе связанного списка с функциями is Empty, push, pop и выводом данных. выполнена в соответствии с заданием. Результат проверки отображается корректно.

Вывод

Вывод из Практикума № 4 - включает в себя различные реализации структур данных, таких как стеки и очереди, с базовыми операциями, такими как push, pop, enqueue и dequeue. Некоторые задачи включают в себя обработку последовательности круглых скобок для проверки правильности последовательности, как для одинаковых, так и для разных типов круглых скобок (например, (), [], {}). Существуют также задачи со стеками и очередями, должны поддерживать которые операции поиска максимального и минимального значения с постоянной эффективностью по времени. Кроме того, в эту задачу входит проблема скользящего окна для поиска максимального значения в подмассиве, оценка постфиксных выражений, а также проблема очереди с уровнями терпения или временем ожидания. И, наконец, реализация системы очередей в клинике или пекарне, которая определяет приоритеты в зависимости от уровня терпения или времени прибытия, а также проблемы, связанные с управлением документами в бюрократических структурах и управлением армейскими линиями с позиционными операциями.