ПРИЛОЖЕНИЕ А

Таблица А.1 – Представление программы в виде последовательности операторов

S	Оператор	C(S)	R(S)
S_1	$t_1 = a_{22} * a_{33}$	$\{t_1\}$	$\{a_{22}, a_{33}\}$
S_2	$t_2 = a_{23} * a_{32}$	$\{t_2\}$	$\{a_{23}, a_{32}\}$
S_3	$A_{11} = t_1 - t_2$	$\{A_{11}\}$	$\{t_1, t_2\}$
S_4	$temp_1 = a_{11} * A_{11}$	$\{temp_1\}$	$\{a_{11}, A_{11}\}$
S_5	$t_3 = a_{21} * a_{33}$	$\{t_3\}$	$\{a_{21}, a_{33}\}$
S_6	$t_4 = a_{23} * a_{31}$	$\{t_4\}$	$\{a_{23}, a_{31}\}$
S_7	$A_{12} = -(t_3 - t_4)$	$\{A_{12}\}$	$\{t_3,t_4\}$
S_8	$temp_2 = a_{12} * A_{12}$	$\{temp_2\}$	$\{a_{12}, A_{12}\}$
S_9	$t_5 = a_{21} * a_{32}$	$\{t_5\}$	$\{a_{21}, a_{32}\}$
S_{10}	$t_6 = a_{22} * a_{31}$	$\{t_6\}$	$\{a_{22}, a_{31}\}$
S_{11}	$A_{13} = t_5 - t_6$	$\{A_{13}\}$	$\{t_5,t_6\}$
S_{12}	$temp_3 = a_{13} * A_{13}$	$\{temp_3\}$	$\{a_{13}, A_{13}\}$
S_{13}	$\Delta = temp_1 + temp_2 + temp_3$	$\{\Delta\}$	$\{temp_1, temp_2, temp_3\}$
S_{14}	$t_7 = a_{12} * a_{33}$	$\{t_7\}$	$\{a_{12}, a_{33}\}$
S_{15}	$t_8 = a_{13} * a_{32}$	$\{t_8\}$	$\{a_{13}, a_{32}\}$
S_{16}	$A_{21} = -(t_7 - t_8)$	$\{A_{21}\}$	$\{t_7,t_8\}$
S_{17}	$t_9 = a_{11} * a_{33}$	$\{t_9\}$	$\{a_{11}, a_{33}\}$
S_{18}	$t_{10} = a_{13} * a_{31}$	$\{t_{10}\}$	$\{a_{13}, a_{31}\}$
S_{19}	$A_{22} = t_9 - t_{10}$	$\{A_{22}\}$	$\{t_9, t_{10}\}$
S_{20}	$t_{11} = a_{11} * a_{32}$	$\{t_{11}\}$	$\{a_{11}, a_{32}\}$
S_{21}	$t_{12} = a_{12} * a_{31}$	$\{t_{12}\}$	$\{a_{12}, a_{31}\}$
S_{22}	$A_{23} = -(t_{11} - t_{12})$	$\{A_{23}\}$	$\{t_{11}, t_{12}\}$
S_{23}	$t_{13} = a_{12} * a_{23}$	$\{t_{13}\}$	$\{a_{12}, a_{23}\}$
S_{24}	$t_{14} = a_{13} * a_{22}$	$\{t_{14}\}$	$\{a_{13}, a_{22}\}$
S_{25}	$A_{31} = t_{13} - t_{14}$	$\{A_{31}\}$	$\{t_{13}, t_{14}\}$
S_{26}	$t_{15} = a_{11} * a_{23}$	$\{t_{15}\}$	$\{a_{11}, a_{23}\}$
S_{27}	$t_{16} = a_{13} * a_{21}$	$\{t_{16}\}$	$\{a_{13}, a_{21}\}$
S_{28}	$A_{32} = -(t_{15} - t_{16})$	$\{A_{32}\}$	$\{t_{15}, t_{16}\}$
S_{29}	$t_{17} = a_{11} * a_{22}$	$\{t_{17}\}$	$\{a_{11}, a_{22}\}$
S_{30}	$t_{18} = a_{12} * a_{21}$	$\{t_{18}\}$	$\{a_{12}, a_{21}\}$
S_{31}	$A_{33} = t_{17} - t_{18}$	$\{A_{33}\}$	$\{t_{17}, t_{18}\}$
S_{32}	$A^{T} = [A_{11}, A_{21}, A_{31};$ $A_{12}, A_{22}, A_{32};$ $A_{13}, A_{23}, A_{33}]$	$\{A^T\}$	$\{A_{11}, A_{21}, A_{31}, A_{12}, A_{22}, A_{32}, A_{13}, A_{23}, A_{33}\}$
S_{33}	$A^{-1} = A^T/\Delta$	$\{A^{-1}\}$	$\{A^T,\Delta\}$

ПРИЛОЖЕНИЕ Б

Итерация №1

Отношения между операторами:

Отношения сильной зависимости:

 $S_1 \rightarrow S_3$

 $S_2 \rightarrow S_3$

 $S_{2} \rightarrow S_{3}$ $S_{3} \rightarrow S_{4}$ $S_{3} \rightarrow S_{32}$ $S_{4} \rightarrow S_{13}$ $S_{5} \rightarrow S_{7}$

 $S_6 \rightarrow S_7$

 $S_7 \to S_8$ $S_7 \to S_{32}$

 $S_7 oup S_{32}$ $S_8 oup S_{13}$ $S_9 oup S_{11}$ $S_{10} oup S_{11}$ $S_{11} oup S_{12}$ $S_{11} oup S_{32}$ $S_{12} oup S_{13}$ $S_{13} oup S_{33}$ $S_{12} oup S_{13}$

 $S_{14} \rightarrow S_{16}$

 $S_{14} \rightarrow S_{16}$ $S_{15} \rightarrow S_{16}$ $S_{16} \rightarrow S_{32}$ $S_{17} \rightarrow S_{19}$ $S_{18} \rightarrow S_{19}$ $S_{19} \rightarrow S_{32}$

 $S_{20} \to S_{22}$

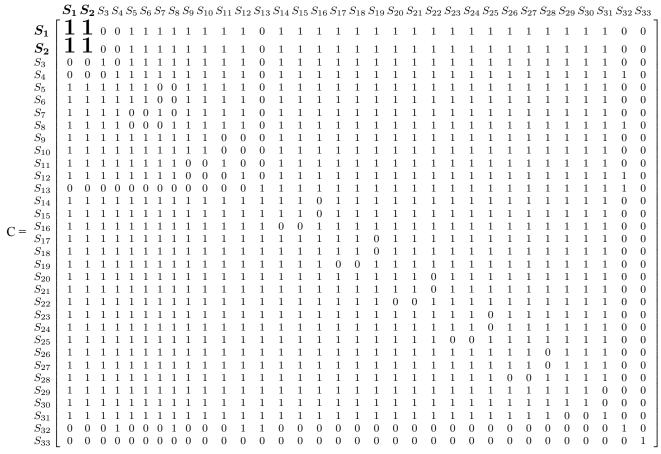
 $S_{20}
ightarrow S_{22} \ S_{21}
ightarrow S_{22} \ S_{22}
ightarrow S_{32} \ S_{23}
ightarrow S_{25} \ S_{24}
ightarrow S_{25} \ S_{25}
ightarrow S_{32} \ S_{26}
ightarrow S_{28} \ S_{26} \ S_{28} \ S_{26} \ S$

 $S_{27} \rightarrow S_{28}$

 $S_{28} \rightarrow S_{32}$

 $S_{29} \rightarrow S_{31}$

 $S_{29} + S_{31}$ $S_{30} \to S_{31}$ $S_{31} \to S_{32}$ $S_{32} \to S_{33}$



Проверка условия приводимости программы к ППФ (5 из 413):

```
Проверка условия приводимости пр 1)S_1 	oup S_5 2)S_3 E(S_1) = \{S_3, S_4, S_{13}, S_{32}, S_{33}\} E(S_5) = \{S_7, S_8, S_{13}, S_{32}, S_{33}\} N_1(S_1, S_5) = \{S_{13}, S_{32}, S_{33}\} N_2(S_1, S_5) = \{S_3, S_4, S_7, S_8\} E(S_3) = \{S_4, S_{13}, S_{32}, S_{33}\} S_3 \in N_2(S_1, S_5) — выполняется N_1(S_1, S_5) \subseteq E(S_3) — выполняется выполняется
```

$$1)S_1 \nrightarrow S_6$$

$$2)S_3$$

$$E(S_1) = \{S_3, S_4, S_{13}, S_{32}, S_{33}\}$$

$$E(S_6) = \{S_7, S_8, S_{13}, S_{32}, S_{33}\}$$

$$N_1(S_1, S_6) = \{S_{13}, S_{32}, S_{33}\}$$

$$N_2(S_1, S_6) = \{S_3, S_4, S_7, S_8\}$$

$$E(S_3) = \{S_4, S_{13}, S_{32}, S_{33}\}$$

$$S_3 \in N_2(S_1, S_6) - \text{выполняется}$$

$$N_1(S_1, S_6) \subseteq E(S_3) - \text{выполняется}$$
 выполняется

$$\begin{array}{l} 1)S_1 \nrightarrow S_7 \\ 2)S_3 \\ E(S_1) = \{S_3, S_4, S_{13}, S_{32}, S_{33}\} \\ E(S_7) = \{S_8, S_{13}, S_{32}, S_{33}\} \\ N_1(S_1, S_7) = \{S_{13}, S_{32}, S_{33}\} \\ N_2(S_1, S_7) = \{S_3, S_4, S_8\} \\ E(S_3) = \{S_4, S_{13}, S_{32}, S_{33}\} \\ S_3 \in N_2(S_1, S_7) - \text{выполняется} \\ N_1(S_1, S_7) \subseteq E(S_3) - \text{выполняется} \end{array}$$

выполняется

$$1)S_1
ightarrow S_8$$
 $2)S_3$ $E(S_1) = \{S_3, S_4, S_{13}, S_{32}, S_{33}\}$ $E(S_8) = \{S_{13}, S_{33}\}$ $N_1(S_1, S_8) = \{S_{13}, S_{33}\}$ $N_2(S_1, S_8) = \{S_3, S_4, S_{32}\}$ $E(S_3) = \{S_4, S_{13}, S_{32}, S_{33}\}$ $S_3 \in N_2(S_1, S_8) -$ выполняется $N_1(S_1, S_8) \subseteq E(S_3) -$ выполняется выполняется

$$\begin{array}{l} 1)S_1 \nrightarrow S_9 \\ 2)S_3 \\ E(S_1) = \{S_3, S_4, S_{13}, S_{32}, S_{33}\} \\ E(S_9) = \{S_{11}, S_{12}, S_{13}, S_{32}, S_{33}\} \\ N_1(S_1, S_9) = \{S_{13}, S_{32}, S_{33}\} \\ N_2(S_1, S_9) = \{S_3, S_4, S_{11}, S_{12}\} \\ E(S_3) = \{S_4, S_{13}, S_{32}, S_{33}\} \\ S_3 \in N_2(S_1, S_9) - \text{выполняется} \\ N_1(S_1, S_9) \subseteq E(S_3) - \text{выполняется} \\ \text{выполняется} \end{array}$$

На текущей итерации был выделен паралллельный групповой оператор $\bar{\bar{y}}_1 = \{S_1, S_2\}$

Итерация №2

Отношения между операторами:

Отношения сильной зависимости с выделенным на прошлой итерации групповым оператором:

$$\bar{\bar{y}}_1 \to S_3$$

На текущей итерации был выделен последовательный групповой оператор $\bar{y}_1 = \{\bar{y}_1, S_3, S_4\}$

Итерация №3

Отношения между операторами:

$$\begin{aligned}
\bar{y}_1 &\to S_{13} \\
\bar{y}_1 &\to S_{32}
\end{aligned}$$

 \bar{y}_1 S_5 S_6 S_7 S_8 S_9 S_{10} S_{11} S_{12} S_{13} S_{14} S_{15} S_{16} S_{17} S_{18} S_{19} S_{20} S_{21} S_{22} S_{23} S_{24} S_{25} S_{26} S_{27} S_{28} S_{29} S_{30} S_{31} S_{32} S_{33} 0 0 1 1 1 1 1 1 1 1 S_{10} 1 $0 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 1$ 1 1 0 0 1 $1 \ 0 \ 0$ 0 1 S_{13} 0 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1 1 1 $1 \ 1 \ 1 \ 1$ S_{15} 1 1 1 1 0 0 1 1 1 1 1 S_{16} 1 1 1 1 $C = S_{18}$ 1 1 1 0 1 0 1 1 1 1 1 1 0 1 1 1 1 1 1 1 S_{21}^{-3} 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 S_{24} 1 1 0 1 1 1 1 1 0 1 $1\quad 1\quad 1\quad 1\quad 1$ 1 $1 \quad 1 \quad 1 \quad 1$ 1 1 1 1 1 $1 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 1$ 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 $0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1$ $1 \quad 0 \quad 0 \quad 0$ 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0

На текущей итерации был выделен паралллельный групповой оператор $\bar{y}_2 = \{S_5, S_6\}$

Итерация №4

Отношения между операторами:

Отношения сильной зависимости с выделенным на прошлой итерации групповым оператором:

$$\bar{\bar{y}}_2 \to S_7$$

На текущей итерации был выделен последовательный групповой оператор $\bar{y}_2 = \{\bar{y}_2, S_7, S_8\}$

Итерация №5

Отношения между операторами:

$$\bar{y}_2 \to S_{13}$$

 $\bar{y}_2 \to S_{32}$

 $\bar{y}_1 \, \bar{y}_2 \, \boldsymbol{S_9} \, \boldsymbol{S_{10}} \, S_{11} \, S_{12} \, S_{13} \, S_{14} \, S_{15} \, S_{16} \, S_{17} \, S_{18} \, S_{19} \, S_{20} \, S_{21} \, S_{22} \, S_{23} \, S_{24} \, S_{25} \, S_{26} \, S_{27} \, S_{28} \, S_{29} \, S_{30} \, S_{31} \, S_{32} \, S_{33} \, S_{34} \, S_{35} \, S_{36} \, S_{37} \, S_{38} \, S_{39} \, S_{39}$ 1 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 \bar{y}_1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 \bar{y}_2 0 1 S_9 1 1 1 1 S_{10} S_{11} S_{12} S_{13} S_{14} S_{15} S_{16} S_{17} S_{18} $S_{19} \\ S_{20}$ S_{21} S_{22} 1 1 S_{23} S_{24} 1 1 1 S_{25} S_{26} S_{27} 1 1 S_{28} S_{29} S_{30} 1 1 1 S_{31} S_{32} 0 0 0 0 0

На текущей итерации был выделен паралллельный групповой оператор $\bar{y}_3 = \{S_9, S_{10}\}$

Итерация №6

Отношения между операторами:

Отношения сильной зависимости с выделенным на прошлой итерации групповым оператором:

$$\bar{y}_3 \to S_{11}$$

На текущей итерации был выделен последовательный групповой оператор $\bar{y}_3 = \{\bar{y}_3, S_{11}, S_{12}\}$

Итерация №7

Отношения между операторами:

$$\bar{y}_3 \to S_{13}$$

 $\bar{y}_3 \to S_{32}$

 $\bar{\pmb{y}}_1\,\bar{\pmb{y}}_2\,\bar{\pmb{y}}_3\,S_{13}\,S_{14}\,S_{15}\,S_{16}\,S_{17}\,S_{18}\,S_{19}\,S_{20}\,S_{21}\,S_{22}\,S_{23}\,S_{24}\,S_{25}\,S_{26}\,S_{27}\,S_{28}\,S_{29}\,S_{30}\,S_{31}\,S_{32}\,S_{33}\,S_{32}\,S_{33$ $ar{y}_1$ $ar{y}_2$ $ar{y}_3$ S_{13} S_{14} S_{15} S_{16} S_{17} S_{18} S_{19} S_{20} $C = S_{21}$ S_{22} S_{23} S_{24} S_{25} S_{26} S_{27} S_{28} S_{29} S_{30} S_{31} 1 1 S_{32} $S_{33} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$

На текущей итерации был выделен паралллельный групповой оператор $\bar{\bar{y}}_4 = \{\bar{y}_1, \bar{y}_2, \bar{y}_3\}$

Итерация №8

Отношения между операторами:

Отношения сильной зависимости с выделенным на прошлой итерации групповым оператором:

$$\bar{\bar{y}}_4 \to S_{13}$$

 $\bar{\bar{y}}_4 \to S_{32}$

На текущей итерации был выделен последовательный групповой оператор $\bar{y}_4 = \{\bar{y}_4, S_{13}\}$

Итерация №9

Отношения между операторами:

$$\bar{y}_4 \to S_{32}$$

 $\bar{y}_4 \to S_{33}$

 $\bar{y}_4 \, \boldsymbol{S_{14}} \, \boldsymbol{S_{15}} \, S_{16} \, S_{17} \, S_{18} \, S_{19} \, S_{20} \, S_{21} \, S_{22} \, S_{23} \, S_{24} \, S_{25} \, S_{26} \, S_{27} \, S_{28} \, S_{29} \, S_{30} \, S_{31} \, S_{32} \, S_{33}$ \bar{y}_4 S_{14} S_{15} S_{16} S_{17} S_{18} S_{19} S_{20} S_{21} $C = \begin{array}{c} S_{22} \\ S_{23} \end{array}$ S_{24} S_{25} S_{26} S_{27} S_{28} S_{29} S_{30} S_{31} S_{32} $S_{33} \left[\begin{array}{c} 0 \end{array} \right]$

На текущей итерации был выделен паралллельный групповой оператор $\bar{y}_5 = \{S_{14}, S_{15}\}$

Итерация №10

Отношения между операторами:

Отношения сильной зависимости с выделенным на прошлой итерации групповым оператором:

$$\bar{y}_5 \rightarrow S_{16}$$

На текущей итерации был выделен последовательный групповой оператор $\bar{y}_5 = \{\bar{\bar{y}}_5, S_{16}\}$

Итерация №11

Отношения между операторами:

$$\bar{y}_5 \to S_{32}$$

```
\bar{y}_4\,\bar{y}_5\,S_{17}\,S_{18}\,S_{19}\,S_{20}\,S_{21}\,S_{22}\,S_{23}\,S_{24}\,S_{25}\,S_{26}\,S_{27}\,S_{28}\,S_{29}\,S_{30}\,S_{31}\,S_{32}\,S_{33}
\bar{y}_4
                                                                                                                      0
\bar{y}_5
S_{17}
                                                                                                                      0
         1 1
                                                                                                                0
S_{18}
                                                                                                                      0
S_{19}
                                                                                                                      0
S_{20}
                                                   0
                          1
                                             1
                                                         1
                                                               1
                                                                                                                0
                                                                                                                      0
S_{21}
                                                   0
                          1
                                 1
                                       1
                                             1
                                                         1
                                                                                                                0
                                                                                                                      0
S_{22}
                          1
                                      0
                                            0
                                                   1
                                                         1
                                                               1
                                                                     1
                                                                                 1
                                                                                       1
                                                                                                                      0
          1 1
                   1
S_{23}
                          1
                                             1
                                                   1
                                                                                                                      0
         1 1
                   1
S_{24}
         1 1
                                                                                                                      0
S_{25}
S_{26}
         1 1
S_{27}
         1 1
                                             1
                                                   1
                                                         1
                                                               1
                                                                                                                      0
S_{28}
                                             1
                                                   1
                                                                           0
                                                                                 0
                                                                                       1
                                                                                                                      0
S_{29}
S_{30}
                                                   1
                                                                           1
                                                                                 1
                                                                                                                      0
S_{31}
                                                         1
                                                               1
                                                   0
                                                         0
                                                               0
                                                                                 0
                                                                                       0
S_{32}
         0 \quad 0
                                     0
                                            0
                                                                     0
                                                                           0
S_{33} \ [ \ 0 \ 0 \ ]
                                                   0
                                                               0
                                                         0
                                                                     0
                                                                           0
                                                                                 0
```

На текущей итерации был выделен паралллельный групповой оператор $\bar{\bar{y}}_6 = \{S_{17}, S_{18}\}$

Итерация №12

Отношения между операторами:

Отношения сильной зависимости с выделенным на прошлой итерации групповым оператором:

$$\bar{y}_6 \rightarrow S_{19}$$

На текущей итерации был выделен последовательный групповой оператор $\bar{y}_6 = \{\bar{\bar{y}}_6, S_{19}\}$

Итерация №13

Отношения между операторами:

Отношения сильной зависимости с выделенным на прошлой итерации групповым оператором:

$$\bar{y}_6 \rightarrow S_{32}$$

На текущей итерации был выделен паралллельный групповой оператор $\bar{y}_7 = \{S_{20}, S_{21}\}$

Итерация №14

Отношения между операторами:

Отношения сильной зависимости с выделенным на прошлой итерации групповым оператором:

$$\bar{\bar{y}}_7 \to S_{22}$$

На текущей итерации был выделен последовательный групповой оператор $\bar{y}_7 = \{\bar{\bar{y}}_7, S_{22}\}$

Итерация №15

Отношения между операторами:

Отношения сильной зависимости с выделенным на прошлой итерации групповым оператором:

$$\bar{y}_7 \to S_{32}$$

		\bar{y}_4	\bar{y}_5	\bar{y}_6	\bar{y}_7	S_{23}	S_{24}	S_{25}	S_{26}	S_{27}	S_{28}	S_{29}	S_{30}	S_{31}	S_{32}	S_{33}
	\bar{y}_4	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0]
	\bar{y}_5	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0
	\bar{y}_6	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0
	\bar{y}_7	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0
	S_{23}	1	1	1	1	1	1	0	1	1	1	1	1	1	0	0
	S_{24}	1	1	1	1	1	1	0	1	1	1	1	1	1	0	0
C=	S_{25}	1	1	1	1	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0	0
	S_{26}	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	1	1	1	0	0
	S_{27}	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	1	1	1	0	0
	S_{28}	1	1	1	1	1	1	1	0	0	1	1	1	1	0	0
	S_{29}	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0
	S_{30}	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0
	S_{31}	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	1	0	0
	S_{32}	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0
	S_{33}	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1]

На текущей итерации был выделен паралллельный групповой оператор $\bar{y}_8 = \{S_{23}, S_{24}\}$

Итерация №16

Отношения между операторами:

Отношения сильной зависимости с выделенным на прошлой итерации групповым оператором:

$$\bar{y}_8 \to S_{25}$$

На текущей итерации был выделен последовательный групповой оператор $\bar{y}_8 = \{\bar{\bar{y}}_8, S_{25}\}$

Итерация №17

Отношения между операторами:

$$\bar{y}_8 \to S_{32}$$

```
\bar{y}_4 \, \bar{y}_5 \, \bar{y}_6 \, \bar{y}_7 \, \bar{y}_8 \, \mathbf{S_{26}} \, \mathbf{S_{27}} \, S_{28} \, S_{29} \, S_{30} \, S_{31} \, S_{32} \, S_{33}
       \bar{y}_4
       \bar{y}_5
               1 1 1 1 1
                                                                         0
       \bar{y}_6
       \bar{y}_7
               1 1 1 1 1
                                  1
                                                                         0
       \bar{y}_8
               111111
                                              0
       S_{26}
                                        1
C = S_{27}
                                  1
                                              0
                                                   1
                                                                         0
               1 1 1 1 1
                                        0 1
       S_{28}
               1 1 1 1
                                                   1
       S_{29}
               1 1 1 1 1
                                        1
                                            1
                                                   1
       S_{30}
              1 1 1 1 1
                                        1
                                             1
              1 1 1 1 1 1
                                        1 1
       S_{31}
       S_{32}
              0 0 0 0 0 0
                                        0 \quad 0
                                                   0
                                                         0
                                                                   1
       S_{33} \ [ \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ ]
                                       0 \quad 0
                                                   0
                                                         0
                                                              0
                                                                   0
                                                                        1
```

На текущей итерации был выделен паралллельный групповой оператор $\bar{y}_9 = \{S_{26}, S_{27}\}$

Итерация №18

Отношения между операторами:

Отношения сильной зависимости с выделенным на прошлой итерации групповым оператором:

$$\bar{\bar{y}}_9 \to S_{28}$$

На текущей итерации был выделен последовательный групповой оператор $\bar{y}_9 = \{\bar{y}_9, S_{28}\}$

Итерация №19

Отношения между операторами:

Отношения сильной зависимости с выделенным на прошлой итерации групповым оператором:

$$\bar{y}_9 \to S_{32}$$

На текущей итерации был выделен паралллельный групповой оператор $\bar{\bar{y}}_{10} = \{S_{29}, S_{30}\}$

Итерация №20

Отношения между операторами:

Отношения сильной зависимости с выделенным на прошлой итерации групповым оператором:

$$\bar{\bar{y}}_{10} \rightarrow S_{31}$$

На текущей итерации был выделен последовательный групповой оператор $\bar{y}_{10} = \{\bar{y}_{10}, S_{31}\}$

Итерация №21

Отношения между операторами:

Отношения сильной зависимости с выделенным на прошлой итерации групповым оператором:

$$\bar{y}_{10} \rightarrow S_{32}$$

На текущей итерации был выделен паралллельный групповой оператор $\bar{y}_{11}=\{\bar{y}_4,\bar{y}_5,\bar{y}_6,\bar{y}_7,\bar{y}_8,\bar{y}_9,\bar{y}_{10}\}$

Итерация №22

Отношения между операторами:

Отношения сильной зависимости с выделенным на прошлой итерации групповым оператором:

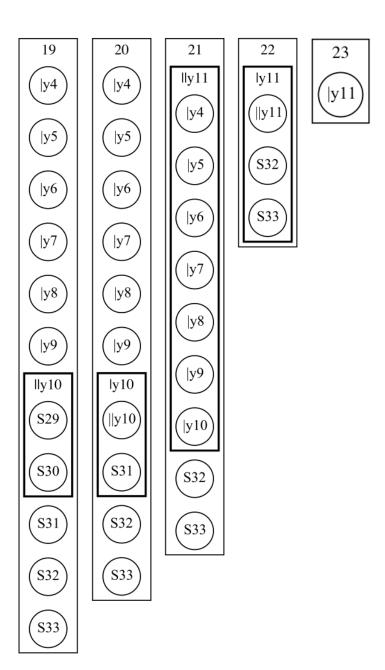
$$\begin{array}{l} \bar{y}_{11} \rightarrow S_{32} \\ \bar{y}_{11} \rightarrow S_{33} \end{array}$$

На текущей итерации был выделен последовательный групповой оператор $\bar{y}_{11} = \{\bar{y}_{11}, S_{32}, S_{33}\}$

ПРИЛОЖЕНИЕ В

1	2	3	4	5	6	7	8	9
lly1	ly1	(y1)	(y1)	y1	(y1)	lly4	ly4	ly4
$\left\ \left(S1 \right) \right\ $		lly2	ly2			(y1)	$\ (\ y4)\ $	lly5
S2	S3	S5	lly2	lly3	ly3	y2	S13	S14
S3	S4	<u>S6</u>	S7	S9	lly3	ly3	S14	S15
S4	S5	S7	S8	S10	S11	S13	S15	S16
S5	S6	S8	S9	S11	S12	S14	S16	S17
S6	S7	S9	S10	S12	S13	S15	(S17)	S18
S7	S8	S10	S11	S13	S14	S16	S18	S19
S8	S9	S11	S12	S14	S15	S17	S19	S20
S9	S10	S12	S13	S15	S16	S18	S20	S21
S10	S11	S13	S14	S16	S17	S19	S21	S22
S11	S12	S14	S15	S17	S18	S20	S22	S23
S12	S13	S15	S16	S18	S19	S21	S23	S24
S13	S14	S16	S17	S19	S20	S22	S24	S25
S14	S15	S17	S18	S20	S21	S23	S25	S26
S15	S16	S18	S19	S21	S22	S24	S26	S27
S33	S33	S33	S33	S33	S33	S33	S33	S33

10	11 y4 y5 ly6 S17 S18 S19 S20 S21 S22 S23 S24 S25 S26 S27 S28 S29	12	13	14	15 y4 y5 y6 y7 y8 S23 S24 S25 S26 S27 S28 S29 S30 S31 S32 S33	16 y4 y5 y6 y7 y8 y8 y8 S25 S26 S27 S28 S30 S31 S32 S33	17	18 y4 y5 y6 y7 y8 y9 y9 s28 S29 S30 S31 S32 S33
S33	S33	S33	S33					



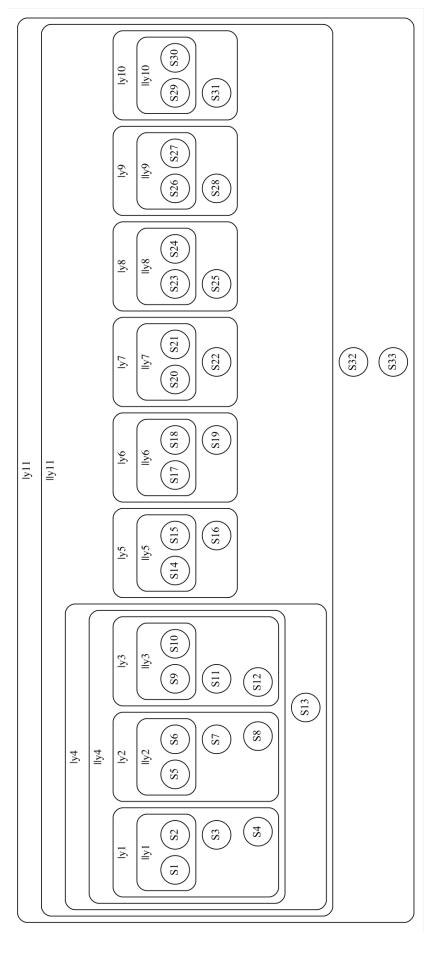


Рисунок Г.1 – Представление ППФ

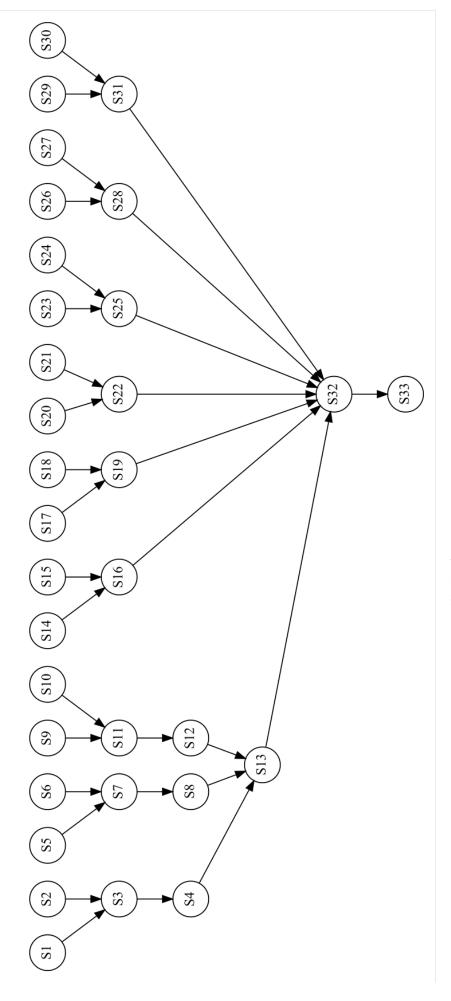


Рисунок Г.2 – Граф параллельного выполнения программы

ПРИЛОЖЕНИЕ Д

```
package program
import kotlinx.coroutines.*
import program.Log.logIn
import program.Log.logOut
import java.util.*
fun main() {
   fun Array<FloatArray>.toMatrixString() = joinToString("\n") { it.joinToString(" ") { String.format("%
       f", it) } }
   val a = Array(3) { i > FloatArray(3) { j > (i * j + i % 2 + j % 3 + ((i + 1) * (j + 1)) % 2).toFloat
       () } }
   val sequentialResult = SequentialInvMatrixProgram(a).execute()
   val sequentialLog = Log.content
   val parallelResult = ParallelInvMatrixProgram(a).execute()
   val parallelLog = Log.content
   val parallelResultWithDelay = ParallelInvMatrixProgram(a).execute(true)
   val parallelWithDelayLog = Log.content
   assert(Arrays.deepEquals(sequentialResult, parallelResult))
   assert(Arrays.deepEquals(parallelResultWithDelay, parallelResult))
   println("Последовательное выполнение:")
   println(sequentialLog)
   println()
   println ("Параллельное выполнение:")
   println(parallelLog)
   println()
   println("Параллельное выполнение(с задержкой):")
   println(parallelWithDelayLog)
   println()
  println("матрица A")
   println(a.toMatrixString())
   println()
   println ("матрица A^(-1)")
  println(parallelResult.toMatrixString())
class ParallelInvMatrixProgram(a: Array<FloatArray>) : InvMatrixProgram(a) {
   override val executeOrder: Operator by lazy {
            (s1 and s2 before s3 before s4) and
                  (s5 and s6 before s7 before s8) and
                  (s9 and s10 before s11 before s12) before s13
            ) and
            (s14 and s15 before s16) and
            (s17 and s18 before s19) and
            (s20 and s21 before s22) and
            (s23 and s24 before s25) and
            (s26 and s27 before s28) and
            (s29 and s30 before s31) before s32 before s33
   private inline val s1 get() = operators[0]
   private inline val s2 get() = operators[1]
   private inline val s3 get() = operators[2]
   private inline val s4 get() = operators[3]
   private inline val s5 get() = operators[4]
   private inline val s6 get() = operators[5]
   private inline val s7 get() = operators[6]
   private inline val s8 get() = operators[7]
   private inline val s9 get() = operators[8]
```

```
private inline val s10 get() = operators[9]
  private inline val s11 get() = operators[10]
  private inline val s12 get() = operators[11]
  private inline val s13 get() = operators[12]
  private inline val s14 get() = operators[13]
  private inline val s15 get() = operators[14]
  private inline val s16 get() = operators[15]
  private inline val s17 get() = operators[16]
  private inline val s18 get() = operators[17]
  private inline val s19 get() = operators[18]
  private inline val s20 get() = operators[19]
  private inline val s21 get() = operators[20]
  private inline val s22 get() = operators[21]
  private inline val s23 get() = operators[22]
  private inline val s24 get() = operators[23]
  private inline val s25 get() = operators[24]
  private inline val s26 get() = operators[25]
  private inline val s27 get() = operators[26]
  private inline val s28 get() = operators[27]
  private inline val s29 get() = operators[28]
  private inline val s30 get() = operators[29]
  private inline val s31 get() = operators[30]
  private inline val s32 get() = operators[31]
  private inline val s33 get() = operators[32]
class SequentialInvMatrixProgram(a: Array<FloatArray>) : InvMatrixProgram(a) {
  override val executeOrder: Operator by lazy { operators.reduce { acc, o > acc before o } }
abstract class InvMatrixProgram(val a: Array<FloatArray>) {
  private val A = Array(3) { FloatArray(3) { OF } }
  private val AT = Array(3) { FloatArray(3) { OF } }
  private val invA = Array(3) { FloatArray(3) { OF } }
  private var det = 0F
  private val t = FloatArray(18) { OF }
  private val temp = FloatArray(3) { OF }
  protected val operators: List<Operator> by lazy {
      listOf<suspend () > Unit>(
           \{ t[0] = a[1][1] * a[2][2] \},
            \{ t[1] = a[1][2] * a[2][1] \},
            \{ A[0][0] = t[0] t[1] \},
            \{ \text{temp}[0] = a[0][0] * A[0][0] \},
            \{ t[2] = a[1][0] * a[2][2] \},
            \{t[3] = a[1][2] * a[2][0] \},
            \{ A[0][1] = (t[2] t[3]) \},
            \{ \text{temp[1]} = a[0][1] * A[0][1] \},
            \{ t[4] = a[1][0] * a[2][1] \},
            \{ t[5] = a[1][1] * a[2][0] \},
            \{ A[0][2] = t[4] t[5] \},
            \{ \text{temp}[2] = a[0][2] * A[0][2] \},
            { det = temp[0] + temp[1] + temp[2] },
            \{ t[6] = a[0][1] * a[2][2] \},
            \{ t[7] = a[0][2] * a[2][1] \},
            \{ A[1][0] = (t[6] t[7]) \},
            \{ t[8] = a[0][0] * a[2][2] \},
            \{ t[9] = a[0][2] * a[2][0] \},
            \{ A[1][1] = t[8] t[9] \},
            \{ t[10] = a[0][0] * a[2][1] \},
            \{ t[11] = a[0][1] * a[2][0] \},
            \{ A[1][2] = (t[10] t[11]) \},
            \{ t[12] = a[0][1] * a[1][2] \},
            \{ t[13] = a[0][2] * a[1][1] \},
            \{ A[2][0] = t[12] t[13] \},
```

```
\{ t[14] = a[0][0] * a[1][2] \},
            \{ t[15] = a[0][2] * a[1][0] \},
            \{ A[2][1] = (t[14] t[15]) \},
            \{ t[16] = a[0][0] * a[1][1] \},
            \{ t[17] = a[0][1] * a[1][0] \},
            \{ A[2][2] = t[16] t[17] \},
               for (i in 0 until 3)
                  for (j in 0 until 3)
                     AT[i][j] = A[j][i]
            },
            {
               for (i in 0 until 3)
                  for (j in 0 until 3)
                     invA[i][j] = AT[i][j] / det
            }
      ).map { SimpleOperator(it) }
   }
   protected abstract val executeOrder: Operator
   fun execute(withDelay: Boolean = false): Array<FloatArray> {
      preExecute(withDelay)
      runBlocking { executeOrder.execute(withDelay) }
      return invA
   }
   protected open fun preExecute(withDelay: Boolean) {
      Log.reset()
      executeOrder.setDepth()
}
sealed class Operator
class SequentialGroupOperator(val operators: List<Operator>) : Operator()
class ParallelGroupOperator(val operators: List<Operator>) : Operator()
class SimpleOperator(val action: suspend () > Unit) : Operator() {
   val operatorName = Log.run { "S$simpleOperatorNumber".also { simpleOperatorNumber++ } }
   var depth: Int = 1
}
suspend fun Operator.execute(withDelay: Boolean = false) {
   when (this) {
      is SimpleOperator > {
         logIn()
         if (withDelay) {
            delay(333)
         action()
         logOut()
      }
      is SequentialGroupOperator > {
         operators.forEach {
            GlobalScope.async { it.execute(withDelay) }.await()
      is ParallelGroupOperator > {
         operators.map { GlobalScope.async { it.execute(withDelay) } }.awaitAll()
   }
}
```

```
fun Operator.setDepth(depth: Int = 0) {
   when (this) {
      is SimpleOperator > this.depth = depth
     is ParallelGroupOperator > operators.forEach { it.setDepth(depth + 1) }
     is SequentialGroupOperator > operators.forEach { it.setDepth(depth + 1) }
}
infix fun Operator.before(second: Operator) =
      when {
         this is SequentialGroupOperator && second is SequentialGroupOperator > SequentialGroupOperator
             (operators + second.operators)
         this is SequentialGroupOperator > SequentialGroupOperator(operators + second)
         second is SequentialGroupOperator > SequentialGroupOperator(listOf(this) + second.operators)
         else > SequentialGroupOperator(listOf(this, second))
infix fun Operator.and(second: Operator) =
      when {
         this is ParallelGroupOperator && second is ParallelGroupOperator > ParallelGroupOperator(
            operators + second.operators)
         this is ParallelGroupOperator > ParallelGroupOperator(operators + second)
         second is ParallelGroupOperator > ParallelGroupOperator(listOf(this) + second.operators)
         else > ParallelGroupOperator(listOf(this, second))
object Log {
  private val log = mutableListOf<String>()
   val content get() = log.joinToString("\n")
   var simpleOperatorNumber = 1
   fun SimpleOperator.logIn() {
     log += " ${"".repeat(2 * depth)}> $operatorName"
   fun SimpleOperator.logOut() {
     log += "<${"".repeat(2 * depth)} $operatorName"</pre>
   fun reset() {
     simpleOperatorNumber = 1
      log.clear()
}
```