

内能和物质的量是广度性质, 所以内能对物质的量的偏导数是强度性质

第 i 个组分物质的量对应的强度性质定义为第 i 个组分的化学势

$$\mu_i \equiv \left(\frac{\partial U}{\partial n_i} \right)_{(S, V, n \neq n_i)}$$

内能 U 的全微分
$$dU = TdS - PdV + \sum_{i=1}^C \mu_i dn_i$$

(组分物质的量可变条件下的热力学基本方程)

内能变化特点: 以环境-系统平衡及内平衡对应的广度性质为变量

$$dH = TdS + VdP + \sum_{i=1}^C \mu_i dn_i$$

$$dA = -SdT - PdV + \sum_{i=1}^C \mu_i dn_i$$

$$dG = -SdT + VdP + \sum_{i=1}^C \mu_i dn_i$$

$$\mu_i = \left(\frac{\partial H}{\partial n_i} \right)_{(S, P, n \neq n_i)}$$

$$\mu_i = \left(\frac{\partial A}{\partial n_i} \right)_{(T, V, n \neq n_i)}$$

$$\mu_i = \left(\frac{\partial G}{\partial n_i} \right)_{(T, P, n \neq n_i)}$$

麦克斯韦方程 (略)

理想气体系统, 内部均匀, 具有确定的 P, T , 此时系统具有确定的化学势, $T = T_{\text{环}}$

$$C = \frac{n}{V} = \frac{P}{RT}$$

$$V = \frac{nRT}{P}$$

等温条件下
$$\left(\frac{\partial \mu}{\partial C} \right)_T = RT \left(\frac{\partial \mu}{\partial P} \right)_T = RT \left(\frac{\partial V}{\partial n} \right)_{T, P} = RT \cdot \frac{RT}{P} = \frac{RT}{C}$$

约定: 在一个给定系统中, 对于任意一个给定温度, $P = 1 \text{ bar}$

为共同起点状态, 把它称为理想气体的标准态, 右上标 \ominus

$$P^\ominus, C^\ominus, \mu^\ominus$$

$$\int_{\mu^0}^{\mu} d\mu = \int_{c^0}^c \left(\frac{\partial \mu}{\partial c} \right)_T dc = \int_{c^0}^c \frac{RT}{c} dc = RT \int_{p^0}^p \frac{dp}{p}$$

$$\mu - \mu^0 = RT \ln \frac{p}{p^0} \quad \therefore \mu = \mu^0 + RT \ln \frac{p}{p^0}$$

$$\mu = \mu^0 + RT \ln \frac{c}{c^0}$$

$$dS_{\text{总}} = \frac{dU + PdV - \sum_{i=1}^c \mu_i dn_i}{T}$$

$$dU=0, dV=0 \quad \therefore dS = R \ln \frac{c}{c^0} dn$$

内外化学势相等, 系统处于平衡态 (or $c_{\text{外}} = c_{\text{内}}$)

开放系统, 物质从 μ 高的地方向 μ 低的地方运动

对纯理想气体, μ 是 c 的增函数

定温定压, $W_{\text{非}}=0$ 过程中

$$0 \geq dG = -SdT + Vdp + \sum_{i=1}^c \mu_i dn_i = \sum_{i=1}^c \mu_i dn_i$$

系统吉布斯自由能变化完全来自于系统内各组分之间的变化

$$\text{若 } dW_{\text{非}} \neq 0, \text{ 改为 } dW_{\text{非}} \geq dG = \sum_{i=1}^c \mu_i dn_i$$

$$A = U - TS = U(0) + nRT^2 \frac{d(\ln b_{\pm})}{dT} - nRT \left(T \frac{d(\ln b_{\pm})}{dT} + \ln b_{\pm} \right)$$

$$A = U(0) - nRT \ln b_{\pm}$$

$$\Delta A = -nRT \ln \frac{b_{\pm, \text{终}}}{b_{\pm, \text{始}}}$$

$$p = - \left(\frac{\partial A}{\partial V} \right)_{T, n} = \left(\frac{\partial (nRT \ln b_{\pm})}{\partial V} \right)_{T, n} = nRT \left(\frac{\partial (\ln b_{\pm})}{\partial V} \right)_{T, n}$$

A 对 \hat{p} 的独立基本变量组是 (T, V) . b_{\pm} 的独立变量也是 (T, V)