

统计热力学 \Rightarrow 经典热力学 \Rightarrow 平衡

基本假设: 1. 微观结构 (量子态)

出现概率相同

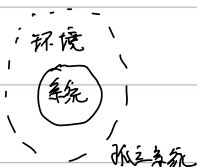
2. 在宏观可分辨时间内,

系统遍历所有微观结构

特征时间: 每种运动自由度都有特征时间

特征长度: 每种运动自由度都有特征长度

环境



$$\Delta S_{总} = \Delta S_{系统} + \Delta S_{环境} \geq 0$$

$$dS_{环} = \frac{-dq}{T_{环}} \quad \text{可逆}$$

严格满足 $dS_{环} = \frac{-dq}{T_{环}}$ 才能称为理想环境

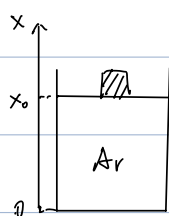
实际环境并不是总能和系统合起来满足热力学孤立系统

热力学环境 = 标准热源

非平衡态热力学

全域平衡态 — 局域平衡态

线性非平衡态热力学

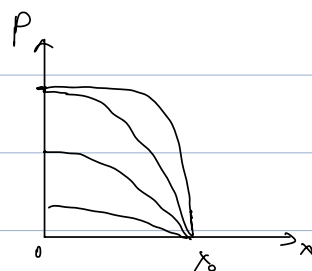


迅速移走重物,

$$t=0 \quad P = \text{常数} = P_{外}$$

$$t=0+dt \quad P = \text{常数} > P_{外}$$

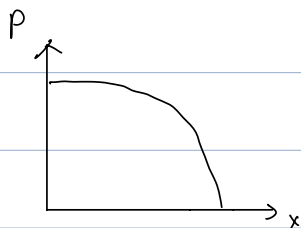
$$t > dt \quad P \neq \text{常数}$$



非平衡态

强度性质的梯度和广度性质的通量

强度性质 P



梯度

$$\vec{\Delta}_B = \left(\frac{\partial B}{\partial z} \right) \vec{z}$$

强度性质
方向 单位向量

空间

若 $\vec{\Delta}_B \neq 0$ 则 B 耦合于度性质 C 的通量

度性质

$$j_c = \frac{1}{a} \cdot \left(\frac{\partial C}{\partial t} \right)$$

通量 面积 时间

$$j_c = -k_c \cdot \vec{\Delta}_B \quad (B, C \text{ 耦合})$$

强度性质的差异带来驱动力

$$\left\{ \begin{array}{l} T \text{ 和 } Q \\ \mu \text{ 和 } n \\ mV \text{ 和 } V \end{array} \right\}$$

传热 传质 动量

输运过程

传热

$$j_Q = -k_Q \cdot \frac{\partial T}{\partial z}$$

热导率

k_Q

从分子结构/
相互作用看

固体

冰

低频晶格振动

液体

水

类晶格 (非整体), 对流

气体

水蒸气

铜

电子导体, 电子参与导热

金刚石

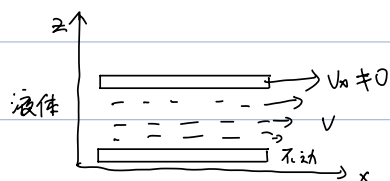
晶格振动

石墨

电子导体 + 晶格振动

} 小能隙

传质量



$$\frac{\partial v_x}{\partial z} \neq 0$$

$$j_p = -\eta \cdot \left(\frac{\partial v_x}{\partial z} \right)$$

黏度

η

$$\frac{\rho_{\text{液体}}}{\rho_{\text{固体}}} = e^{-\frac{\Delta E}{RT}}$$



分子间相互作用越大, η 越大

$$\frac{\rho_{\text{液体}}}{\rho_{\text{固体}}} = e^{-\frac{\Delta E}{RT}}$$

反比于 η

传质

分子扩散

Fick 第一定律

$$j_n = -D \frac{\partial [i]}{\partial z} \quad (\text{来自于实验})$$

$$\Delta\mu = \frac{\partial\mu}{\partial z} = \frac{\partial(\mu^0 + RT \ln a)}{\partial z} = RT \frac{\partial \ln a}{\partial z} = RT \left(\frac{\partial \ln x}{\partial z} + \underbrace{\left(\frac{\partial \ln \gamma}{\partial z} \right)}_{\approx 0} \right)$$

$$\approx RT \cdot \frac{1}{x} \cdot \frac{\partial x}{\partial z}$$

$$\text{扩散系数} \quad \frac{1}{x} \approx RT \cdot \frac{1}{[i]} \cdot \frac{\partial [i]}{\partial z}$$

(扩散的驱动力) $\Delta\mu = \frac{RT}{[i]} \cdot \Delta[i]$

(阻力) η , $v_{\text{漂移}}$, 粒子大小 (d)

$$F_{\text{摩擦}} = 3\pi d \eta v_{\text{漂移}}$$

粒子漂移的速度

稳态扩散 $F_{\text{扩散}} = F_{\text{摩擦}}$

$$v_{\text{漂移}} \cdot dt \cdot a = dV$$

$$dn = [i] \cdot dV$$

单分子: $\frac{kT}{[i]} \cdot \Delta[i] = -3\pi d \eta v_{\text{漂移}}$

$$j_n = \frac{1}{a} \cdot \frac{\partial n}{\partial t}$$

$$= \frac{1}{a} \cdot \frac{[i] \cdot a v_{\text{漂移}} dt}{dt}$$

$$= [i] \cdot v_{\text{漂移}}$$

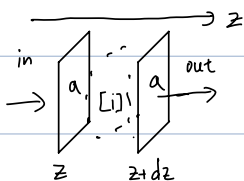
$$\Delta[i] = \frac{\partial [i]}{\partial z} \quad j_n = -D \Delta[i]$$

$$\Delta[i] = \frac{-3\pi d \eta v_{\text{漂移}} \cdot [i]}{kT}$$

$$j_n = -D \cdot \frac{-3\pi d \eta v_{\text{漂移}} \cdot [i]}{kT} = [i] \cdot v_{\text{漂移}}$$

$$\therefore D = \frac{kT}{3\pi d \eta} \quad (\text{Stokes - Einstein 公式})$$

Fick 第二定律: $\frac{\partial [i]}{\partial t} = D \frac{\partial^2 [i]}{\partial z^2}$



$$\frac{\partial [i]}{\partial t} = \frac{dn}{dV \cdot dt} = \frac{dn}{a dz \cdot dt}$$

$$j_c = \frac{1}{a} \cdot \frac{dC}{dt} \quad dC = a \cdot dt \cdot j_c$$

$$j_{in} = -D \frac{\partial [i]}{\partial z} \Big|_z \quad \therefore dn = a dt \cdot (j_{in} - j_{out})$$

$$j_{out} = -D \frac{\partial [i]}{\partial z} \Big|_{z+dz} \quad \frac{\partial [i]}{\partial t} = \frac{a \cdot dt \cdot j_{in} - j_{out}}{a \cdot dt \cdot dz} = \frac{j_{in} - j_{out}}{dz}$$

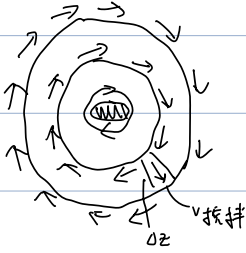
$$= \frac{1}{dz} \cdot \left(-D \frac{\partial [i]}{\partial z} \Big|_z + D \frac{\partial [i]}{\partial z} \Big|_{z+dz} \right)$$

泰勒展开 $\frac{\partial [i]}{\partial z} \Big|_{z+dz} = \frac{\partial [i]}{\partial z} \Big|_z + \frac{\partial^2 [i]}{\partial z^2} \Big|_z \cdot dz + \dots$

高阶无穷小

$$\therefore \frac{\partial [i]}{\partial t} = \frac{1}{dz} \cdot D \cdot \left. \frac{\partial^2 [i]}{\partial z^2} \right|_z \cdot dz = D \frac{\partial^2 [i]}{\partial z^2}$$

同心圆搅拌



$$\frac{\partial [i]}{\partial t} = \frac{\Delta n}{a \cdot \Delta z \cdot \Delta t} = \frac{1}{\Delta z} (j_{in} - j_{out})$$

$$j_n = [i] \cdot V_{\text{搅拌}}$$

$$\begin{aligned} \frac{\partial [i]}{\partial t} &= \frac{V_{\text{搅拌}}}{\Delta z} ([i]_z - [i]_{z+dz}) \\ &= - \frac{V_{\text{搅拌}}}{\Delta z} \cdot \frac{\partial [i]}{\partial z} \cdot dz = - V_{\text{搅拌}} \frac{\partial [i]}{\partial z} \end{aligned}$$

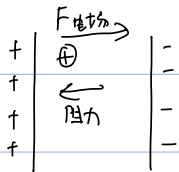
扩散 + 搅拌

$$\frac{\partial [i]}{\partial t} = D \frac{\partial^2 [i]}{\partial z^2} - V_{\text{搅拌}} \frac{\partial [i]}{\partial z}$$

布朗运动与自扩散

$$\Delta x = \sqrt{2D\Delta t}$$

带电离子在电场中运动



$$F_{\text{电场}} = ze \cdot E_{\text{电场}}$$

$$F_{\text{摩擦}} = 3\pi d\eta \cdot V_{\text{迁移}}$$

$$V_{\text{迁移}} = \frac{ze E_{\text{电场}}}{3\pi d\eta}$$

比例常数 / 迁移率 $u = \frac{ze}{3\pi d\eta}$

$$V_{\text{迁移}} = u \cdot E_{\text{电场}}$$

摩尔电导率

$$\kappa_{\text{电导},m} = \frac{\kappa_{\text{电导}}}{[i]} = z u F$$

无限稀释

$$\kappa_{\text{电导},m}^{\circ} = (z_{\text{阳}} u_{\text{阳}} V_{\text{阳}} + z_{\text{阴}} u_{\text{阴}} V_{\text{阴}}) F$$

$$= V_{\text{阳}} \kappa_{\text{阳,电导},m}^{\circ} + V_{\text{阴}} \kappa_{\text{阴,电导},m}^{\circ}$$