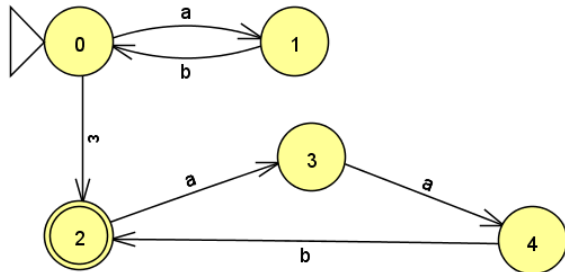


Nome: \_\_\_\_\_

Número: \_\_\_\_\_

**Problema 1: Expressões Regulares e Autómatos Finitos (5 valores)**

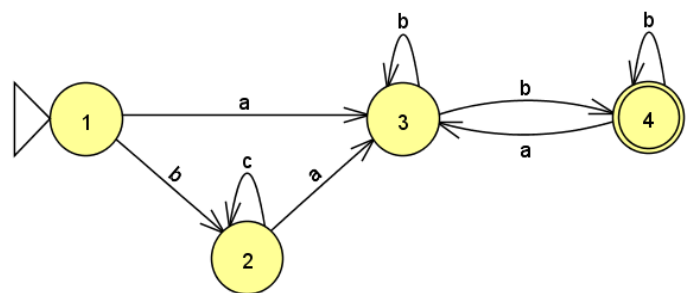


Considere o NFA à direita.

**1.c)** Determine uma expressão regular resultante obtida por aplicação do método de eliminação de estados considerando a ordem:  $3 \rightarrow 2$  (primeiro 3 e depois 2). Indique os passos intermédios que efetuar.

**1.d)** Apresente os termos  $R_{11}^{(0)}$ ,  $R_{44}^{(0)}$ ,  $R_{13}^{(0)}$ ,  $R_{14}^{(0)}$ ,  $R_{33}^{(0)}$ ,  $R_{13}^{(1)}$  e  $R_{14}^{(1)}$  obtidos pelo método de conversão de um autómato numa expressão regular pelo método dos caminhos quando aplicado ao NFA anterior.

**1.e)** Apresente uma expressão regular que represente a linguagem no alfabeto  $\Sigma=\{a,b\}$  em que todas as trings têm um número par de a's mas não têm mais do que dois a's consecutivos.



Considere o  $\epsilon$ -NFA à esquerda.

**1.a)** Apresente os conjuntos de fecho  $\epsilon$  de cada um dos estados e a tabela de transições do  $\epsilon$ -NFA.

**1.b)** Transforme o  $\epsilon$ -NFA num DFA equivalente e apresente o DFA na notação formal.

**Problema 2: Propriedades de Linguagens Regulares (4 valores)**

**2.a)** Prove usando o lema da bombagem para linguagens regulares que a linguagem constituída pelas palavras, no alfabeto formado pelas letras minúsculas, com o mesmo número de a's e de b's não é uma linguagem regular.

**2.b)** A linguagem  $L1=\{xyx \mid x=abc \text{ e } y \in \{a,b,c\}^*\}$  é uma linguagem regular? Caso seja, mostre que satisfaz o lema da bombagem para linguagens regulares. Caso não seja, use o lema da bombagem para linguagens regulares para provar que não é uma linguagem regular.

**Problema 3: Gramáticas sem Contexto (4 valores)**

Considere a seguinte gramática livre de contexto (CFG), na qual S representa a variável de início:

$$S \rightarrow 00S00 \mid 01S10 \mid 10S01 \mid 11S11 \mid \epsilon$$

**3.a)** Desenhe uma árvore de análise para a cadeia **10011001**, e indique os passos da derivação o mais à direita.

**3.b)** Descreva a linguagem representada por esta gramática.

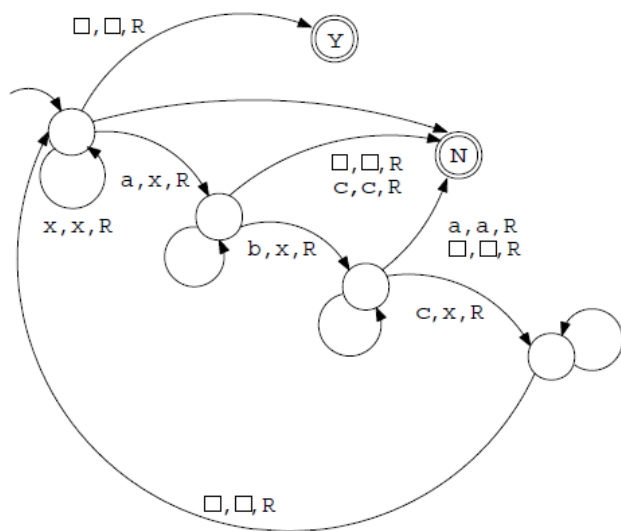
**3.c)** Esta gramática é ambígua? Justifique a resposta dada e caso seja ambígua elimine a ambiguidade da gramática.

**3.d)** Converta a gramática para um PDA que aceite por pilha vazia. Desenhe o diagrama de estados do PDA.

3.e) O PDA que obteve é determinista ou não-determinista? Justifique.

3.f) A linguagem  $L_{ww} = \{ ww \mid w \in \Sigma^* \}$  não é uma linguagem sem (livre de) contexto. O que pode dizer do seu complemento  $\overline{L_{ww}}$ ? Caso  $\overline{L_{ww}}$  seja uma linguagem sem contexto apresente uma gramática que a represente.

#### Problema 4: Máquina de Turing (4 valores)



Pretende-se uma Máquina de Turing que implemente a linguagem  $L = \{ a^n b^n c^n \mid n \geq 0 \}$ . A Máquina de Turing seguinte representa uma possível solução incompleta. O símbolo  $\square$  é usado para representar células vazias.

4.a) Complete a máquina indicando o diagrama de estados e a notação formal que a representa.

4.b) Apresente o traço de computação quando a entrada na fita é  $abc$ .

4.c) Baseando-se se possível na máquina de Turing apresentada, desenhe uma máquina de Turing que implemente o complemento da linguagem  $L$ . Caso seja possível basear-se na máquina de Turing apresentada, indique as modificações que tiver de fazer. Caso não seja possível, indique a estratégia para resolver o problema.

#### Problema 5: Afirmações sobre linguagens (3 valores)

Indique se cada uma das seguintes afirmações é verdadeira ou falsa e justifique sucintamente a resposta dada.

5.a) Um PDA (autómato de pilha) não-determinista obtido a partir de uma CFG pode ser sempre convertido num PDA determinista que implementa a mesma linguagem.

5.b) A linguagem que representa todos os números binários múltiplos de 4 mas que não são múltiplos de 3 é uma linguagem regular.

5.c) A concatenação de uma linguagem regular com uma linguagem não regular mas que pode ser representada por uma gramática sem contexto nunca dá uma linguagem regular.

5.d) Dadas duas linguagens regulares  $L_1$  e  $L_2$ , uma forma de verificar que  $L_1 = L_2$  é através do teste  $(L_1 \cap \overline{L_2}) = \emptyset$

5.e) É possível implementar com um DFA a operação de adição de dois números inteiros representados por 8 bits.

(Fim.)