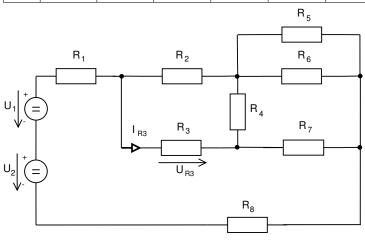
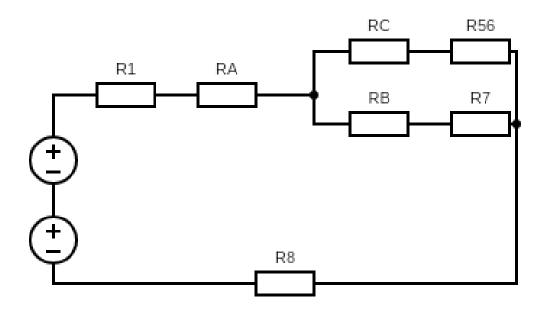
## Přiklad 1

Stanovte napětí  $U_{R3}$  a proud  $I_{R3}$ . Použijte metodu postupného zjednodušování obvodu.

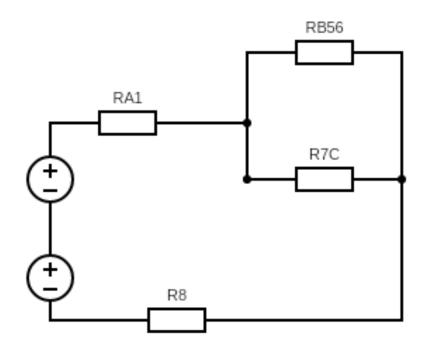
sk.	$U_1$ [V]	$U_2$ [V]	$R_1 [\Omega]$	$R_2 [\Omega]$	$R_3 [\Omega]$	$R_4 [\Omega]$	$R_5 [\Omega]$	$R_6 [\Omega]$	$R_7 [\Omega]$	$R_8 [\Omega]$	
С	100	80	450	810	190	220	220	720	260	180	





Obrázek 1: Uprava

$$R_{56} = \frac{R_6 \times R_5}{R_6 + R_5} \quad \Rightarrow \quad R_{56} = 168.51063829787233$$



Obrázek 2: Další úprava

$$R_{A1} = \frac{R_2 \cdot R_3}{R_2 + R_3 + R_4} + R_1 \quad \Rightarrow \quad R_{A1} = 576.1475409836065$$

$$R_{B56} = \frac{R_2 \cdot R_4}{R_2 + R_3 + R_4} + \frac{R_6 \cdot R_5}{R_6 + R_5} \quad \Rightarrow \quad R_{B56} = 314.57621206836416$$

$$R_{C7} = \frac{R_3 \cdot R_4}{R_2 + R_3 + R_4} + R_7 \quad \Rightarrow \quad R_{C7} = 294.2622950819672$$

$$R = \left(\frac{R_{B56} \cdot R_{C7}}{R_{B56} + R_{C7}}\right) + R_{A1} + R_8 \quad \Rightarrow \quad R = 908.1877$$

$$I = \frac{U}{R} \quad \Rightarrow \quad I = 0.1982$$

$$U_{B567C} = I \cdot \left(\frac{R_{B56} \cdot R_{C7}}{R_{B56} + R_{C7}}\right) \quad \Rightarrow \quad U_{B567C} = 30.13389439332759$$

$$I_{C7} = \frac{U_{B567C}}{R_{C7}} \quad \Rightarrow \quad I_{C7} = 0.10240487788261746$$

$$U_{R7} = I_{C7} \cdot R_7 \quad \Rightarrow \quad U_{R7} = 26.625268249480538$$

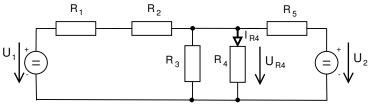
$$U_{R3} = U - U_{R7} - U_{R1} - U_{R8} \quad \Rightarrow \quad U_{R_3} = 28.5107$$

$$I_{R3} = \frac{U_{R3}}{R_3} \quad \Rightarrow \quad I_{R3} = 0.1501$$

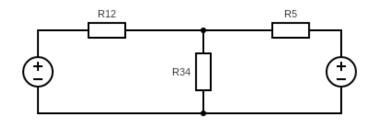
### Priklad 2

Stanovte napětí  $U_{R4}$  a proud  $I_{R4}$ . Použijte metodu Théveninovy věty.

sk.	$U_1$ [V]	$U_2$ [V]	$R_1 [\Omega]$	$R_2 [\Omega]$	$R_3 [\Omega]$	$R_4 [\Omega]$	$R_5 [\Omega]$
F	130	180	350	600	195	650	80



Úprava:



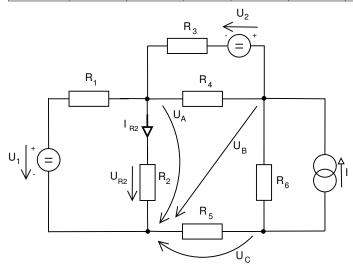
Obrázek 3: Uprava

$$\begin{split} R_i &= \frac{R_{12} \times R_5}{R_{12} + R_5} \\ R_i &= \frac{950 \times 80}{950 + 80} \quad \Rightarrow \quad R_i = 73.7864 \\ I_x &= \frac{U_2 - U_1}{R_{12} + R_5} \\ I_x &= \frac{180 - 130}{950 + 80} \quad \Rightarrow \quad I_x = 0.0485 \\ U_i &= U_1 + R_i \times I_x \\ U_i &= 130 + 950 \times 0.049 \quad \Rightarrow \quad U_i = 176.1165 \\ I_{R34} &= \frac{U_i}{R_i + R_{34}} \\ \frac{176.1165}{73.7864 + 150} \quad \Rightarrow \quad I_{R34} = 0.7870 \\ U_{R34} &= 0.7870 \times 150 \quad \Rightarrow \quad U_{R34} = 118.0477 \, \mathrm{V} \\ U_{R4} &= 118.0477 \, \mathrm{V} \\ I_{R4} &= \frac{118.0477}{650} \quad \Rightarrow \quad I_{R3} = 0.1816 \, \mathrm{A} \end{split}$$

## Příklad 3

Stanovte napětí  $U_{R2}$  a proud  $I_{R2}$ . Použijte metodu uzlových napětí  $(U_A,\,U_B,\,U_C)$ .

	102			· ·					
sk.	$U_1$ [V]	$U_2$ [V]	I[A]	$R_1 [\Omega]$	$R_2 [\Omega]$	$R_3 [\Omega]$	$R_4 [\Omega]$	$R_5 [\Omega]$	$R_6 [\Omega]$
Н	130	90	0.50	47	39	58	28	25	35



Uzel A: 
$$\frac{130 - U_A}{47} + \frac{U_B - U_A}{28} - \frac{90 - (U_B - U_A)}{58} - \frac{U_A}{39} = 0$$

Uzel B: 
$$\frac{5}{10} + \frac{90 - (U_B - U_A)}{58} - \frac{U_B - U_A}{28} - \frac{U_B - U_C}{35} = 0$$

Uzel C: 
$$\frac{U_B - U_C}{35} - \frac{5}{10} - \frac{U_C}{25} = 0$$

$$U_A=43.9024\,\mathrm{V}$$

$$U_{R2} = U_A \quad \Rightarrow \quad U_{R2} = 43.9024 \,\mathrm{V}$$

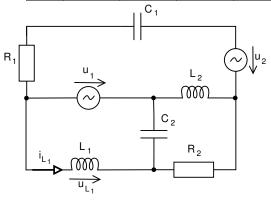
$$I_{R2} = \frac{U_{R2}}{39} \quad \Rightarrow \quad I_{R2} = 1.1257 \,\mathrm{A}$$

## Příklad 4

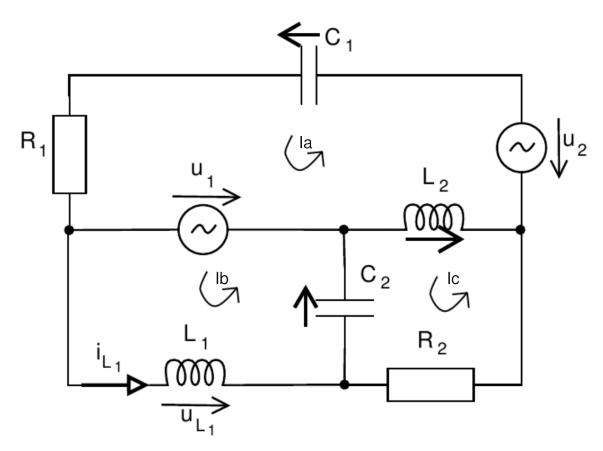
Pro napájecí napětí platí:  $u_1 = U_1 \cdot \sin(2\pi f t)$ ,  $u_2 = U_2 \cdot \sin(2\pi f t)$ . Ve vztahu pro napětí  $u_{L_1} = U_{L_1} \cdot \sin(2\pi f t + \varphi_{L_1})$  určete  $|U_{L_1}|$  a  $\varphi_{L_1}$ . Použijte metodu smyčkových proudů.

Pozn: Pomocné směry šipek napájecích zdrojů platí pro speciální časový okamžik  $(t=\frac{\pi}{2\omega}).$ 

sk.	$U_1$ [V]	$U_2$ [V]	$R_1 [\Omega]$	$R_2 [\Omega]$	$L_1$ [mH]	$L_2 [mH]$	$C_1$ [ $\mu$ F]	$C_2$ [µF]	f [Hz]
С	3	4	10	13	220	70	230	85	75



Naznačíme proudy  $I_a,\,I_b,\,I_c,\,\mathbf{j}$ elikož počítáme metodou smyčkových proudů.



Obrázek 4: Schéma obvodu s naznačenými smyčkovými proudy.

#### Sestavíme si rovnici podle smyček:

$$I_a: Z_{c1} + R_1 \cdot I_a + Z_{l2} \cdot (I_c - I_b) + U_1 - U_2 = 0$$

$$I_b: -U_1 + I_b \cdot Z_{l1} + Z_{l2} \cdot (I_b - I_c) = 0$$

$$I_c: -Z_{l2} \cdot (I_a - I_c) - Z_{c2} \cdot (I_b - I_c) + I_c \cdot R_2 = 0$$

#### Vyjadřime neznáme ktere víme

$$\omega = 2 \cdot \pi \cdot f \quad \Rightarrow \quad \omega = 471.23889803846896$$

$$t = \frac{\pi}{2 \cdot \omega} \quad \Rightarrow \quad t = \frac{1}{333}$$

$$Z_{c1} = \frac{-1j}{\omega \cdot C_1} \quad \Rightarrow \quad Z_{c1} = -9.23j$$

$$Z_{c2} = \frac{-1j}{\omega \cdot C_2} \quad \Rightarrow \quad Z_{c2} = -24.97j$$

$$Z_{l1} = 1j \cdot \omega \cdot L_1 \quad \Rightarrow \quad Z_{l1} = 103.67j$$

$$Z_{l2} = 1j \cdot \omega \cdot L_2 \quad \Rightarrow \quad Z_{l2} = 32.99j$$

#### Ze soustavy rovnic zjistime

$$I_a = 0.0039 - 0.0267j$$

$$I_b = 0.0017 - 0.0413j$$

$$I_c = -0.0053 + 0.0099j$$

$$U_{L1} = I_b \cdot Z_{l1} \quad \Rightarrow \quad U_{L1} = 4.2803$$

#### Z komplexní části $U_{L1}$ jsme schopni zjistit fázový posun

$$\Phi = \arctan\left(\frac{\mathrm{imaginarni\ cast}}{\mathrm{realna\ cast}}\right) \quad \Rightarrow \quad \Phi = 0.0408$$

#### Příklad 5

U

V obvodu na obrázku níže v čase t=0 [s] sepne spínač S. Sestavte diferenciální rovnici popisující chování obvodu na obrázku, dále ji upravte dosazením hodnot parametrů. Vypočítejte analytické řešení  $i_L=f(t)$ . Proveďte kontrolu výpočtu dosazením do sestavené diferenciální rovnice.

	sk.	U[V]	L [H]	$R\left[\Omega\right]$	$i_L(0)$ [A]
	F	25	10	50	8
	F	}			
			$\prod_{i_1}$		
0 s	مٰ		Å.		
$\sqrt{\epsilon}$	_		5		
	٦		25 r		
ı			9		
+			1		
<b>↓</b> -`	$\bigvee$				

#### Z ceho budeme vychaze

$$i = \frac{U_r}{R} \quad \Rightarrow \quad \text{Ohmův zákon}$$

 $U_r + U_l = U \quad \Rightarrow \quad \text{Kirchhoffův druhý zákon}$ 

$$i' = \frac{U_l}{L}, \quad i(0) = i_{L_0}$$

#### Samotny vypocet

**Kroky:** 1. Nejprve vyjádříme  $U_r$  z první rovnice. 2. Dosadíme  $U_r$  do druhé rovnice. 3. Poté dosadíme výsledek do třetí rovnice.

8

$$i' = \frac{U}{L} - \frac{R}{L} \times i$$

Úprava:

$$L \times i' + R \times i = U$$

Charakteristická rovnice:

$$L\lambda + R = 0 \quad \Rightarrow \quad \lambda = \frac{-R}{L}$$

Očekávané řešení:

$$i(t) = I_L e^{\lambda t} \quad \Rightarrow \quad I_L(t) = I_L e^{\frac{-R}{L}t}$$

Dosadíme do upravené rovnice:

$$I_L'(t) = \frac{U}{L}e^{\frac{R}{L}t}$$

Jelikož se jedná o derivaci, musíme integrovat:

$$\frac{U}{L} \int e^{\frac{R}{L}t} dt$$

**Substituce:**  $u = \frac{R}{L}t \implies du = \frac{R}{L} dt$ 

$$\frac{du}{dt} = \frac{R}{L}, \quad \text{tak\'ze} \quad dt = \frac{L}{R}du$$

$$\frac{U}{L} \int e^u \times \frac{L}{R} du$$

Zjednodušení:

$$\frac{U}{L} \times \frac{L}{R} \int e^u du$$

$$\frac{U}{R}e^u + C$$

Dosadíme zpět:

$$I_L = \frac{U}{R} + i(0) \cdot e^{\frac{R}{L} \cdot t}$$

$$i(0) =_{LP} \to 8 - \frac{U}{R} = i(0)$$

$$I_L = \frac{U}{R} + (8 - \frac{U}{R}) \times e^{\frac{R}{L}t}$$

$$I_L = \frac{1}{2} + (\frac{15}{2}) \cdot e^{-5 \times t}$$

Kontrola: dosadime za t = 0

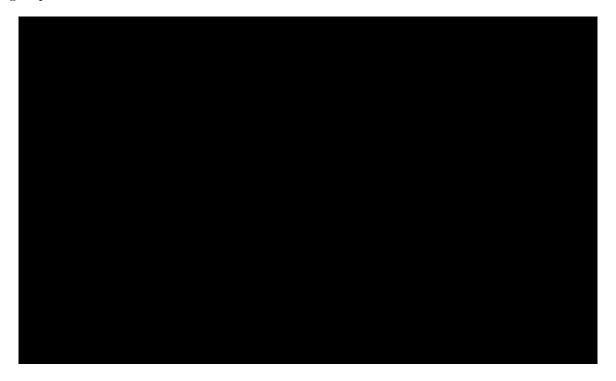
$$I_{L(0)} = \frac{1}{2} + (\frac{15}{2}) \cdot e^0$$

$$e^0 = 1$$

$$I_{L(0)} = \frac{1}{2} + \frac{15}{2}$$

$$I_{L(0)} = 8$$

## graf prubehu:



Obrázek 5: graf rovnice

# Shrnutí výsledků

Příklad	Skupina	Výsle	edky		
1	C	$U_{R3} = 28.5107V$	$I_{R3} = 0.1501A$		
2	F	$U_{R4} = 118.0477V$	$I_{R4} = 0.01816A$		
3	H	$U_{R2} = 43.9024V$	$I_{R2} = 1.1257A$		
4	C	$ U_{L_1}  = 4.2803V$	$\varphi_{L_1} = 0.0408 rad$		
5	F	$I_L = \frac{1}{2} + (\frac{15}{2}) \cdot e^{-5 \times t}$			