



IEL – protokol k projektu

Josef, Pasek
xpasekj00

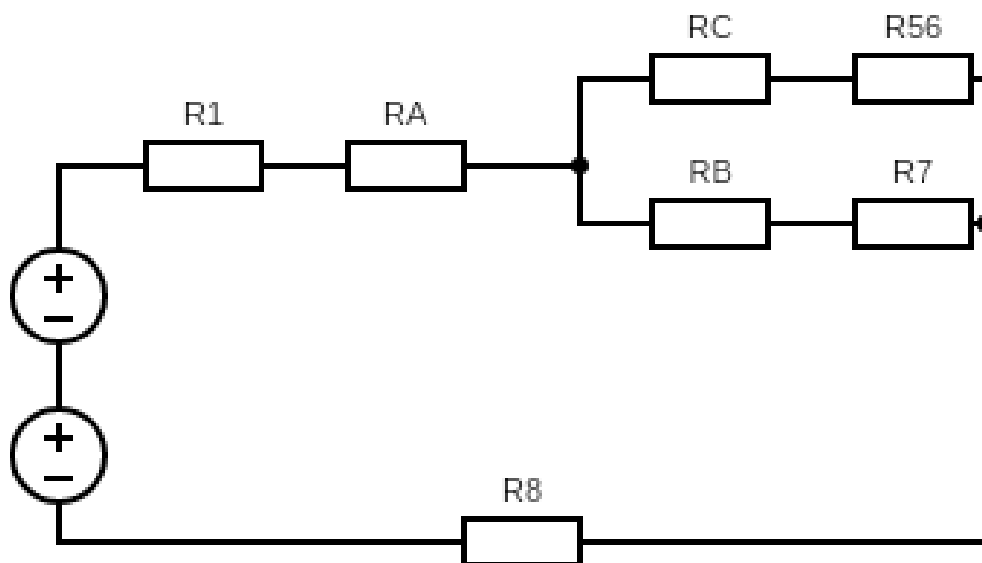
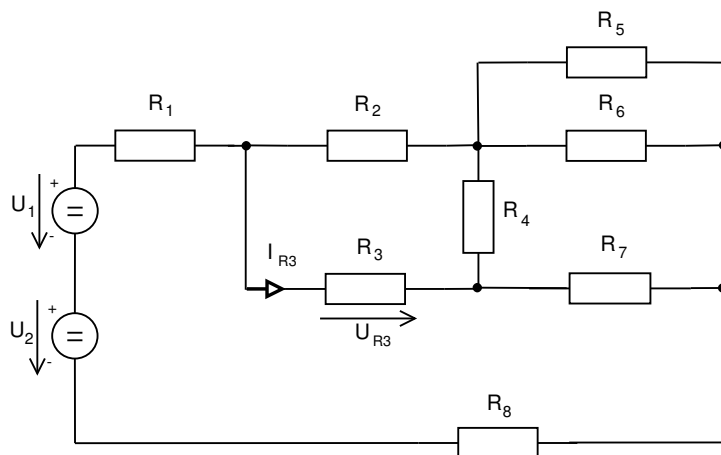
23. listopadu 2024

Obsah

1	Příklad 2	4
2	Příklad 3	5
3	Příklad 4	6
4	Příklad 5	7

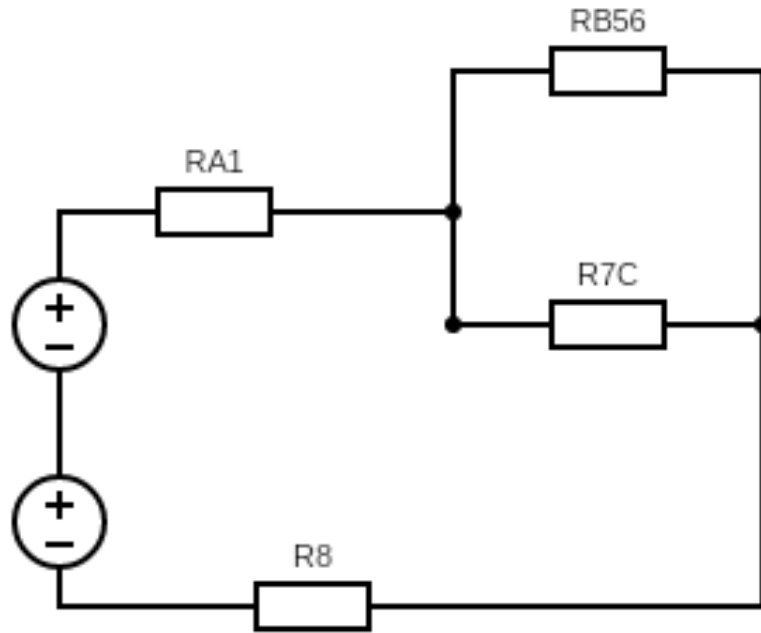
sectionPříklad 1 Stanovte napětí U_{R3} a proud I_{R3} . Použijte metodu postupného zjednodušování obvodu.

sk.	U_1 [V]	U_2 [V]	R_1 [Ω]	R_2 [Ω]	R_3 [Ω]	R_4 [Ω]	R_5 [Ω]	R_6 [Ω]	R_7 [Ω]	R_8 [Ω]
C	100	80	450	810	190	220	220	720	260	180



$$R_{56} = \frac{R_6 \times R_5}{R_6 + R_5} \Rightarrow R_{56} = 168.51063829787233$$

$$R_{A1} = \frac{R_2 \cdot R_3}{R_2 + R_3 + R_4} + R_1 \Rightarrow R_{A1} = 576.1475409836065$$



Obrázek 1: Další úprava

$$R_{B56} = \frac{R_2 \cdot R_4}{R_2 + R_3 + R_4} + \frac{R_6 \cdot R_5}{R_6 + R_5} \Rightarrow R_{B56} = 314.57621206836416$$

$$R_{C7} = \frac{R_3 \cdot R_4}{R_2 + R_3 + R_4} + R_7 \Rightarrow R_{C7} = 294.2622950819672$$

$$R = \left(\frac{R_{B56} \cdot R_{C7}}{R_{B56} + R_{C7}} \right) + R_{A1} + R_8 \Rightarrow R = 908.1877$$

$$I = \frac{U}{R} \Rightarrow I = 0.1982$$

$$U_{R3} = U - U_{R7} - U_{R1} - U_{R8}$$

$$U_{R7} = R_7 \cdot I \Rightarrow U_{R7} = 51.531196421069374$$

$$U_{R1} = R_1 \cdot I \Rightarrow U_{R1} = 89.18860919031238$$

$$U_{R8} = R_8 \cdot I \Rightarrow U_{R8} = 35.67544367612495$$

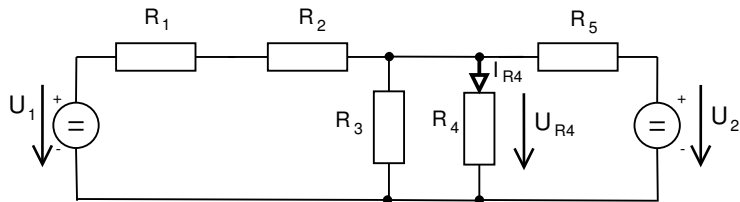
$$U_{R3} = 180 - 51.531196421069374 - 35.67544367612495 - 89.18860919031238 \Rightarrow U_{R3} = 3.6048$$

$$I_{R3} = \frac{U_{R3}}{R_3} \Rightarrow I_{R3} = 0.0190$$

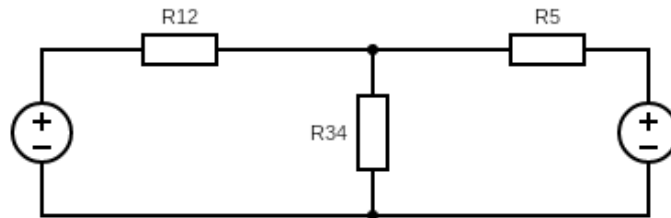
Příklad 2

Stanovte napětí U_{R4} a proud I_{R4} . Použijte metodu Théveninovy věty.

sk.	U_1 [V]	U_2 [V]	R_1 [Ω]	R_2 [Ω]	R_3 [Ω]	R_4 [Ω]	R_5 [Ω]
F	130	180	350	600	195	650	80



Úprava:



Obrázek 2: Další úprava

$$R_i = \frac{R_{12} \times R_5}{R_{12} + R_5}$$

$$R_i = \frac{950 \times 80}{950 + 80} \Rightarrow R_i = 73.786$$

$$I_x = \frac{U_2 - U_1}{R_{12} + R_5}$$

$$I_x = \frac{180 - 130}{950 + 80} \Rightarrow I_x = 0.049$$

$$U_i = U_1 + R_i \times I_x$$

$$U_i = 130 + 950 \times 0.049$$

$$I_{R34} = \frac{U_i}{R_i + R_{34}}$$

$$\frac{176.55}{73.786 + 150} \Rightarrow I_{R34} = 0.789$$

$$U_{R34} = 0.789 \times 150 \Rightarrow U_{R34} = 118.35 \text{ V}$$

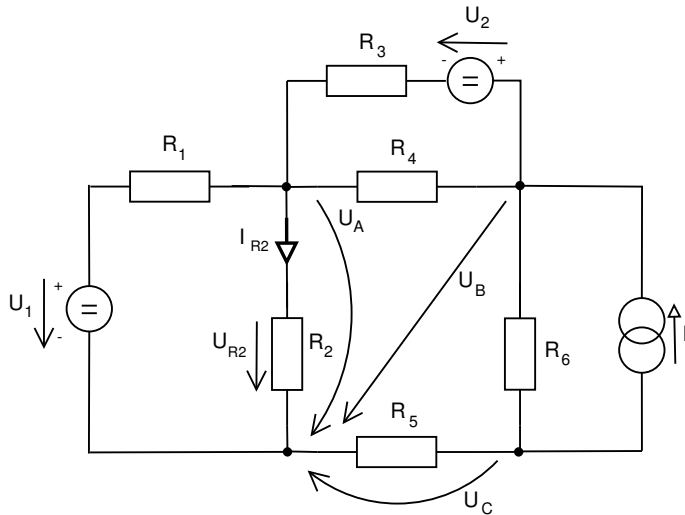
$$U_{R4} = 118.35 \text{ V}$$

$$I_{R4} = \frac{118.35}{650} \Rightarrow I_{R3} = 0.1821 \text{ A}$$

Příklad 3

Stanovte napětí U_{R2} a proud I_{R2} . Použijte metodu uzlových napětí (U_A, U_B, U_C).

sk.	U_1 [V]	U_2 [V]	I [A]	R_1 [Ω]	R_2 [Ω]	R_3 [Ω]	R_4 [Ω]	R_5 [Ω]	R_6 [Ω]
H	130	90	0.50	47	39	58	28	25	35



$$\text{Uzel A: } \frac{130 - U_A}{47} + \frac{U_B - U_A}{28} - \frac{90 - (U_B - U_A)}{58} - \frac{U_A}{39} = 0$$

$$\text{Uzel B: } \frac{5}{10} + \frac{90 - (U_B - U_A)}{58} - \frac{U_B - U_A}{28} - \frac{U_B - U_C}{35} = 0$$

$$\text{Uzel C: } \frac{U_B - U_C}{35} - \frac{5}{10} - \frac{U_C}{25} = 0$$

$$U_A = 43.9024 \text{ V}$$

$$U_{R2} = U_A \Rightarrow U_{R2} = 43.9024 \text{ V}$$

$$I_{R2} = \frac{U_{R2}}{39} \Rightarrow I_{R2} = 1.1257 \text{ A}$$

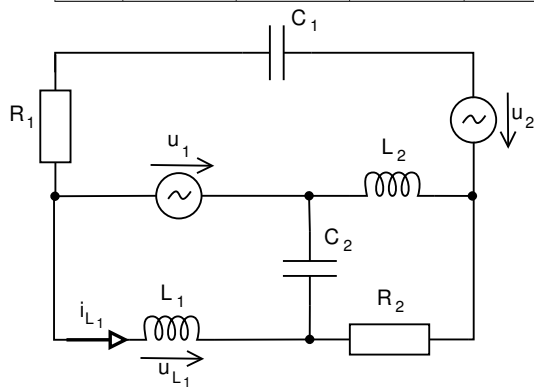
Příklad 4

Pro napájecí napětí platí: $u_1 = U_1 \cdot \sin(2\pi ft)$, $u_2 = U_2 \cdot \sin(2\pi ft)$.

Ve vztahu pro napětí $u_{L_1} = U_{L_1} \cdot \sin(2\pi ft + \varphi_{L_1})$ určete $|U_{L_1}|$ a φ_{L_1} . Použijte metodu smyčkových proudů.

Pozn: Pomocné směry šipek napájecích zdrojů platí pro speciální časový okamžik ($t = \frac{\pi}{2\omega}$).

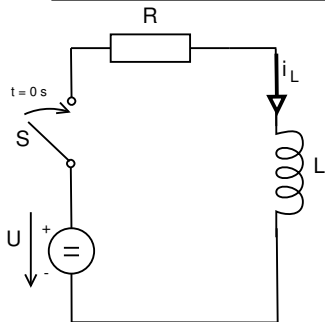
sk.	U_1 [V]	U_2 [V]	R_1 [Ω]	R_2 [Ω]	L_1 [mH]	L_2 [mH]	C_1 [μ F]	C_2 [μ F]	f [Hz]
B	2	4	11	15	100	85	220	95	80



Příklad 5

V obvodu na obrázku níže v čase $t = 0$ [s] sepne spínač S . Sestavte diferenciální rovnici popisující chování obvodu na obrázku, dále ji upravte dosazením hodnot parametrů. Vypočítejte analytické řešení $i_L = f(t)$. Proveďte kontrolu výpočtu dosazením do sestavené diferenciální rovnice.

sk.	U [V]	L [H]	R [Ω]	$i_L(0)$ [A]
F	25	10	50	8



Z ceho budeme vycházet

$$i = \frac{U_r}{R} \Rightarrow \text{Ohmův zákon}$$

$$U_r + U_c = U \Rightarrow \text{Kirchhoffův druhý zákon}$$

$$i' = \frac{U_c}{L}, \quad i(0) = i_{L0}$$

Samotný výpočet

Kroky: 1. Nejprve vyjádříme U_r z první rovnice. 2. Dosadíme U_r do druhé rovnice. 3. Poté dosadíme výsledek do třetí rovnice.

$$i' = \frac{U}{L} - \frac{R}{L} \times i$$

Úprava:

$$L \times i' + R \times i = U$$

Charakteristická rovnice:

$$L\lambda + R = 0 \Rightarrow \lambda = \frac{-R}{L}$$

Očekávané řešení:

$$i(t) = I_L e^{\lambda t} \Rightarrow I_L(t) = I_L e^{\frac{-R}{L}t}$$

Dosadíme do upravené rovnice:

$$I_L'(t) = \frac{U}{L} e^{\frac{R}{L}t}$$

Jelikož se jedná o derivaci, musíme integrovat:

$$\frac{U}{L} \int e^{\frac{R}{L}t} dt$$

Substitute: $u = \frac{R}{L}t \Rightarrow du = \frac{R}{L} dt$

$$\frac{du}{dt} = \frac{R}{L}, \quad \text{takže} \quad dt = \frac{L}{R} du$$

$$\frac{U}{L} \int e^u \times \frac{L}{R} du$$

Zjednodušení:

$$\frac{U}{L} \times \frac{L}{R} \int e^u du$$

$$\frac{U}{R} e^u + C$$

Dosadíme zpět:

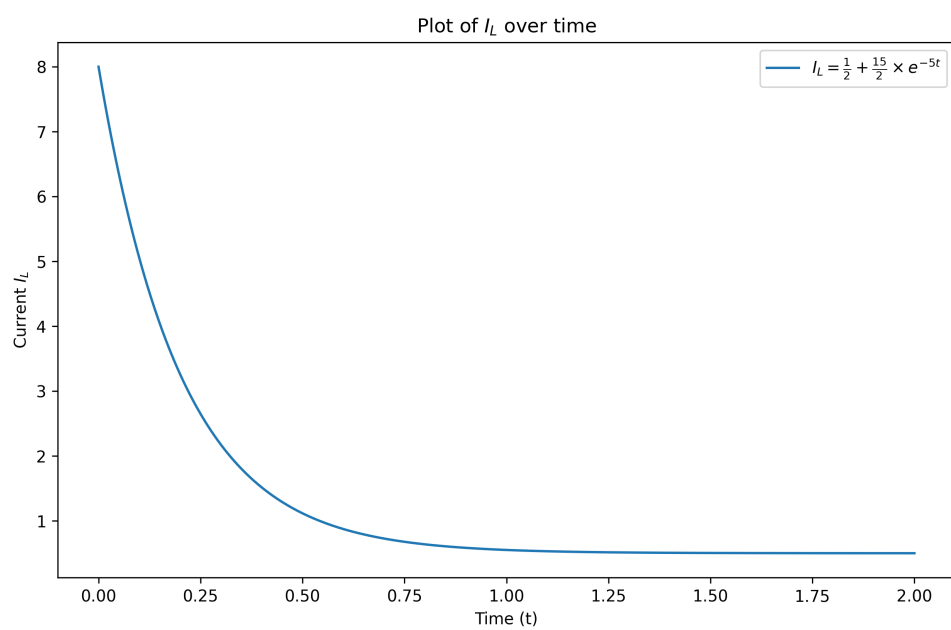
$$I_L = \frac{U}{R} + i(0) \cdot e^{\frac{R}{L}t}$$

$$i(0) =_{LP \rightarrow} 8 - \frac{U}{R} = i(0)$$

$$I_L = \frac{U}{R} + \left(8 - \frac{U}{R}\right) \times e^{\frac{R}{L}t}$$

$$I_L = \frac{1}{2} + \frac{15}{2} \times e^{-5 \times t}$$

graf průběhu:



Obrázek 3: graf rovnice