Benemérita Universidad Autónoma de Puebla Facultad de Ciencias de la Computación

## Máquinas de aprendizaje

Reporte: Otro ejemplo de reglas de asociación



Docente: Abraham Sánchez López

**Alumno** Matrícula

Taisen Romero Bañuelos

202055209

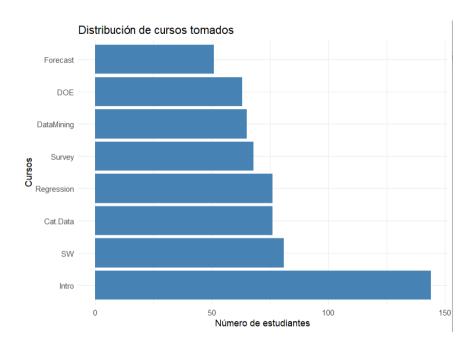
## Identificación de combinaciones de cursos

El dataset es el mismo que el que usamos en la actividad 15 (Tarea de reglas de clasificación), así que voy a recuperar los elementos más importantes del EDA.

Los datos son binarios (indican si se compró el curso o no) por lo que un histograma y otros ploteos típicos del EDA será mejor omitirlos.

```
str(data)
'data.frame':
                      365 obs. of
                                        8 variables:
                  : int 1001101010
$ Intro
 $ DataMining: int
                            \stackrel{-}{1} 0 1 0 1 1 0 0 0 0 ...
                            0\; 1\; 0\; 0\; 0\; 0\; 0\; 0\; 0\; 0\; \dots
$ Survey
                     int
                             \begin{smallmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & \dots \end{smallmatrix} 
$ Cat.Data
                 : int
                            0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ \dots
$ Regression: int
$ Forecast :
                             \begin{smallmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & \dots \end{smallmatrix} 
                    int
$ DOE
                  : int 000000100...
                  : int
                            0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0
```

Como no podemos hacer un histograma con la función hist() por el tipo de datos que manejamos hagamos en su lugar un conteo de los cursos tomados para ver su distribución general. Como podemos ver, Intro está al frente, por lo que podemos estar seguro que el principio a priori de las reglas va a darle mucha atención a las combinaciones con Intro.



Podemos empezar a identificar correlaciones entre cursos si hacemos una matriz de correlación. Aquí, al igual que en el plot anterior, podemos empezar a inferir el tipo de reglas que obtendremos con el principio a priori. Si nos damos cuenta, Forecast tiene varias correlaciones positivas fuertes, lo que me hace pensar que veremos reglas con Forecast. Sobre Intro, tenemos correlaciones negativas, lo que me hace cuestionarme

cómo afectará a la creación de reglas, no sé si al ser negativa la correlación afecte negativamente a la creación de las reglas.

```
> cor(data)
                          DataMining
                                                      Cat.Data
                                                                Regression
            1.00000000 -0.082693720 -0.069501766
                                                   -0.05499603
                                                                -0.05499603 -0.01811741 -0.116513585
                                                                                                       0.041061518
DataMining -0.08269372
Survey -0.06950177
                        1.000000000 -0.020408216
                                                    0.07876161
                                                                0.04348801
                                                                             0.12223245 -0.042052708
                                                                                                      -0.007318342
                        -0.020408216
                                      1.000000000
                                                    0.15321827
                                                               -0.08940502
                                                                             0.09130416
                                                                                         0.004897391
                                                                                                       0.049270862
           -0.05499603
                                                    1 00000000
Cat. Data
                         0.078761609
                                      0 153218274
                                                                0.06938627
                                                                             0 10472150
                                                                                         0.069317100
                                                                                                       0.099608568
Regression -0.05499603
                                                                             0.06579752
                                     -0.089405023
                                                    0.06938627
                                                                1.00000000
                                                                                        -0.037813775
                         0.043488005
                                                                                                       0.050894239
                                      0.091304159
                                                    0.10472150
                                                                0.06579752
                                                                             1.00000000
           -0.01811741
                        0.122232455
                                                                                         0.025035587
                                                                                                       0.031990187
Forecast
            -0.11651358
                        -0.042052708
                                      0.004897391
                                                    0.06931710
                                                                -0.03781377
                                                                             0.02503559
                                                                                         1.000000000
                                                                                                       0.122462663
            0.04106152 -0.007318342
                                      0.049270862
                                                    0.09960857
                                                                0.05089424
                                                                             0.03199019
                                                                                         0.122462663
                                                                                                       1.000000000
```

También podemos identificar las combinaciones típicas de los cursos si hacemos una matriz de co-ocurrencia, esta matriz será fundamental para que en un futuro corroboremos los resultados obtenidos con las reglas de asociación.

```
> #Matriz de co-ocurrencia (Para estudiar qué cursos aparecen con mayor frecuencia juntos en un mismo estudiante)
> co_occurrence <- t(data) %*% as.matrix(data)</pre>
> co_occurrence
           Intro DataMining Survey Cat.Data Regression Forecast DOE SW
Intro
                                                                      9 14
DataMining
Survey
              22
                          11
                                  68
                                           23
                                                                 14
                                                                     12 18
                                                                    17 23
11 20
Cat. Data
              26
                          18
                                 23
                                           76
                                                       20
                                                                 16
                                                       76
               26
                                           20
Regression
                          16
                                                                 51
                                                                     10 13
Forecast
                                           16
               17
                                  12
                                                                 10
                                                                     63 21
DOE
                                                       11
```

Técnicamente con esta matriz ya podemos ver las reglas que se crearán con las reglas. Aunque la correlación de Intro fue negativa para casi todos los cursos, en promedio tiene más combinaciones con otros cursos que cualquier otro. Esto podría leerse como que "Si no se compra un curso de Intro es menos probable que compren cualquier otro curso", a excepción de SW que era el único con una correlación positiva con Intro.

Para obtener reglas más legibles cambiaré los valores binarios (1,0) por (Yes, No).

```
> head(data)
 Intro DataMining Survey Cat.Data Regression Forecast DOE
                                                               No
3
     No
                Yes
                        No
                                 Yes
                                            Yes
                                                       No
                                                           No Yes
                No
                        No
                                             No
   Yes
                                  No
                                                       No
                                                           No
                                                               No
5
    Yes
                Yes
                        No
                                  No
                                             No
                                                       No
                                                           No
                                                               No
     No
                Yes
                        No
                                  No
                                                       No
                                                           No
```

Para convertir el data frame en un formato de transacción usé la función as(). De manera similar a as.factor(), sólo que con algunas variaciones.

```
> #Convertir los datos a formato de transacciones
> data_trans <- as(data, "transactions")
> head(data_trans)
transactions in sparse format with
6 transactions (rows) and
16 items (columns)
```

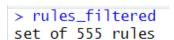
Ahora ya podemos pasar a entrenar nuestro modelo de reglas de asociación.

```
> summary(rules)
set of 4169 rules
rule length distribution (lhs + rhs):sizes
 106 489 1083 1231 879 325 56
    Min. 1st Qu. Median
                                     Mean 3rd Qu.
  2.000 4.000 5.000 4.836 6.000
                                                         8 000
summary of quality measures:
     support
                            confidence
                                                      coverage
                          CONTIGENCE COVERAGE IIIT
Min. :0.6000 Min. :0.05479 Min. :0.7252
1st Qu.:0.7937 1st Qu.:0.09041 1st Qu.:0.9951
Median :0.8571 Median :0.11233 Median :1.0665
Mean :0.8494 Mean :0.19069 Mean :1.0889
  Min. :0.05205
1st Qu.:0.07945
 Min.
                                                                                                 Min. : 19.00
1st Qu.: 29.00
 Median :0.09589
Mean :0.15887
                                                                                                  Median : 35.00
Mean : 57.99
                                                                                                  Mean
                                                                                                  3rd Qu.: 81.00
Max. :264.00
                          3rd Qu.:0.9130 3rd Q
Max. :1.0000 Max.
                                                 3rd Qu.:0.24658
Max. :0.86027
  3rd Qu.:0.22192
                                                                           3rd Qu.:1.1489
           :0.72329 Max.
                                                                         Max.
                                                                                    :4.5647
mining info:
          data ntransactions support confidence
trans 365 0.05 0.6
                                                         call
0.6 apriori(data = data_trans, parameter = list(supp = 0.05, conf = 0.6, minlen = 2))
  data_trans
```

Bien, tenemos 4169 reglas, esto podría significar que estamos siendo permisivos con los criterios de generación de reglas, sin embargo, tengamos 100 o 200 reglas, si hacemos un inspect podemos ver las mejores reglas, y supongo que como son las mejores reglas van a aparecer siempre, se generen 100 reglas o 200. Esto lo deduzco en parte porque en la actividad pasada se comparó Eclat con Apriori y se demostró que pese a que son metodologías diferentes las reglas importantes siempre serán las mismas, por así decirlo, "La verdad es la verdad, la diga el Quijote o su porquero". También podemos notar que la mayoría de las reglas tienen entre 4 y 5 elementos (se nota en la distribución del tamaño de las reglas), esto podría ser una señal de que quizá sí hay que ser más estricto con la generación de reglas ya que es extraño que una persona compre 5 cursos del jalón. Luego, en la confianza se nos dice que mínimo, todas las reglas tienen un 60% de confianza, y también que la regla más fuerte aparece en el 72% de los casos (en support). En promedio, la confianza de las reglas es del 85%, pero creo que habrá que tomar este dato con pinzas, en un momento lo explicaré.

Además, podemos decir que según el soporte mínimo absoluto, cualquier regla debe aparecer en al menos 18 de las 365 transacciones.

Si hacemos un filtrado para sólo seleccionar las reglas que tengan un lift > 1.2 y una confianza de al menos el 70% estamos reduciendo el número de reglas a 55.



Esto debería bastar para poder quedarnos sólo con aquellas reglas que nos sean de ayuda, sin embargo hay un problema que sólo se ve si mostramos muchas reglas y no sólo las 10 mejores.

```
        support
        confidence
        coverage
        lift
        co

        0.12602740
        0.7301587
        0.17260274
        1.205918
        46

        0.09863014
        0.8571429
        0.11506849
        1.415643
        36

                                           {DOE=Yes}

(DOE=Yes, SW=No)

{Intro=No, DOE=Yes}

{Regression=No, DOE=Yes}

{Cat. Data=No, DOE=Yes}

{Survey=No, DOE=Yes}

{DataMining=No, DOE=Yes}

{Porecast=No, DOE=Yes}

{DataMining=Yes, Regression=No}

{DataMining=Yes, Forecast=No}

{Survey=Yes, SW=No)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               => {Regression=No} 0.12054795 0.9565217
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               => {Intro=No}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.12054795 0.8461538
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      0.14246575 1.397494 44
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               => {Intro=No}
=> {Intro=No}
=> {Intro=No}
=> {Intro=No}
=> {Intro=No}
=> {Intro=No}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0 10136986 0 8043478
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0 12602740 1 328448
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.10136986 0.8043478
0.10684932 0.7647059
0.11232877 0.7592593
0.10684932 0.7358491
0.10684932 0.7959184
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      0.14794521 1.253980 41
0.14794521 1.253980 41
0.14520548 1.215316 39
0.13424658 1.314526 39
0.12876712 1.229903 35
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           => {Intro=No}

-> {Intro=No}

-> {Intro=No}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.10684932 0.7959184
0.09589041 0.7446809
                                     {DataMining=Yes, Cat.Data=No} {DataMining=Yes, Forecast=No} {Survey=Yes, SW=No} {Survey=Yes, SW=No} {Survey=Yes, Cat.Data=No} {Survey=Yes, Cat.Data=No} {Survey=Yes, Cat.Data=No} {Survey=Yes, Forecast=No} {Regression=Yes, SW=No} {Cat.Data=No, Regression=Yes} {DataMining=No, Regression=Yes} {Regression=Yes, D0E=No} {Cat.Data=Yes, Regression=No} {Regression=No, Forecast=Yes, SW=No} {Survey=No, Regression=No, Forecast=Yes} {Regression=No, D0E=Yes, SW=No} {Cat.Data=No, D0E=Yes, SW=No} {Cat.Data=No, D0E=Yes, SW=No} {DataMining=No, D0E=Yes, SW=No} {DataMining=No, D0E=Yes, SW=No} {DataMining=No, D0E=Yes, SW=No} {Forecast=No, D0E=Yes, SW=No} {Cat.Data=No, D0E=Yes, SW=No} {Cat.Data=No, D0E=Yes, SW=No} {Cat.Data=No, D0E=Yes} {Survey=No, Regression=No, D0E=Yes} {Survey=No, DataMining=No, D0E=Yes} {DataMining=No, Regression=No, D0E=Yes} {Intro=No, DataMining=No, D0E=Yes} {Survey=No, Cat.Data=No, D0E=Yes} {Survey=No, Cat.Data=No, D0E=Yes} {Survey=No, Cat.Data=No, D0E=Yes} {Survey=No, Cat.Data=No, D0E=Yes} {DataMining=No, Cat.Data=No, D0E=Yes} {Cat.Data=No, D0E=Yes} {Cat.Data=No
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.10136986 0.7400000
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.13698630 1.222172 37
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      0.13698630 1.321267
0.12328767 1.211161
0.14794521 1.223395
0.15342466 1.297673
0.15342466 1.238688
0.16438356 1.211161
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.10958904 0.8000000
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      0.10958904 0.

0.09041096 0.

0.10958904 0.

0.12054795 0.

0.12054795 0.

0.131506849 0.

0.11506849 0.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      .8000000
.7333333
.7407407
.7857143
.7500000
.7333333
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       1.211161 33
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           >> {Intro=No} 
>> {In
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            7384615
7500000
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.17808219 1.219631
0.15342466 1.238688
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.05479452 0.
0.05205479 0.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        7407407
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        7600000
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.06849315
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.05205479 0.7307692
0.05205479 0.7307692
0.09315068 0.8947368
0.08493151 0.9117647
0.08767123 0.8888889
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       1.468074
1.513952
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.09041096 0.9166667
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.09863014
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.08767123 0.8888889
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.09863014 1.468074
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.09589041 0.8974359
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.10684932 1.482191
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           ⇒ {Intro=No} 0.09589041 0.89/4359

> {Regression=No} 0.10410959 0.8636364

> {Regression=No} 0.10684932 0.8666667

> {Regression=No} 0.10684932 0.86666667

> {Regression=No} 0.10410959 0.9743590

> {Intro=No} 0.10410959 0.8636364

> {Intro=No} 0.10410959 0.8636364

> {Intro=No} 0.09041096 0.8048780
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.10684932 1.230592
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      0.12054795 1.426368
0.11232877 1.201367
0.12328767 1.431373
0.10684932 1.230592
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                0.10684932 1.230592 38
0.12054795 1.426368 38
0.11232877 1.329323 33
0.11780822 1.344312 35
0.11232877 1.329323 33
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          0.09589041 0.8139535
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.09041096 0.8048780
```

Sólo obtenemos un "predicciones" negativas en el rhs. Es decir, ninguna regla nos dice que si compramos x curso es probable que también compre el curso y. Obviamente esto no nos ayuda a saber qué agrupaciones de cursos sugerirle a la empresa para incrementar sus ingresos. Pero no es todo, en aquellas reglas de "predicción positiva" sólo tenemos valores "No" en lhs. Es como decir que si el cliente no compra los cursos A complemento, entonces es probable que compre A.

```
> inspect(sort(rules, by = "lift")[1:100])
                                                   #Las 10 reglas con mayor lift
                                                                                   lift count
                           rhs
                                                support confidence
                                                                     coverage
      {Intro=No,
      DataMining=No,
      Survey=No,
Cat.Data=No,
       Regression=No,
       Forecast=No,
       SW=No}
                        => {DOE=Yes}
                                            0.07123288 0.7878788 0.09041096 4.564695
[2] {Intro=No,
       Survev=No
       Cat.Data=No,
       Regression=No.
      DOE=No,
                        => {DataMining=Yes} 0.06575342 0.7741935 0.08493151 4.347395
[3]
     {Intro=No,
       DataMining=No,
      Cat.Data=No.
       Regression=No,
       Forecast=No,
       DOE=No,
                        => {Survey=Yes}
                                          0.06301370 0.7666667 0.08219178 4.115196
       SW=No}
[4]
     {Intro=No
       DataMining=No,
      Survey=No,
Cat.Data=No,
       Forecast=No.
                        => {Regression=Yes} 0.09041096  0.8250000 0.10958904  3.962171
       SW=No?
     {Intro=No
       DataMining=No.
       Survey=No,
       Cat.Data=No,
       Regression=No,
                        => {DOE=Yes}
                                          0.07397260 0.6279070 0.11780822 3.637874
       SW=No}
```

Si hacemos un filtrado para conservar sólo las reglas con un lhs de "Yes" pero en que todos los cursos de rhs no sean "No" obtenemos que no hay reglas así. Es decir, que las únicas reglas que nos dan rhs="Yes" son aquellas en que lhs="No" para todos sus cursos.

```
> rules_yes <- subset(rules, rhs %pin% "=Yes") #Mantener las reglas donde el RHS tenga al menos un curso con "Yes"
> rules_no_redundant <- subset(rules_yes, !all(lhs %pin% "=No")) #Eliminar reglas redundantes (donde todos los de lhs son "No")
> length(rules_no_redundant)
[1] 0
```

Veremos si generando las reglas de nuevo podemos mejorar los resultados. Para ello reduje el soporte a 0.006 y para agilizar las cosas sólo marengo aquellas reglas en que rhs="Yes".

Como vemos, sólo generamos 30 reglas:

```
> summary(rules_v2)
set of 30 rules
```

Si inspeccionamos dichas reglas nos daremos cuenta de que otra vez, no generamos reglas de calidad. Todas las reglas con rhs="Yes" implican que todos los cursos de lhs tengan "No".

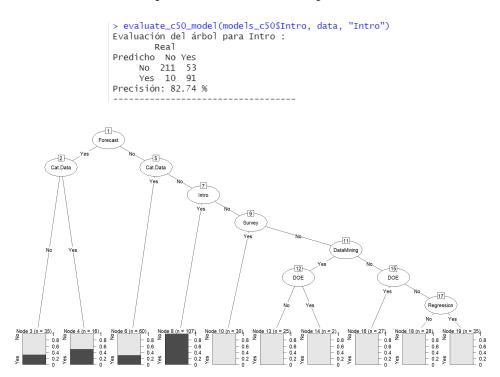
```
> inspect(rules_v2)
    1hs
                     rhs
                                      support confidence
                                                        coverage
                                                                    lift count
[1] {DataMining=No,
     Survey=No,
    Cat. Data=No.
    Regression=No,
     SW=No}
                  => {Intro=Yes}
                                   81
[2] {Survey=No
     Cat.Data=No,
    Regression=No,
    DOE=No.
                 => {Intro=Yes}
                                   0.22739726  0.6640000  0.34246575  1.683056
                                                                           83
    SW=No}
```

Dato curioso: Si aumento una décima el soporte deja de generar reglas.

En fin, ¿Qué podemos concluir de estos resultados?, básicamente que Apriori puede no ser un modelo bueno para nuestros datos, ya que si recordamos, tenemos pocas observaciones. Pero al menos sobre los resultados que obtuvimos podemos inferir que la mayoría de las transacciones donde no se compra nada (todos los cursos son "No")

terminan con la compra de un curso en particular (como "Intro=Yes" o "DataMining=Yes"), y el algoritmo podría generar reglas que reflejan este patrón, que si bien es redundante pareciera ser que es lo más interesante que captó.

Pero eso no es todo, veamos qué nos dice C.50 al respecto.



C.50 tiene un rendimiento bueno, por lo que podemos considerarlo para hacer predicciones. Ahora la duda es, ¿Random Forest será mejor?, quien sabe, pero creo que la cantidad de observaciones jugó en mucha contra para las reglas a priori, incluso pese a que este problema es básicamente un problema de la canasta de compras.

En fin, lo bueno que dejaron las reglas a priori fue este gráfico.

