京大理科数学 1993

50/120/5

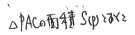
1		Tí	田口	稅	
b	奶查数	B	B	В	20
[2]	种变数	В	13	B	20
[3]	関数	В	B	B	20
4	不等七	β	B	B	20
[5]	不等力	B	B	B	20
0					

[解] ABzy南的庆杰 Cz好之开新作的3

T33.72断缐上1点(X.Y)

(oxx) Tの接押口

冰門2583時.



®をやつからY=すたから、XプーY=1に対な (X>の)

$$\chi = \frac{1}{1+\sqrt{1}} = \frac{1}{1+\frac{1}{p_2}}$$

$$\sum (b) = \frac{7}{1} \frac{b}{b} (b + \frac{b}{b})$$

$$=\frac{1}{2}\left[\frac{(p^2+1)^3}{p^4}\right]$$

一の内でfipitite-fipin hima時、Sipin hint.ods

A PABO面缝 L Min とかる。

$$f(p) = \frac{1}{(t-1)^2} (t = p^2 + 1, (71))$$

$$= \frac{1}{d^3 - 2d^2 + d} \quad (d = \frac{1}{t}, 0 < d < 1)$$

かまなる

か5 =

「本時のミス]

[#] C1, C2n +10: 01, O2 & 130 UT C=0.0, S=5ml & 13.

 $\left| \left| \left| \left| \left| \left| \left| \left| \right| \right| \right| \right|^2 \right| = \left(\left| \left| \left| \left| \left| \left| \right| \right| \right| \right| \right)^2 + \left| \left| \left| \left| \left| \left| \left| \left| \right| \right| \right| \right| \right| \right| + 2 \left(\left| \left| \left| \left| \right| \right| \right| \right) \right)^2$

) | po2 | 2 = (c-(1-b))+ 52 = (b-1)2+ |-2(1-b) C

たからム PRO」、APRO」にもツェラスの定理を用いて、

 $|PQ|^2 = |PQ_1|^2 - \alpha^2 = 2(1-\alpha) (HC)$

| PR|2= | PO_1|2- 6= 2 (1-6) (1-c)

timo (pol . IPRI 205).

[Pa] = 2(1-0)(1+co.8) | DR = 2(1-6)(1-c)

である。コーラー・シュワルツジ

 $|PQ| + |PR| \le \overline{\int (1+1) |2(1-a)|(1+c) + 2(1-b)|(1-c)|}$

= 2/2-a-6

て、筆号成立は、OSQ, bS(II). (*:C, C, th Cに合きかる)

12(1-0)(1+0) - 12(1-6)(1-0)

 $\iff (1-\alpha)(1+\alpha) = (1-\beta)(1-\alpha)$

(2-α-b) c= α-b

てあり、2-a-b 2 a-b台 12a か.のをお下す C (-|٤c≤1) が必了存在記。以上的.★刊。

max 1901+1981 = 2 /2-a-b

[解] 「例状」次1以上於2何定好。い時、行い方無始関数のりを下切とは、

F(x) = 2 akxxk

とがは、ただし、Onto, NEN22 である。

$$(\pm a) = F(x+1) - F(x) = a_{n}(x+1)^{n} + a_{n+1}(x+1)^{n+1} - a_{n}x^{n} - a_{n+1}x^{n+1} + \cdots$$

$$= n \cdot a_{n}x^{n-1} + \frac{1}{2}(n-1)a_{n+1} + nc_{2}a_{n}x^{n-2} + \cdots$$

$$(\pm a) = cF'(x) = cna_{n}x^{n-1} + (n-1) \cdot ca_{n+1}x^{n-2} + \cdots$$

たな5. h-1, h-2次の項は地較にし、(*in22)

$$n G_n = C n G_n$$

 $(n-1) G_{n-1} + \frac{1}{2} n (n-1) G_n = C (n-1) G_{n-1}$

のはい annものから C=1であるが、②に代えすると n(n-1)an=の となり、 nzz, anものに不肯。 まって F(1)は 1次以下、1計) f(1)は定数である。因 [解]

(1) [0,1] TIB
$$0 < (Hx)^{\frac{n}{n}}$$
, $\chi \in \mathbb{R}^2$ e find $(\chi \in \mathbb{R}^2)$ by $\chi = \chi \in \mathbb{R}^2$ e $(\chi \in \mathbb{R}^2)$ by $\chi = \chi \in \mathbb{R}^2$ e $(\chi \in \mathbb{R}^2)$ by $\chi \in \mathbb{R}^2$ e $(\chi \in \mathbb{R}^2)$ by $\chi \in \mathbb{R}^2$ by $\chi \in \mathbb{$

(2)
$$G_{n} = \left[-\frac{1}{n} (H_{x})^{-n} e^{x^{2}} \right]_{0}^{1} + \frac{1}{n} \int (H_{x})^{-n} 2\pi e^{x^{2}} dx$$

$$= -\frac{1}{n} \left[e \cdot 2^{-n} - 1 \right] + \frac{2}{n} b_{n}$$

$$f_{n} = \left(1 - \frac{e}{2^{n}} \right) + 2b_{n} \rightarrow 1 \quad (m + a) \quad (" (1))$$

 $= \frac{e}{1-n} \left[2^{1-n} - 1 \right] \rightarrow 0 \quad (n \rightarrow n)$

$$\frac{1}{h G_{n} \rightarrow | (n \rightarrow 0)|}$$

「解了对那性奶、叶田以上偶数状出る石度率をd、凡国偶数状出る破率を良いると

T' $\beta_n = d + \beta \tau \delta \delta_n$ $\beta = \frac{2nC_n}{2^{2n}} + \tau \delta_n \delta_n \delta_n \delta_n \delta_n$

$$P_n = \frac{1}{2}(1+\beta) = \frac{1}{2} \left\{ 1 + \frac{2nC_n}{4n} \right\}$$

とける。以下"2000 210 - 3か生でのれて城村322"- 田を場所法で示す。 n=1の時时成立。以下h=keNで的成立を何定招。

$$\frac{2^{\frac{1}{2}K_{12}}C_{K+1}}{4^{\frac{1}{2}K_{11}}} = \frac{1}{4}\frac{1}{4^{\frac{1}{2}}}\frac{\frac{|2k+2|}{|2k+2|}}{\frac{|2k+2|}{|2k+1|}} = \frac{1}{4}\frac{\frac{2|k+2|}{|2k+2|}\frac{(2k+1)}{|2k+2|}}{\frac{2|k+2|}{|2k+2|}} \frac{2^{\frac{1}{2}K_{12}}C_{\frac{1}{2}K_{12}}}{4^{\frac{1}{2}K_{12}}}$$

$$2 \frac{1}{2} \frac{2k+1}{k+1} \frac{1}{2k} z \frac{1}{2(k+1)}$$

 $2\frac{1}{2}\frac{2k+1}{k+1}\frac{1}{2k}$ $2\frac{1}{2(k+1)}$ $\frac{1}{2(k+1)}$ $\frac{$