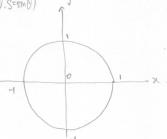


● (0≤0く2下)をかいて良い。

点 Wo 位置 M7 HN EWE



$$(1) \quad \overrightarrow{y} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} - 2 \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} C \\ S \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C \\ S \end{pmatrix}$$
$$= \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} - 2 C \begin{pmatrix} C \\ S \end{pmatrix}$$

 $|\vec{y}|^{1} = (|-2C^{2})^{2} + 4c^{2}S^{2} = | |\vec{y}| = | (||\vec{y}| \geq 0)$

すり、ヤマヤー 1 1 42

(2) ヺ=- a' の日寺.

$$\begin{pmatrix} 1-2C^2 \\ -2CS \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

: (= £1, CS=0

: (C,S) = (±1.0)

fiths. X=AZH AZHNE特的直转之中的流动方,ATTIN方

(3) Y(X,Y) YTX.

X-1
Y= 5TA)

frith 5. () A O E ()

たから、のが050く2大でろごくとき、YIZCを2回まれる回

[解] dと lの交点 He t32. Ht 2=01で y=-スと y= χ-1の交点で、H(立立の)と絡。 はが、て、t 元が時、PとB、PとCは 互いに dに 関いて 反対 相心にかり、PB、PCは dと交点 D、 とで持つ、こで、d ル Z 軸 たかり、右下回で 相心以が。

$$\overline{EH} = \frac{t - \frac{1}{2}}{t} \qquad \cdots \quad 0$$

次内内村村林内

$$\overline{AD} = \frac{1}{|A|(t-\frac{1}{2})} \overline{AH}$$

$$= \frac{1}{t+V_2} \frac{|\overline{a}|}{2}$$
-- 2

Lt. T.

$$= \frac{1}{2} \cdot \overline{Ap} \cdot \overline{EH}$$

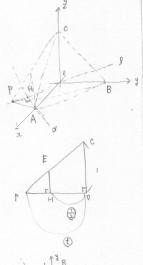
$$= \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4^{4} \sqrt{2}} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4^{-1} \sqrt{2}} \cdot \frac{1}{4^{-1} \sqrt{2$$

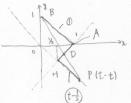
$$= \frac{\sqrt{2}}{4} \frac{P}{(P+1)(P+\frac{1}{2})} \qquad (P=t-1/2) > 0)$$

$$= \frac{12}{4} \frac{1}{1 + \frac{1}{1} + \frac{3}{2}} \leq \frac{12}{4} \frac{1}{2 | \frac{1}{1} + \frac{3}{2}}$$
 (:AM-GM, \$70)

$$=\frac{1}{2}(-4+312)$$

等成立は アニー・・・・ アニュ (カ)の時である。





[A] (1) k= fort , 9, 0, = 2. Cn=3 (NZ3) |k=9|, $Q_1=0$, $Q_2=3$, $Q_n=4(N23)$

(2) 題意 5.7届内的に示されず、N=19日寺 (A=0, a=[参] ZO. (XZO MS成生する.以下N=k e N TO成立街连招。[2] 以单调增加长的。

$$\widehat{\mathbb{Q}}_{k+1} = \left[\begin{array}{c} \underline{\mathbb{Q}}_{k+1} + k \\ \underline{\mathbb{Q}} \end{array} \right] \leq \left[\frac{\mathbb{Q}_{k+1} + k}{\mathbb{Q}} \right] = \mathbb{Q}_{k+2} \qquad \cdots \quad \Phi \quad \cdot$$

次1次17.

 $7 + \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot$ | K = Even # [k - +] = k - | < k1

$$a_{k+1} \leq \frac{k-1}{2}$$

-- (2)

となる。以上の②から、N=k+1でも成立。なて示された日

(3) 題育を掃納的に示す。M=れの時に成立するで、以下れ=N EN ZNでの成立を存在する。

$$Q_{N+1} = \left[\frac{Q_N + k}{3} \right] = \left[\frac{Q_N + k}{3} \right] = Q_{N+1} = Q_N \quad (75)$$

th5. n=N+1でも成立、すって示された圏

(2) \$5.05000 K-1 で、an e I から、an = am はる. an=am とけるれがある。この日本

$$\frac{k-3}{2} < \alpha_w \leq \frac{k}{3}$$

-- (3)

りませめて、

$$G_{N} = \begin{cases} \frac{k-1}{2} & (\text{ke odd}) \\ \frac{k}{2} - 1 & (\text{ke even}) \end{cases}$$

[解]())建大顶点X上3。

$$\overrightarrow{OP_1} = \frac{1}{2} (\overrightarrow{OP_0} + \overrightarrow{OX_1})$$

$$|\overrightarrow{OP_1}|^2 = \frac{1}{4} \left\{ |\overrightarrow{OP_0}|^2 + |\overrightarrow{OX_1}|^2 + 2 |\overrightarrow{OP_0} \cdot \overrightarrow{OX_1}|^2 \right\}$$

$$=\frac{1}{4}||\overrightarrow{OP_0}|^2+|+2\overrightarrow{OP_0}\cdot\overrightarrow{OX_1}|$$
 (: $|\overrightarrow{OX_1}|=1$)



--0

$$E_{1} = \sum_{X_{1} = AB, C} |OP_{1}|^{2} \cdot \frac{1}{3}$$

たがら、い更し用で、

$$\begin{aligned} \overrightarrow{P_{N}} &= \frac{1}{2} \overrightarrow{\mathcal{N}_{N}} + \frac{1}{4} \overrightarrow{\mathcal{N}_{N-1}} + \cdots + \frac{1}{2^{N}} \overrightarrow{\mathcal{N}_{1}} + \frac{1}{2^{N}} \overrightarrow{\mathcal{N}_{1}} \\ &= \frac{1}{2} \overrightarrow{\mathcal{N}_{0}} + \sum_{j=1}^{N} \frac{1}{2^{N+j-1}} \overrightarrow{\mathcal{N}_{j}} \end{aligned}$$

(3) }=0の時

$$\overline{OP_{n}} = \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{2^{m+i}} \overline{OX_{i}}$$

$$\left|\overrightarrow{R}_{n}\right|^{2} = \left|\overrightarrow{y}_{1} + \overrightarrow{y}_{2} + \cdots + \overrightarrow{y}_{n}\right|^{2}$$

$$= \sum_{i=1}^{N} |y_i|^2 + 2 \sum_{i < j} |y_i|^2 \cdot |y_j|^2$$

$$= \sum_{i=1}^{l-1} \frac{1}{4^{l+l-1}} + 2 \sum_{i \neq j} \overline{Y_{i}^{j}} \cdot \overline{Y_{j}^{j}} \qquad (: |\Im t_{i}| = |)$$

$$= \frac{1}{3} \left| \left| - \left(\frac{1}{4} \right)^{n} \right| + 2 \sum_{j=1}^{n-1} \sqrt{j_{j}} \cdot \sqrt{y_{j}}$$

である。こで、「も」「みして、

$$\overrightarrow{y_1} \cdot \overrightarrow{x_2} = \overrightarrow{y_1} = (x_1 \neq x_2)$$

$$\int_{-\frac{1}{2}}^{-\frac{1}{2}} (\chi_{7} \neq \chi_{\overline{0}})$$

たから、ブーズの期待値 Pistは

$$\beta = \frac{1}{3} \cdot \left[+ \frac{2}{3} \left(-\frac{1}{2} \right) = 0 \right]$$

Tont: 云子·牙·斯·帕 &は

たからのけり

$$+ E_n = \frac{1}{3} (1 - (1/4)^n) + ? = \frac{1}{3} \cdot 1 - (\frac{1}{4})^n$$

[]PF2]

てあり.

$$E\left(\left|\overline{\Omega}_{n}^{1}\right|^{2}\right)=1$$

$$E\left(\overrightarrow{a}_{n}\cdot\overrightarrow{P_{n-1}}\right)=\frac{1}{3}\overrightarrow{P_{n-1}}\cdot(\overrightarrow{a}+\overrightarrow{b}+\overrightarrow{c})=0$$

EA EHOUT

32 tohto

$$E_{N} = \frac{1}{3} \left[1 - \left(\frac{1}{4} \right)^{N} \right]$$

「解」ひ=contとする。100km走る水要が時間は100 いしておる。一の「いしておりいたがりにがな。「はりまたとして、題意が

穢て,初期耕物。

したが、て、のから、紙サソリン消量では、の対

$$T = 21 - 21 = \frac{100}{v} = \frac{e^{kv}}{v} = 100$$

$$= 21 - \frac{1}{2}(21 + 100) = \frac{e^{kv}}{v} = 100$$

$$= (1 - e^{A}) 21 - 100 (-1 + e^{-A})$$

(1) (いをminhit37にはりである。

ex打弹用增加市的 Atmin 的时间min である

$$\frac{dA}{dv} = \frac{ke^{kv}v - e^{kv}}{v^2} = \frac{kv - 1}{v^2} - e^{kv}$$

45. 0= 1 (70) TAIT WOX T'AB. 6 HAS: OF