[解] P(dd) Q(P,P) (dxp) tot/。題動的 Panofft 是 (WELT

$$| = \int_{a}^{3} (\beta(x) - x^{2}) dx$$

$$= \int_{a}^{\beta} (\gamma - x) (x - \beta) dx$$

$$= \frac{1}{6} (\beta - d)^{3}$$

$$\therefore \beta - d = \sqrt[3]{6} (\gamma - \alpha)$$

inter: P(XY) ntettlen3.

$$X = \frac{d+\beta}{2} \quad Y = \frac{d^2\beta^2}{2}$$

-- 0

7 kg, t= d+β, S=β-d 25(2, dβ=1/(t-52)-37: DQ/(t))17

$$\chi = \frac{1}{2} t$$
, $\gamma = \frac{t^2 + \zeta^2}{4} = \frac{1}{4} (t^2 + \zeta^{\frac{2}{3}})$

又、 は月けなの2次方行力 コーナル + 女(ナー(デ)=0の2実行やこの刊))す

$$Y = X^2 + \frac{1}{4}b^{\frac{2}{3}}$$

[解I] A(t.o) B(-t.o) (tro) とかるよう座標平面をとる。P(スルリンとする。

$$\overrightarrow{PA} = \begin{pmatrix} t - \lambda \\ -y \end{pmatrix}$$
 $\overrightarrow{PB} = \begin{pmatrix} -t - \lambda \\ -y \end{pmatrix}$

tit5.

 $\left|\overrightarrow{PA}\right| = \sqrt{(t-x)^2 + y^2}, \quad \left|\overrightarrow{PB}\right|^2 = \sqrt{(t+x)^2 + y^2}, \quad \left|\overrightarrow{PA} \cdot \overrightarrow{PB}\right| = -\left(t^2 - y^2\right) + y^2$ となるので、与すに代入して、

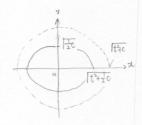
$$\sqrt{(t-x)^2+y^2}\sqrt{(t-tx)^2+y^2} = C + t^2 - (x^2+y^2)$$

$$\iff \begin{cases} \{(t-x)^2 + y^2 \end{bmatrix} \cdot \{(t+x)^2 + y^3 \} = (c+t)^2 - (x)^2 + y^2 \} \cdot \int_{-\infty}^{\infty} (c+t)^2 \cdot x \cdot y^2 + y^2 \cdot y^2 + y$$

$$\begin{cases} \frac{\chi^2}{t^4 \pm c} + \frac{1}{2c} = | ("C70, t70) \\ c+t^2 Z \chi^2 \psi^2 \end{cases}$$

てこれを図示すると右回たから、もとかるもともは

$$\frac{\chi^{2}}{t^{2}+\frac{1}{2}c}+\frac{y^{2}}{\frac{1}{2}c}=|$$



[神2] AB=2t, PA=a, PB=b, LAPB=Bzt3。

ABPが一連架上にない時 ABPに存弦定理国外で、

これはAB,Pが直発上の時(8=0)にも成立する。又好から.

0B7-1= cool=1 1=17217.

$$\frac{4t^2 - a^2 + b^2 - 2(c - ab)}{0 \le c \le 2ab} = (a+b)^2 - 2c$$

$$\Leftrightarrow |a+b| = \sqrt{4t^2+2c}$$

②が「解Jの座標平面で表すのJOを中心長料至上(arth)=だち上、短料をti-c-t-1cの

 $ab = \alpha \left(A - a\right) \geq \left(\frac{A}{2} - t\right) \left(\frac{A}{2} + t\right) = \frac{A^2}{4} + t^2 = \frac{1}{2}C \quad \left(\frac{2^2 - 1}{4^2} + \frac{A}{2} + t\right)$

で、日日常に成立。したが、てれぬる十時は

$$\frac{1^{2}}{t^{2}+\frac{1}{2}c}+\frac{y^{2}}{\frac{1}{2}c}=|$$

2753

[解] (1) Q= Ao. 15とはす。与もの方在を払って(Ao, A1, Bo, B170)

B, (Boti) + A, (Ao+1) > A, (Bo+1) + B, (Ao+1)

际也不良い。

$$(\hbar z) - (\hbar z) = \beta_1 (\beta_0 - A_*) + A_1 (A_* - B_0)$$

= $(\beta_1 - A_1) (\beta_0 - A_0) > 0$ (''A*< B0, A1 < B1)

(2) | AKTIT自然数别 | Ko並で成である。(1)から、元寸(i<jen)上対し対し対し

$$\frac{\chi_{\tilde{j}}^2}{\tilde{j}^2+1} + \frac{\chi_{\tilde{j}}^2+}{\tilde{j}^2+1} > \frac{\chi_{\tilde{j}}^2}{\tilde{j}^2+1} + \frac{\chi_{\tilde{j}}^2}{\tilde{j}^2+1}$$

たから、Tin)=をはいるの値は、ストとオテモ入りけなた方がからくなる。はかって k=1.2-- の順に はkとはm (M=ktl.-.n)の大きな比が、はkくはmから そのます、ストフスかけるながあるならそのなったストカラちゃかのものとストモ入りはな 3作業もすることで、「ストリー」「ドリの時、ていかかかんであることからかる。

$$I(n) > \frac{n}{k-1} \frac{k^2}{k^2+1} = \frac{n}{k-1} \left(1 - \frac{1}{k^2+1} \right) = N - \frac{n}{k-1} \frac{1}{k^2+1} - 0$$

227. 4=二十四万7城.面镜比较灯.

tandn=Ntj3dn Ettor3E (OSdn(t/2)

こで、たく3.15 -- 日をから

$$T(n) > n - \frac{1}{2} - \frac{3.15}{4} > n - \frac{2}{5}$$
 [32>25.75 th 5. $\frac{6.15}{4} < \frac{2}{5}$]

$$\frac{k^{2}+1}{k^{2}+1} = \frac{k^{2}+1}{k^{2}+1} + \frac{1}{k^{2}+1} +$$

[解了NAABCの動いGとし、Gを表す複素教、gとすると、2、から.

$$g = \frac{d+\beta+b}{3} = 1$$

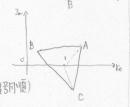
だが、ムABCは左のおれなっている。いずれの場合も、

β-1, トー1は、d-1を含む, 学元回転させた複素数

7: e(0)= cultisque (tox 2, 7=d-1+5

$$\begin{cases} e^{\left(\frac{2}{3}\pi\right)} \left(d-1 \right) = \frac{1}{2} \left(-1 + \overline{137} \right) \mathcal{I} \\ e^{\left(\frac{1}{3}\pi\right)} \left(d-1 \right) = \frac{1}{2} \left(-1 - \overline{137} \right) \mathcal{I} \end{cases}$$

か (月か)= (1/2(-注所) Z+1, 1/2(-17所) Z+1) (複号所順)



(2) 対は、林ら、石(1=):12-1~のである。(1)の結果を3、た代入して

$$\left| \alpha \beta \gamma \right| = \left| (\overline{Z} + 1) \right| \left| e(\frac{2}{3}\overline{\lambda}) Z + 1 \right| \left| e(\frac{4}{3}\overline{\lambda}) Z + 1 \right| = \left| e(\frac{4}{3}\overline{$$

... ②

こて、めからと=e(0)とおく。一般に、

$$e(d)+1 = 2c^{\frac{2}{2}} + 2\overline{1} \operatorname{sm}_{2}^{2} c^{\frac{2}{2}} = 2c^{\frac{2}{2}} e^{\frac{2}{2}} e^{\frac{2}{2}}$$
 ...

たから、②に代入して、

 $\left|2c_0,\frac{0}{2}\left|\left|e\left(\frac{0}{2}\right)\right|\right|2c_0\left(\frac{4}{2}+\frac{1}{3}\right)\right|\left|e\left(\frac{4}{2}+\frac{2}{3}\right)\right|\left|2c_0\left(\frac{4}{2}+\frac{2}{3}\right)\right|\left|e\left(\frac{4}{2}+\frac{2}{3}\right)\right|=\right|$

$$\left. \left\{ \left| \frac{0}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} \right) \cdot \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} + \frac{2}{3} \right) \right| \left| \frac{1}{2} \left(\frac{3}{2} \cdot 0 + \frac{1}{2} \right) \right| = \right\} \right.$$

$$\cos\frac{\theta}{2} \cdot c_{-1} \left(\frac{\theta}{2} + \frac{\pi}{3} \right) \cdot c_{-5} \left(\frac{\theta}{2} + \frac{2}{3} \pi \right) = \pm \frac{1}{8}$$

 $\frac{1}{2}\cos\left(\frac{1}{2}+\frac{\pi}{3}\right)\cdot\left[\cos\left(1+\frac{2}{3}\pi\right)+\cos\frac{2}{3}\pi\right]=\pm\frac{1}{8}$

 $t = c_3 \left(\frac{1}{2} + \frac{\pi}{3} \right) 217$.

$$4t^3 - 3t = \pm \frac{1}{2}$$

-- (5)

::7:-股下产=asdとすると cos3d=4p3-3p だtho. (Ot).

$$\cos\left(\frac{3}{2}\sqrt{1+x}\right) = \pm\frac{1}{2}$$

.. (6)

arga科サからのくりくきたとして良く、たくきのけたくってたから

10ので被号正,つまり田で複号正り時

$$\frac{3}{3}0+\pi = \frac{5}{3}\pi$$

である。日からこの時

$$d\beta t = e\left(\frac{3}{2}0 + T\right)$$

て、この虚部 sin(三の大)が正に方ろことはなく研。

2°田のて複号質の時

3 0+t= 4/3t, T. OF-HILT.

$$d\beta r = -e(\frac{2}{3}0+t)$$

この虚部は正になり適す。はが、てり=うれて、おから、

$$| d = \overline{f} + | = e(\frac{2}{9}\pi) + | = 2\alpha_3 \frac{\pi}{9} e(\frac{\pi}{9})$$

$$\beta = e(\frac{2}{3}\pi) \cdot \cancel{Z} + | = e(\frac{2}{9}\pi) + | = 2\omega \frac{4}{9}\pi e(\frac{4}{9}\pi)$$

$$| f = e(\frac{4\pi}{3}\overline{\lambda})Z + | = e(\frac{14\pi}{9}\overline{\lambda}) + | = 2e^{-\frac{1}{4}}\overline{\lambda} e(\frac{1}{9}\overline{\lambda}) = 2e^{\frac{2}{3}}\overline{\lambda} e(\frac{1}{9}\overline{\lambda})$$

¿ts).

$$\left(\arg d. \operatorname{Grg} \beta, \operatorname{arg} t\right) = \left(\frac{\pi}{9}, \frac{4}{9}\pi, \frac{16}{9}\pi\right)$$

[BIRFT

(2) [dB]= 1= (1) EAT & LITTLAS.

(Z+1)(\frac{1}{2}(1-131) Z+1) (\frac{1}{2}(1+131) Z+1)

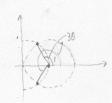
$$= (7+1) \left[(1-\frac{1}{2}7)^2 + \frac{3}{4}7^3 \right]$$

= 73+1

したがって、

7=0(0)217. * 175

(以下四条)



闸

(1) 平松子十万=0 台 红十万=中产的两正2和7

P.R. rektos

215 79=0711 h=0 17 83.

| 1° Q=0.0時 (Dから31°= p°であ。 P=±151° かなて、「キロの時 Pを見かり矛盾しまかる P=100 2° 1′=0の時 のかち29°= p°であり P=±152℃かる Pと同様に P=Q=0

」火上からいずれの場合もり=ダート=のである

(2) f(1)= 0+b+1, f(1+日)= (0+b+3)+ (0.+2)区, f(3)=3+b+のるがい動も有理数2カナイオると, 有理数 d.β.jrを用いて.

$$(\alpha+\beta) = \alpha$$

$$(\alpha+\beta) = \beta$$

$$(\alpha+\beta) = \beta$$

$$\mathcal{N}\left(\left|-\right|_{\overline{2}}\right) = \mathcal{A} - \mathcal{V} \qquad \therefore \quad \mathcal{N} = \left(\left|-\right|_{\mathcal{A}}\right) \cdot \frac{\left|+\right|_{\overline{2}}}{2}$$

ENS. DEHINT

$$\frac{1}{2} \left[(b-a)(1+b) + 4 \right] = \beta$$

$$\frac{1}{2} \left(b-a+4 \right) = \beta + \frac{1}{2} \left(b-a \right) = 0$$

LEAST d.B. re QUZT (1) this

と打了が、图图的4-0×列矛盾。 LF状了题产了示功卡因

h= x = a

d(1+1)-1

「解」P=t+1とおんて全て書きかえる

$$\chi = \frac{(p-1)(4-p)}{p} = \chi(p)
\chi = \frac{(p-1)(4-p)}{p} = \chi(p)$$

$$\chi'(p) = \chi(p) \frac{4-p^2}{(p-1)(4-p)p} = \frac{4-p^2}{p^2}$$

$$\chi'(p) = \chi(p) \frac{-2(p^2-2p-2)}{(p-1)(4-p)p} = \frac{-2(p-1)(p^2-2p-2)}{p^2}$$

区間内でり、り20か、下表で35

| 12 | 1 | 1 | 2 | | 1+15 | | 4 |
|-------|-------|---|-------|---|---|---|-------|
| 21' | | + | | - | - | _ | |
| 91 | | + | | + | | - | |
| (y.x) | (0.0) | 7 | (1.1) | 7 | $\left(\frac{3}{2}(1-13)^2, \frac{3 3}{2}(1-13)^2\right)$ | K | (0,0) |

これとスロリ ≤ y(p) ⇔ 2≤p (*: |≤p≤4)から、ワラフリ右内

又.右国斜铜部の面積SII

$$S = \int_{0}^{1} \sqrt{1 + b^{2} x} - \frac{1}{2}$$

$$S + \frac{1}{2} = \int_{0}^{1} \frac{(p-1)^{2}(4-p)}{p!} \frac{4-p^{2}}{p^{2}} dp$$

$$= \int_{0}^{1} \frac{p^{5} - 6p^{4} + 5p^{3} + 20p^{2} - 36p + 16}{p^{3}} dp$$

$$= \int_{4}^{1} \left(p^{2} - 6p + 5 + \frac{20}{p} - \frac{36}{p^{2}} + \frac{16}{p^{3}} \right) dp$$

$$= \left[\frac{1}{3} p^{3} - 3p^{2} + 5p + 26 \right]_{-9} p + \frac{36}{p} - \frac{8}{p^{2}}$$

$$= -\frac{63}{3} + 3.15 - 15 - 40 \log 2 + 27 - \frac{15}{2}$$

3(2-13)

$$= 36 - 40 \log 2 - \frac{15}{2}$$

1.50 =

18 111- (9-1)

= 2(3-717-

 $(z^{b_n}+b_j+b_j)_{j\in I_j}$

16 19 + 2

(h2-2+4) (+4)

-P-pp-letp From