

2019 至 2020 学年第 1 学期 考试时间: 120 分钟
课程名称: 概率论与数理统计 C (A) 卷 考试形式: 闭卷
年级: 2018 级 专业: 全校开设本课程专业 层次: 本科

一	二	三						总分

(说明: 本考试不需要使用计算器)

一、填空题 (每题 3 分, 共 21 分)

1. 设 $P(AB) = P(\bar{A} \bar{B})$, 且 $P(A) = 0.2$, 则 $P(B) =$ _____.
2. 设袋中有 2 个黑球、3 个白球, 有放回地连续取 2 次球, 每次取一个, 则至少取到一个黑球的概率是_____.
3. 设随机变量 X, Y 的期望方差为 $E(X) = 0.5, E(Y) = -0.5, D(X) = D(Y) = 0.75, E(XY) = 0$, 则 X, Y 的相关系数 $R(X, Y) =$ _____.
4. 设随机变量 X 服从参数为 0.5 的指数分布, 用切比雪夫不等式估计 $P(|X - 2| \geq 3) \leq$ _____.
5. 设随机变量 $X \sim N(10, \sigma^2)$, 已知 $P(10 < X < 20) = 0.3$, 则 $P(0 < X < 10) =$ _____.
6. 设 X_1, X_2, X_3, X_4 相互独立且服从相同分布 $\chi^2(n)$, 则 $\frac{X_1 + X_2 + X_3}{3X_4} \sim$ _____.
7. 由来自正态总体 $X \sim N(\mu, 4)$ 容量为 400 的简单随机样本, 计算得样本均值为 45, 则未知参数 μ 的置信度为 95% 的置信区间是_____. (已知 $(u_{0.025} = 1.96, u_{0.05} = 1.645)$)

二、选择题 (每题 3 分, 共 21 分)

1. 假设事件 A, B 满足 $P(B|A) = 1$, 则 ().
(A) B 是必然事件; (B) $P(B) = 1$;
(C) $P(A - B) = 0$; (D) $A \subset B$.
2. 设 A, B, C 为三个事件, $P(AB) > 0$ 且 $P(C|AB) = 1$, 则有 ().
(A) $P(C) \leq P(A) + P(B) - 1$. (B) $P(C) \leq P(A \cup B)$.
(C) $P(C) \geq P(A) + P(B) - 1$. (D) $P(C) \geq P(A \cup B)$.
3. 设每次试验成功的概率为 $p(0 < p < 1)$, 现进行独立重复试验, 则直到第 10 次试验才取得第 4 次成功的概率为 ().
(A) $C_{10}^4 p^4 (1-p)^6$; (B) $C_9^3 p^4 (1-p)^6$;
(C) $C_9^4 p^4 (1-p)^5$; (D) $C_9^3 p^3 (1-p)^6$.
4. 设两个独立的随机变量 X, Y 分别服从正态分布 $N(0, 1)$ 和 $N(1, 1)$, 则 ().
(A) $P\{X + Y \leq 0\} = 0.5$; (B) $P\{X + Y \leq 1\} = 0.5$;
(C) $P\{X - Y \leq 0\} = 0.5$; (D) $P\{X - Y \leq 1\} = 0.5$.
5. 设随机变量 X, Y 相互独立, 且都服从 $N(0, 1)$, 则 $2X - Y + 1 \sim$ ().
(A) $N(0, 1)$; (B) $N(1, 1)$; (C) $N(0, 5)$; (D) $N(1, 5)$.
6. 设二维随机向量 (X, Y) 服从二维正态分布, 则随机变量 $\xi = X + Y$ 与 $\eta = X - Y$ 不相关的充要条件为 ().
(A) $E(X) = E(Y)$; (B) $E(X^2) - [E(X)]^2 = E(Y^2) - [E(Y)]^2$;
(C) $E(X^2) + [E(X)]^2 = E(Y^2) + [E(Y)]^2$; (D) $E(X^2) = E(Y^2)$.
7. 设随机变量 X 的分布函数为 $F_X(x)$, 则 $Y = 3 - 5X$ 的分布函数 $F_Y(y)$ 为 ().
(A) $F_X(5y - 3)$. (B) $5F_X(y) - 3$.
(C) $F_X(\frac{y+3}{5})$. (D) $1 - F_X(\frac{3-y}{5})$.

装订线

学号

姓名

装订线

装订线

三、计算应用题（共 58 分）

1、（8 分）装有 10 件某产品（其中一等品 5 件，二等品 3 件，三等品 2 件）的箱子中丢失一件产品，但不知是几等品，今从箱中任取 2 件产品，结果都是一等品，求丢失的也是一等品的概率.

2、（12 分）设随机变量 X 的概率密度为 $f(x) = Ae^{-|x|} (-\infty < x < +\infty)$ ，求：（1）系数 A ； （2） X 的分布函数； （3） $D(X)$.

3、（8 分）设 $X \sim N(0,1)$, 求 $Y = |X|$ 的概率密度.

装订线

学号

姓名

装订线

装订线

4、(10 分) 设二维随机变量 (X, Y) 的联合概率密度为:

$$f(x, y) = \begin{cases} Axy^2 & 0 < x < 2, 0 < y < 1 \\ 0 & \text{其他} \end{cases}$$

求: (1) 参数 A ; (2) X 和 Y 的边缘概率密度并判断 X 和 Y 是否独立;

(3) $P(X \geq 1, Y \leq 0.5)$.

5、(12 分) 设随机变量 X 和 Y 的联合分布在点 $(0, 1)$, $(1, 0)$ 及 $(1, 1)$ 为顶点的三角形区域 G 上服从均匀分布, 试求 $Cov(X, Y)$.

6、(8 分) 设总体 X 的概率密度为 $f(x; \theta) = \begin{cases} \theta x^{\theta-1}, & 0 < x < 1, \\ 0, & \text{其它.} \end{cases} \quad (\theta > 0).$

x_1, x_2, \dots, x_n 是 X 的简单样本观测值, 试求 (1) 参数 θ 的矩估计值; (2) 参数 θ 的极大似然估计值.