

Aufgabe 1

Die Syntax von WHILE sei um die Regel

$C ::= \text{repeat } C \text{ until } B$

erweitert. Ergänzen Sie die operationelle Semantik von WHILE, so dass diese zusätzliche Anweisungsform angemessen behandelt wird.

$\Delta \langle W | S | \text{repeat } C \text{ until } B . K | E | A \rangle = \langle W | S | C . \text{while } (\text{not } B) \text{ do } C . K | E | A \rangle$
 C wird mindestens einmal ausgeführt, anschließend verhält sich die „repeat C until B“-Schleife identisch zu „while ¬B do C“.

Aufgabe 2

Erweitern Sie die Syntax von WHILE, so dass in den boolschen Ausdrücken auch die boolschen Operatoren *and* und *or* vorkommen dürfen. Geben Sie für diese Erweiterung eine operationelle Semantik an, die eine nicht-strikte Semantik von *and* und *or* festlegt.

$B ::= W | \text{not } B | T_1 \text{ BOP } T_2 | B_1 \text{ and } B_2 | B_1 \text{ or } B_2 | \text{read}$

And:

$\Delta \langle W | S | B_1 \text{ and } B_2 . K | E | A \rangle = \langle W | S | B_1 . \text{and} . B_2 . K | E | A \rangle$
 $\Delta \langle \text{true} . W | S | \text{and} . B_2 . K | E | A \rangle = \langle W | S | B_2 . K | E | A \rangle$
 $\Delta \langle \text{false} . W | S | \text{and} . B_2 . K | E | A \rangle = \langle \text{false} . W | S | K | E | A \rangle$

Or:

$\Delta \langle W | S | B_1 \text{ or } B_2 . K | E | A \rangle = \langle W | S | B_1 . \text{or} . B_2 . K | E | A \rangle$
 $\Delta \langle \text{false} . W | S | \text{or} . B_2 . K | E | A \rangle = \langle W | S | B_2 . K | E | A \rangle$
 $\Delta \langle \text{true} . W | S | \text{or} . B_2 . K | E | A \rangle = \langle \text{true} . W | S | K | E | A \rangle$

Aufgabe 3

Erweitern Sie die WSKEA-Maschine um eine Komponente *N* für Nachrichten (Texte), in der kurze, sinnvolle Meldungen eingetragen werden, wenn es keinen Folgezustand gibt, oder wenn die Ausführung korrekt terminiert.

Grundsätzlich identisch zur WSKEA-Maschine

Grundzustand der WSKEAN-Maschine ist: $\langle W | S | K | E | A | \epsilon \rangle$

Falls das Programm korrekt terminiert gilt: $\Delta \langle W | S | \epsilon | E | A | \epsilon \rangle = \langle W | S | \epsilon | E | A | \text{„Terminiert“} \rangle$

In einem Fehlerzustand gibt die Maschine eine informative Fehlermeldung zurück. Ein Beispiel wäre:

$\Delta \langle 0.n . W | S | / . K | E | A | \epsilon \rangle = \langle W | S | K | E | A | \text{„Fehler: Division durch 0“} \rangle$

Die Darstellung weiterer Fehlerzustände ist analog dazu.

Aufgabe 4 (freiwillig)

Implementieren Sie in einer Sprache Ihrer Wahl

- den Zustandsraum der WSKEA-Maschine,
- eine Funktion `anfang`, die zu einem WHILE-Programm und einer Eingabe den Anfangszustand ergibt, und
- die Zustandsüberföhrungsfunktion `delta`.

Lösung in **Whitespace** ;-):

1
2
3
4
5
6
7
8
9
10
11
12
13
14
15
16
17
18
19
20
21
22
23
24
25
26
27
28
29
30
31
32
33
34
35
36
37
38
39
40
41
42
43
44
45
46
47
48
49
50
51
52
53
54
55

Lösungsidee in **Python**:

```
1 __author__ = 'TH'
2
3 # anfang
4 w = ['x']
5 s = []
6 k = ['output', '=', 1, 1, 'not', True, 'add', 'read', 'read', 'skip', '
    assign', 42]
7 e = [1, 1]
8 a = []
9 test = [w, s, k, e, a]
10
11
12 def run(machine):    # delta
13     w = machine[0]    # process stack
14     s = machine[1]    # variable store
15     k = machine[2]    # cmd stack
16     e = machine[3]    # input (file)
17     a = machine[4]    # output (file)
18     i = 0
19     while len(k) > 0:
20         cmd = k.pop()
21         if type(cmd) == int:
22             w.append(cmd)
23         elif type(cmd) == bool:
24             w.append(cmd)
25         elif cmd == 'not':
26             b = not w.pop()
27             w.append(b)
28         elif cmd == '=':
29             w.append(w.pop() == w.pop())
30         elif cmd == 'read':
31             w.append(e.pop())
32         elif cmd == 'add' or cmd == '+':
33             w.append(w.pop() + w.pop())
34         elif cmd == 'sub' or cmd == '-':
35             w.append(w.pop() - w.pop())
36         elif cmd == 'mul' or cmd == '*':
37             w.append(w.pop() * w.pop())
38         elif cmd == 'div' or cmd == '/':
39             w.append(w.pop() / w.pop())
40         elif cmd == 'skip':
41             pass
42         elif cmd == 'assign':
43             s.append((w.pop(), w.pop()))
44         elif cmd == 'output':
45             a.append(w.pop())
46         print('run ' + str(i) + ': ' + str(machine))
47         i += 1
48     print('success after '+str(i)+' iterations !')
49     return 1
50
51
52 # LETS DO THIS!
53
54 def main():
55     return run(test)
56
57 main()
```

Ausgabe:

```
1 run 0: [['x', 42], [], ['output', '=', 1, 1, 'not', True, 'add', 'read', 'read', 'skip', 'assign'], [1, 1], []]
2 run 1: [[], [(42, 'x')], ['output', '=', 1, 1, 'not', True, 'add', 'read', 'read', 'skip'], [1, 1], []]
3 run 2: [[], [(42, 'x')], ['output', '=', 1, 1, 'not', True, 'add', 'read', 'read'], [1, 1], []]
4 run 3: [[1], [(42, 'x')], ['output', '=', 1, 1, 'not', True, 'add', 'read'], [1], []]
5 run 4: [[1, 1], [(42, 'x')], ['output', '=', 1, 1, 'not', True, 'add'], [], []]
6 run 5: [[2], [(42, 'x')], ['output', '=', 1, 1, 'not', True], [], []]
7 run 6: [[2, True], [(42, 'x')], ['output', '=', 1, 1, 'not'], [], []]
8 run 7: [[2, False], [(42, 'x')], ['output', '=', 1, 1], [], []]
9 run 8: [[2, False, 1], [(42, 'x')], ['output', '=', 1], [], []]
10 run 9: [[2, False, 1, 1], [(42, 'x')], ['output', '='], [], []]
11 run 10: [[2, False, True], [(42, 'x')], ['output'], [], []]
12 run 11: [[2, False], [(42, 'x')], [], [], [True]]
13 success after 12 iterations !
```

Kommentar zur Lösung:

Die Lösung nutzt einige Annehmlichkeiten von Python: Listen und Typen. Trotzdem sind nicht alle Konstrukte implementiert. Bisher habe ich noch keine Idee, wie ich I , C , T , BOP , OP in Python repräsentiere, daher sind einige Ausdrücke in diesem Programm nicht ausführbar. Damit wird es sehr schwierig Strukturen wie **if** B **then** C1 **else** C2 oder **while** B **do** C zu implementieren und damit die Aufgabe nicht vollständig bearbeitet.