# Übungsblatt 7

Abgabe bis Dienstag, den 17. Juni 2014

Besprechungstermin: Mittwoch, den 18. bzw. Donnerstag, den 19. Juni 2014

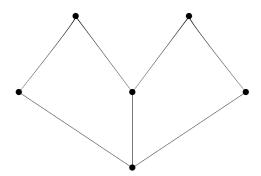
### Aufgabe 1

Sei  $\underline{A} = (A, \sqsubseteq)$  eine Struktur, wobei die Relation  $\sqsubseteq$  eine Halbordnung ist und es in A bzgl.  $\sqsubseteq$  ein minimales Element  $\bot$  gibt.

Zeigen Sie, dass aus der Endlichkeit von A folgt, dass  $\underline{A}$  ein cpo ist.

### Aufgabe 2

Gegeben sei eine halbgeordnete Menge A, die sich grafisch wie folgt darstellen lässt:



- a) Ist A ein cpo?
- b) ist A eine Kette?
- c) Existiert eine kleinste obere Schranke von A in A?

### Aufgabe 3

Finden Sie zwei Beispiele für Halbordnungen  $(A, \sqsubseteq)$ , die ein minimales Element besitzen aber keine cpo's sind.

## Aufgabe 4

Finden Sie ein Beispiel für eine nicht triviale, rekursive Funktionsgleichung, die mehr als eine Lösung hat.