**Zusammenfassung Digitaltechnik – Semester 2**

**1. Zahlensysteme**

**Definition:** Ein Zahlensystem ist eine Art der Darstellung von Zahlen mit Hilfe einer begrenzten Anzahl von Zeichen unter Verwendung eines Bildungsgesetzes.

**Additionssysteme:** Die Position der Ziffern spielt keine Rolle, jede Ziffer steht für ein Wert, und alle Werte werden addiert. Bsp.: Römische Zahlen, Strichliste.

**Stellenwertsysteme:** Der Wert einer Ziffer hängt von der Position der Ziffer in der Zahl ab. Bsp.: Dezimalsystem, Dualsystem.

**Polyadische Zahlensysteme:** Man nimmt eine Basiszahl b und setzt die Wertigkeit der Stellen gleich der Potenzen der Basiszahl. Man braucht hierfür genau b Ziffern. Bsp.: Dualsystem mit Basiszahl 2 hat die Stellenwertigkeiten

**Horner Schema:** Das Horner Schema ermöglicht es Zahlen vom Dezimalzahlsystem ganz einfach in ein anderes umzuschreiben. Bei dem Schema geht man wie folgt vor:

1. Man nimmt eine beliebige Zahl N und eine Darstellung der Basis b, welcher N dargestellt werden soll.
2. Man beginnt mit s = 0
3. Man dividiert N durch b mit Rest
4. Man notiert den Rest als
5. Man setzt N = N : b und erhöht s um eins
6. Man wiederholt Schritt 3 – 5, bis N = 0

Dieses Schema lässt sich auf Kommazahlen anwenden, indem man die Bereiche vor und nach dem Komma separat behandelt und bei den Stellen nach dem Komma N mit b multipliziert.

Für die Umrechnung einer Zahl in einem beliebigen Zahlensystem in eine Dezimalzahlkann man das Horner Schema wie folgt benutzen:

1. Setze N = 0 und s auf die höchstwertige Ziffer
2. Multipliziere N mit b
3. Addiere zu N
4. Verringere s um eins
5. Wiederhole 2 – 4, bis alle Ziffern berücksichtigt wurden

**Rechnen mit Dualzahlen:** Mit allen polyadischen Zahlensystemen lässt sich schriftlich addieren, subtrahieren und multiplizieren, wie man es in der Grundschule gelernt hat. Bei der Multiplikation zweier Dualzahlen der Länge n-Bit ist das Ergebnis dann maximal 2n-Bit groß.

**Negative Zahlen im Dualsystem:** Um negative Zahlen im Dualsystem darzustellen gibt es ganz verschiedene Möglichkeiten:

1. Offset-Darstellung: Auf verschiedene Werte wird ein Offset addiert, sodass alle Werte im positiven Bereich liegen. Dieser Offset muss bei Berechnungen berücksichtigt werden.
2. Vorzeichen-Betrags-Darstellung: Man stellt die Zahl durch ihren Betrag dar und stellt die negative Eigenschaft durch ein Vorzeichen dar. Diese Methode wird auch im Alltag verwendet: + = positiv; - = negativ; 1 = negativ; 0 = positiv.
3. Komplemente: Komplemente gibt es nur in polyadischen Zahlensystemen. Man ergänzt um eine Hilfszahl H und erhält dann das Komplement, indem man die Zahl von dem Komplement abzieht. Bei einem b-Komplement gilt: H = . Das Komplement eines Komplements einer Zahl ist die Zahl selbst. Mithilfe des b-Komplements löst man das Eindeutigkeitsproblem.

**Multiplikation im zweier Komplement:** Bei der Multiplikation mit einer negativen Zahl im Zweierkomplement muss vor diese so viele Einsen geschrieben werden, wie das Ergebnisbit maximal groß sein kann.

**Festkommadarstellung:** Bei der Festkommadarstellung wird eine rationale Zahl als eine ganze Zahl multipliziert mit einem rationalen Vorfaktor dargestellt. Die Genauigkeit ist hierbei gleich dem Vorfaktor. Bsp.: . Die Rechenregeln zur Addition funktionieren hierbei wie gewohnt. Bei der Multiplikation muss allerdings durch den Vorfaktor geteilt werden, da sonst Fehler passieren.

**Gleitkommadarstellung:** Bei der Gleitkommadarstellung einer Zahl braucht es zunächst die Mantisse, welche immer eine Zahl kleiner b sein sollte, und einen Exponent zu einer Basis, welcher angibt, wie groß oder klein die Zahl ist. Die Formel ist  
 .

**Gray-Code:** Bei einem mechanischen Schalter, welcher Ausgangszustände mit Binärzahlen über Leitungen ausgibt, können Fehler auftreten, wenn sich zwei Bits gleichzeitig ändern sollen, aber aufgrund von Leitungsfehlern ein Bit schneller geändert wird als das andere. Bsp.: Bei der Änderung von 01 zu 10 kann es sein, dass der Ausgang kurz 00 oder 11 ist. Der Gray Code verhindert dieses Problem, indem sich bei ihm beim Wechsel einer Zahl immer nur ein Bit ändert. Bsp.:

Ein Bild, das Text, Schrift, Screenshot, Typografie enthält.

Automatisch generierte BeschreibungEin Bild, das Text, Schrift, Typografie enthält.

Automatisch generierte Beschreibung

**BCD-Code:** Man kann Binärzahlen auch mit einem BCD-Code abspeichern. Bei diesem werden die Ziffern 1 – 9 wie gewohnt in Binärzahlen abgespeichert und dann in ein dezimales Stellenwertsystem gebracht Bsp.: 1 = 0001; 2 = 0010; 9 = 1001; 4 = 0100;   
1294 = 0001 0010 1001 0100.

**ASCII:** Mithilfe von ASCII lassen sich Buchstaben und Zeichen in Bit Form abspeichern und versenden. Hierbei hat jedes Zeichen seine eigene Zahl. Bsp.: 41 = A, 61 = a. Heutzutage wurde es um Unicode und UTF-8 erweitert, um alle Zeichen, welche es gibt, abzubilden. UTF-8-Codierung:

Ein Bild, das Text, Schrift, Screenshot, Quittung enthält.

Automatisch generierte Beschreibung