

# Grundlagen: Algorithmen und Datenstrukturen

## Woche 8

Tobias Eppacher

School of Computation, Information and Technology

16. Juni 2025

# Inhalt

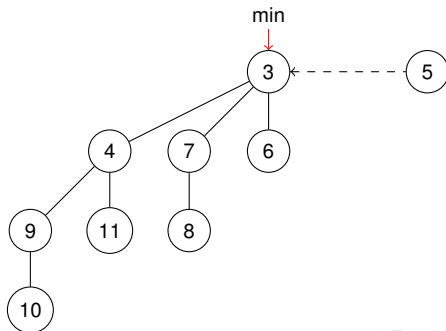
Aufgaben

E-Aufgaben

Hausaufgaben

## Aufgabe 8.1 - Binomialheaps

Führen Sie auf dem folgenden Binomial-Heap nacheinander drei deleteMin-Operationen aus. Fügen Sie anschließend die drei entfernten Elemente in der Reihenfolge, in der sie entfernt wurden, wieder hinzu. Zeichnen Sie nach jeder deleteMin- und insert-Operation den entstandenen Binomial-Heap. Sind nach allen Operationen die Werte an derselben Stelle im Heap? Hat der Heap nach allen Operationen dieselbe Struktur? Warum?



## Aufgabe 8.1 - Binomialheaps

Erste Operation:

## Aufgabe 8.1 - Binomialheaps

Zweite Operation:

## Aufgabe 8.1 - Binomialheaps

Dritte Operation:

## Aufgabe 8.1 - Binomialheaps

Vierte Operation (ab hier Variante 1):

## Aufgabe 8.1 - Binomialheaps

Fünfte Operation:



## Aufgabe 8.1 - Binomialheaps

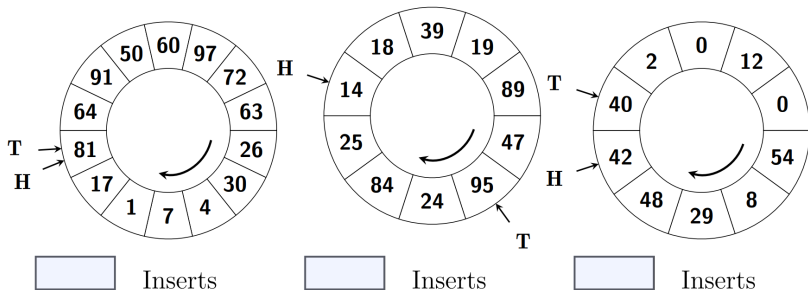
Sechste Operation:

## Aufgabe 8.1 - Binomialheaps

- ▶ Elemente in derselben Position?
- ▶ Gleiche Struktur?

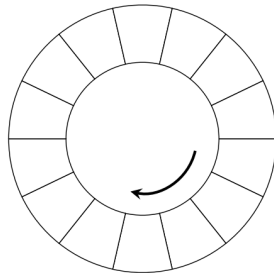
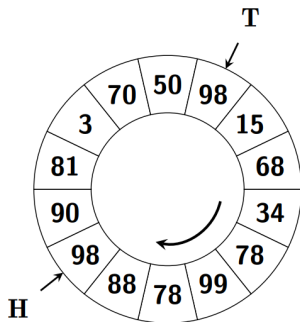
## Aufgabe 8.2 - Rückblick: Circular Queues (a)

Gegeben sei ein Zirkulärer Ringspeicher als FIFO-Queue. In folgenden Darstellungen wird der Head mit **H** und der Tail mit **T** markiert. Geben Sie an, wie viele Inserts in folgenden Queues noch möglich sind. Dabei sollen Elemente, die aktuell in der Queue sind, weder überschrieben noch entfernt werden:



## Aufgabe 8.2 - Rückblick: Circular Queues (b)

Der folgende Ringspeicher wird nun als **Deque** genutzt. Geben Sie den Ringspeicher an, nachdem folgende Operationen ausgeführt wurden: **pushFront(23)**, **pushBack(42)**, **popFront()**



## Aufgabe 8.3 - Rückblick: Landausymbole (a)

Gegeben seien die Funktionen  $f, g$  mit  $f(n) = \log_2 n * g(n)$ .  
Begründen Sie folgende Aussagen oder widerlegen Sie sie mit einem Gegenbeispiel:

1. Aus  $g = \mathcal{O}(n)$  folgt  $f = \mathcal{O}(\log_2 n * n)$

2. Aus  $g = o(n)$  folgt  $f = \omega(\log_2 n)$

## Aufgabe 8.3 - Rückblick: Landausymbole (a)

Gegeben seien die Funktionen  $f, g$  mit  $f(n) = \log_2 n * g(n)$ .  
Begründen Sie folgende Aussagen oder widerlegen Sie sie mit einem Gegenbeispiel:

3. Aus  $f = \Theta(n^2)$  folgt  $g = \mathcal{O}(n^2)$

4. Aus  $f * g = \omega(n^4)$  folgt  $f + g = \Omega(n^2)$

## Aufgabe 8.3 - Rückblick: Landausymbole (b)

Geben Sie eine Funktion  $f : \mathbb{N}_0 \rightarrow \mathbb{R}^+$  an, die  $f = o(\log_2 n)$  und  $\lim_{n \rightarrow \infty} f(n) = \infty$  erfüllt.

## Aufgabe 8.4 - Baumtraversierung

Ein nichtleerer Binärbaum kann (unter anderem) in PreOrder, InOrder und PostOrder traversiert werden. Diese Traversierungen sind wie folgt rekursiv definiert:

### 1. PreOrder:

- a Besuche die Wurzel
- b Traversiere linken Teilbaum PreOrder (falls nicht leer)
- c Traversiere rechten Teilbaum PreOrder (falls nicht leer)

### 2. InOrder:

- a Traversiere linken Teilbaum InOrder (falls nicht leer)
- b Besuche die Wurzel
- c Traversiere rechten Teilbaum InOrder (falls nicht leer)

### 3. PostOrder:

- a Traversiere linken Teilbaum PostOrder (falls nicht leer)
- b Traversiere rechten Teilbaum PostOrder (falls nicht leer)
- c Besuche die Wurzel



## Aufgabe 8.4 - Baumtraversierung

*Anmerkung: PreOrder entspricht dfs-Nummer, PostOrder entspricht (dfs-)finish-Nummer wenn links vor rechts besucht wird.*

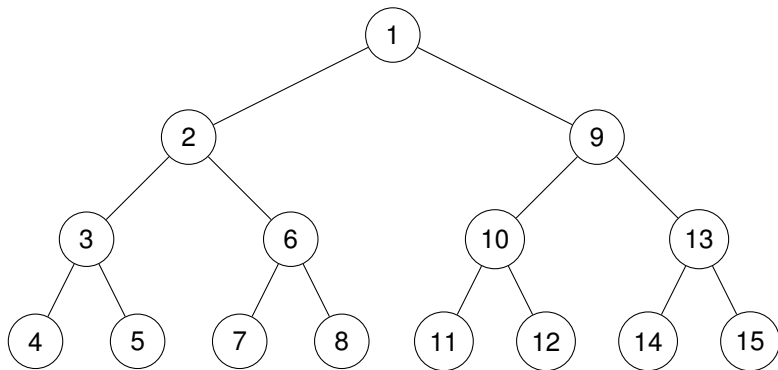
Geben Sie Algorithmen **preNext(v)** und **postNext(v)** an, die zu einem Knoten  $v$  in einem Binärbaum den in der PreOrder bzw. PostOrder folgenden Knoten  $w$  berechnet. Analysieren Sie die asymptotische Worst-Case-Laufzeit Ihres Pseudocodes.

Nutzen Sie die folgenden Bäume, um die jeweiligen Traversierungsalgorithmen zu visualisieren.

Berechnen Sie außerdem die asymptotische Laufzeit, wenn mittels der Operationen **preNext(v)** und **postNext(v)** die vollständige PreOrder bzw. PostOrder berechnet wird (also  $n$ -maliges Anwenden der Funktion).

Hilfs-Operationen:  $parent(v)$ ,  $leftChild(v)$ ,  $rightChild(v)$ ,  
 $hasleftChild(v)$ ,  $hasrightChild(v)$ ,  $isRoot(v)$ ,  $isInternal(v)$

## Aufgabe 8.4 - Baumtraversierung (PreOrder)

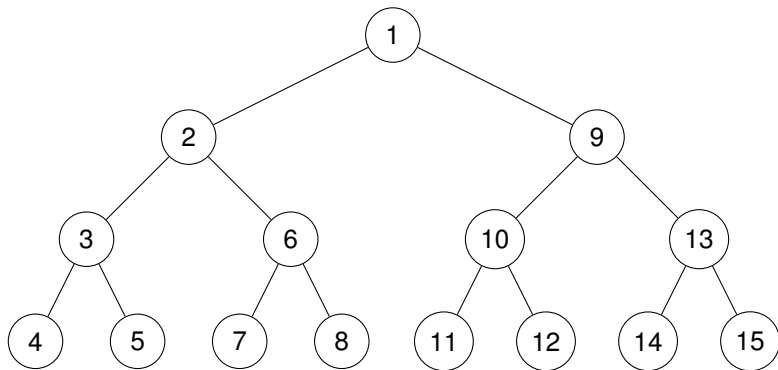


## Aufgabe 8.4 - Baumtraversierung (PreOrder)

```
public Node preNext (Node v) {
```

```
}
```

## Aufgabe 8.4 - Baumtraversierung (PostOrder)



## Aufgabe 8.4 - Baumtraversierung (PostOrder)

```
public Node postNext (Node v) {
```

```
}
```

## Aufgabe 8.4 - Baumtraversierung (Asymptotische Laufzeit)

# E-Aufgaben

- ▶ Aufgabe 8.5 - Rückblick: Sortierverfahren
  - ▶ Laufzeitenvergleich von Sortierverfahren

# Hausaufgaben

- ▶ Hausaufgabe 6 - Sortierende Heaps  
(Deadline: 18.06.2025)
- ▶ Hausaufgabe 7 - Binomial Heap  
(Deadline: 25.07.2025)
- ▶ Hausaufgabe 8 - AVL Baum  
(Deadline: 02.07.2025)



## Fragen?

- ▶ Nach Übung gerne bei mir melden
- ▶ Tutoriumschannel oder DM an mich auf Zulip
- ▶ Vorlesungschannels von GAD auf Zulip (insbesondere bei Hausaufgaben)

## Feedback oder Verbesserungsvorschläge?

Gerne nach dem Tutorium mit mir quatschen oder DM auf Zulip

## Bis nächste Woche!