Tutorium Grundlagen: Algorithmen und Datenstrukturen

Übungsblatt Woche 1

Organisatorisches

Leistungsnachweis

- Klausur (voraussichtlich) 24.07.2024
 - schriftliche Prüfung
 - Dauer: 90 Minuten
 - Erlaubtes Hilfsmittel: hand-beschriebenes DIN A4 Blatt
- Wiederholungs-Klausur (voraussichtlich) Oktober 2024
- Warnung: für IN0007 in München/Garching anmelden, nicht für Heilbronn (INHN0008)! Auch dort gibt es im SS eine Vorlesung "Grundlagen: Algorithmen und Datenstrukturen".
- Vorbereitung durch aktive Teilnahme an Vorlesung und Übungsbetrieb

6

Organisatorisches

Übungsaufgaben

- Jedes Übungsblatt enthält Präsenzaufgaben (P) für die Tutorien
- Abzugebende Programmier Hausaufgaben (H) via Artemis
- Zusätzliche Eigeninitiativ-Aufgaben (E): werden nicht abgegeben oder korrigiert
- Alle Aufgaben sind pr

 üfungsrelevant
- Bearbeitung der Übungen ist freiwillig, aber sehr empfehlenswert!
- Klasurbonus auf erfolgreich bestandene Klausur / Wiederholungsklausur. Nötig sind 80% der Punkte pro Übungsblatt um 1 Bonuspunkt für die Klausur zu erreichen. Insgesamt sind bis zu 12 Bonuspunkte möglich. Die Klausur hat 90 Punkte.
- Die Hausaufgaben sind selbstständig anzufertigen! Nach Plagiaten wird automatisiert und manuell gesucht.

10

Aufgabe 1.1 Division

Aufgabe 1.1

- Wir betrachten die Schulmethode der Division
 (Beschränkung für uns; Dividend: n-stellig, Divisor: 1-stellig, positiv)
- Untersuchen der Anzahl der nötigen "elementaren Operationen"
- Definitionen der Grundoperationen
 - Ganzzahldivision: g(a,b) = |a/b|
 - Rest: $r(a,b) = a g(a,b) \cdot b$
 - Konkatenation: $a \oplus b$
 - Zuweisung: x = y
 - Vergleich: x > y x < y $x \ge y$ (etc.)
 - Addition: x + y

(Indices berechnen zählt nicht als Grundoperation)

Aufgabe 1.1

```
Input: Ziffer [] (x_1, x_2, \ldots, x_n), Ziffer y
i \text{ int } i := 1
 2 Ziffer x_0 := 0
 3 while i \leq n do
       if x_{i-1} > 0 then
 4
          Ziffer z_i := g(x_{i-1} \oplus x_i, y)
 5
        x_i := r(x_{i-1} \oplus x_i, y)
 6
          x_{i-1} := 0;
 7
       end
       \mathbf{else}
 9
          Ziffer z_i := g(x_i, y)
10
          x_i := r(x_i, y)
11
       end
12
       i := i + 1
13
14 end
15 Das Ergebnis der Division ist z_1 \oplus z_2 \dots, der Rest is x_n.
```

Wiederholung: Induktionsbeweise

"Die vollständige Induktion ist eine mathematische Beweismethode, nach der eine Aussage für alle natürlichen Zahlen bewiesen wird, die größer oder gleich einem bestimmten Startwert sind." https://de.wikipedia.org/wiki/Vollst%C3%A4ndige_Induktion

- 1. Induktionsanfang / Induktionsbasis: Zeige: Die Aussage A(n) gilt für $n=n_0$
- 2. Induktionsannahme / Induktionsvoraussetzung: Aussage gilt für alle Zahlen kleiner gleich n (wobei n>=n₀ beliebig gewählt werden kann)
- 3. Induktionsschritt:

 Beweise mithilfe der Annahme -> Aussage gilt für n+1

Aufgabe 1.2 Induktion

Aufgabe 1.2 (a)

Zeigen Sie für alle natürlichen Zahlen n ≥ 1 mittels Induktion die folgende Behauptung:

Die Summe der ersten n ungeraden Zahlen ist n^2 (als Formel: $\sum_{i=1}^n (2i-1) = n^2$).

Kennzeichnen bzw. benennen Sie in Ihrem Beweis den Induktionsanfang, die Induktionsvoraussetzung und den Induktionsschritt.

Aufgabe 1.2 (b)

Zeigen Sie $F_{n+1}F_{n-1}-F_n^2=(-1)^n$, wobei F_n die n-te Fibonaccizahl nach der rekursiven Definition $F_n=F_{n-1}+F_{n-2}$ mit den Anfangswerten $F_0=0$ und $F_1=1$ ist.

Aufgabe 1.3 Bubblesort mit Listen

Aufgabe 1.3

```
public class List {
2
     private static class Node {
4
        private int data;
        public int getData () {
6
          return data;
9
        public void setData (int data) {
10
11
          this.data = data;
12
13
        private Node next;
14
15
        public Node getNext () {
16
          return next;
17
18
        public Node (int data, Node next) {
19
          this.data = data;
20
          this.next = next;
21
22
     }
23
^{24}
^{25}
      private Node head;
26
      private int size;
^{27}
     public int getSize () {
28
29
        return size;
30
31
     public List () { }
32
33
     public void prepend (int data) {
34
       head = new Node(data, head);
35
        size++;
36
37
38
```

```
public int get (int index) {
       Node it = head;
41
        while (index != 0) {
         index --;
42
43
         it = it.getNext();
         if (it == null)
            throw new RuntimeException("Out of bounds");
45
46
47
       return it.getData();
48
49
     public void swap (int indexFirst, int indexSecond) {
       if (head == null) {
51
52
          throw new RuntimeException("Out of bounds");
53
54
55
        if (indexFirst > indexSecond) {
          swap(indexSecond, indexFirst);
57
         return;
58
       }
59
       int distance = indexSecond - indexFirst;
        Node it_first = head;
        while (indexFirst != 0) {
          indexFirst --;
64
65
         it_first = it_first.getNext();
         if (it_first == null)
            throw new RuntimeException("Out of bounds");
       }
69
       Node it_second = it_first;
        while (distance != 0) {
71
72
          distance --;
          it_second = it_second.getNext();
         if (it_second == null)
            throw new RuntimeException("Out of bounds");
75
76
77
       int temp = it_second.getData();
       it_second.setData(it_first.getData());
       it_first.setData(temp);
81
82 }
```

Aufgabe 1.3 (a) – Implementierung

1. Welche der Methoden sind langsam, welche schnell? Wieso?

2. Die swap-Methode ruft sich selbst auf. Wie nennt man Methoden, die sich so verhalten? Welche Motivationen gibt es, derart zu programmieren? Welche Nachteile hat so ein Ansatz?

Aufgabe 1.3 (b) – Bubblesort

Die Liste soll nun genutzt werden, um Daten sortiert zu speichern.

Um die Liste zu sortieren, wird folgende Methode verwendet, die den Bubblesort-Algorithmus implementiert:

```
void bubblesort(List 1) {
  for(int i = 0; i < l.getSize(); i++)
    for(int j = 1; j < l.getSize() - i; j++)
       if(l.get(j - 1) > l.get(j))
        l.swap(j - 1, j);
}
```

Aufgabe 1.3 (b) – Bubblesort

1. Die Methode hat keinen Rückgabewert; funktioniert sie dennoch? Wenn ja, wieso?

2. Wie funktioniert der Algorithmus, warum liefert er stets ein sortiertes Ergebnis?

Aufgabe 1.3 (b) – Bubblesort

3. Wie oft ungefähr wird eine Liste der Größe n durchlaufen? Berücksichtigen Sie bei Ihrer Antwort nur die Implementierung des Bubblesort-Algorithmus.

4. Eignet sich unsere Implementierung einer Liste hier besonders gut oder besonders schlecht? Ziehen Sie nun die Implementierung der Listenmethoden in Ihre Laufzeitüberlegung mit ein. Zu welchem Ergebnis kommen Sie?

Aufgabe 1.3 (c) – Code Qualität

1. Was hat es mit der Schachtelung der Klassen auf sich?

2. Wozu wurde der Wrapper List implementiert, statt den Benutzer direkt auf Knoten arbeiten zu lassen? Was hat dies mit abstrakten Datentypen zu tun?

Aufgabe 1.3 (c) – Code Qualität

3. Welchen Zweck erfüllt *throw*? Wieso ist dies besser, als vordefinierte Fehlerwerte zurückzugeben?

4. Vergleichen Sie die Implementierung der Funktionen *get* und *swap*. Was fällt Ihnen dabei auf? Wann kann das ein Problem sein, und wie lässt sich dieses vermeiden?