

Blatt6

Tobias

13.8.2021

```
library(datasets)
library(SynchWave)

## Loading required package: fields
## Loading required package: spam
## Loading required package: dotCall64
## Loading required package: grid
## Spam version 2.6-0 (2020-12-14) is loaded.
## Type 'help( Spam)' or 'demo( spam)' for a short introduction
## and overview of this package.
## Help for individual functions is also obtained by adding the
## suffix '.spam' to the function name, e.g. 'help( chol.spam)'.
##
## Attaching package: 'spam'
##
## The following objects are masked from 'package:base':
##
##      backsolve, forwardsolve
##
## See https://github.com/NCAR/Fields for
## an extensive vignette, other supplements and source code
data('co2')
#attach(co2)
```

Aufgabe 6.1

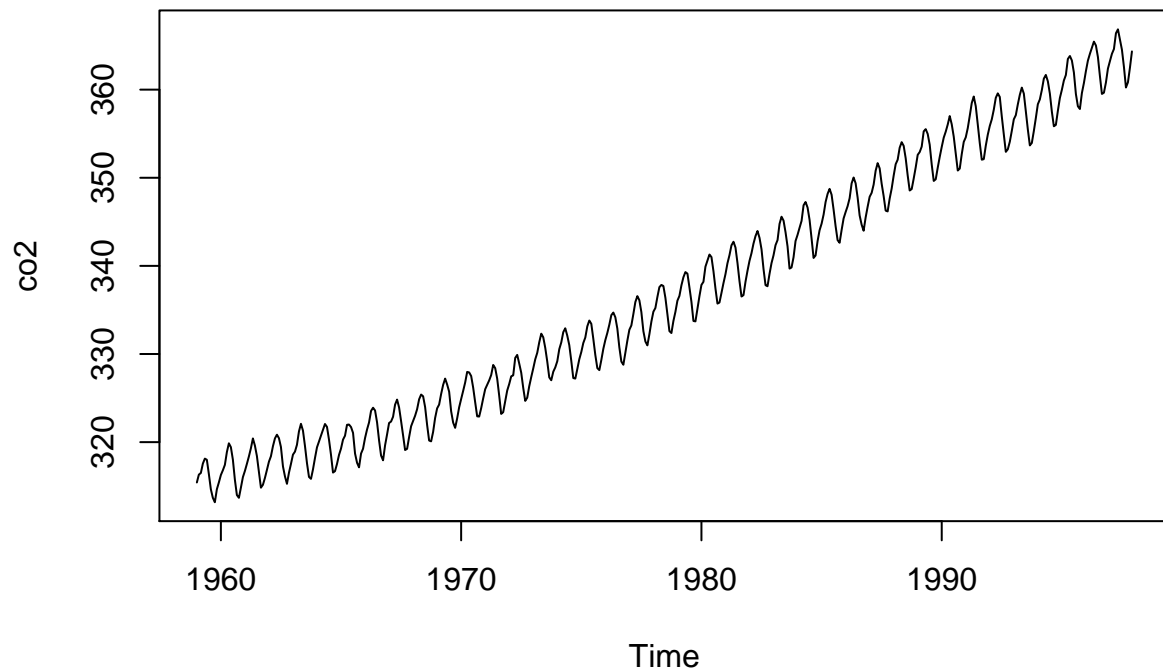
a)

Ternd: Grundrichtung, langfristige Entwicklung (Glatte Komponente/Linearer/Polynomialer (bzw. Parabel) Trend)

Saisonkomponente: kurzfristige Entwicklung innerhalb der einzelnen Jahre durch saisonbedingte Schwankungen

Residuen: Summe aller Fehler -> nicht erklärte Schwankungen in der Zeitreihe

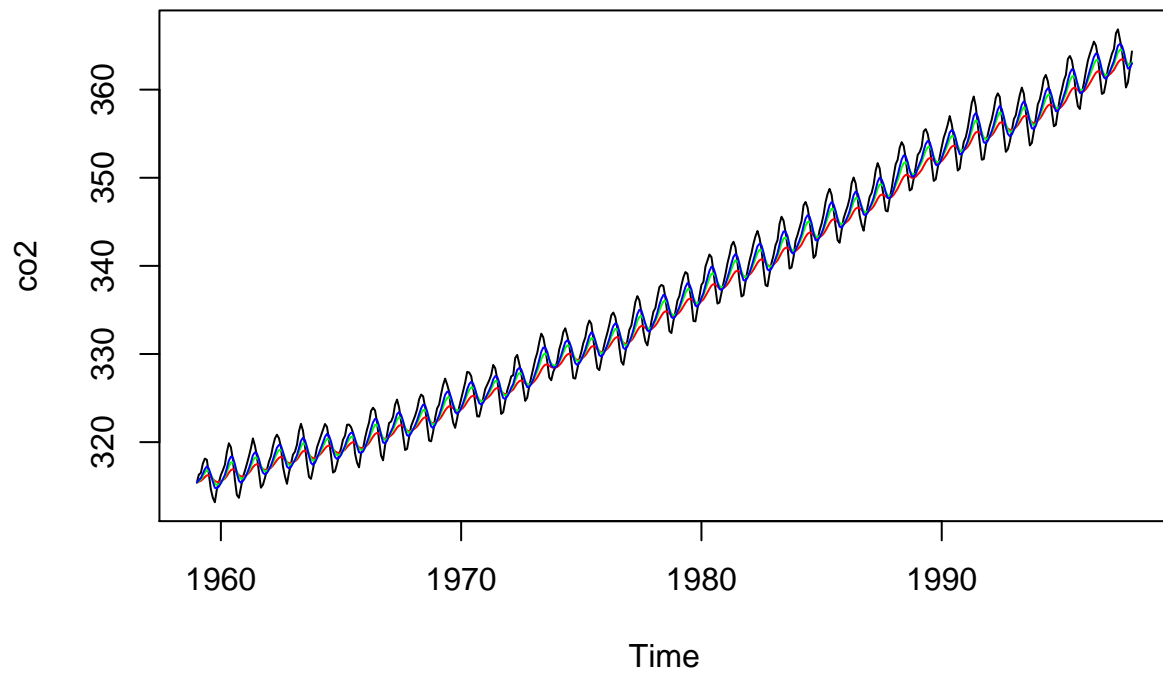
```
ts.plot(co2) #so soll es wohl sein (ts unnötig hier)
```



b)

```
eglat = function(zeitreihe,a){
  g = ts(zeitreihe)[1]
  for(i in 2:length(zeitreihe)){
    g = ts(zeitreihe)[i]*a+(1-a)*g
    zeitreihe[i]=g
  }
  return(zeitreihe)
}
```

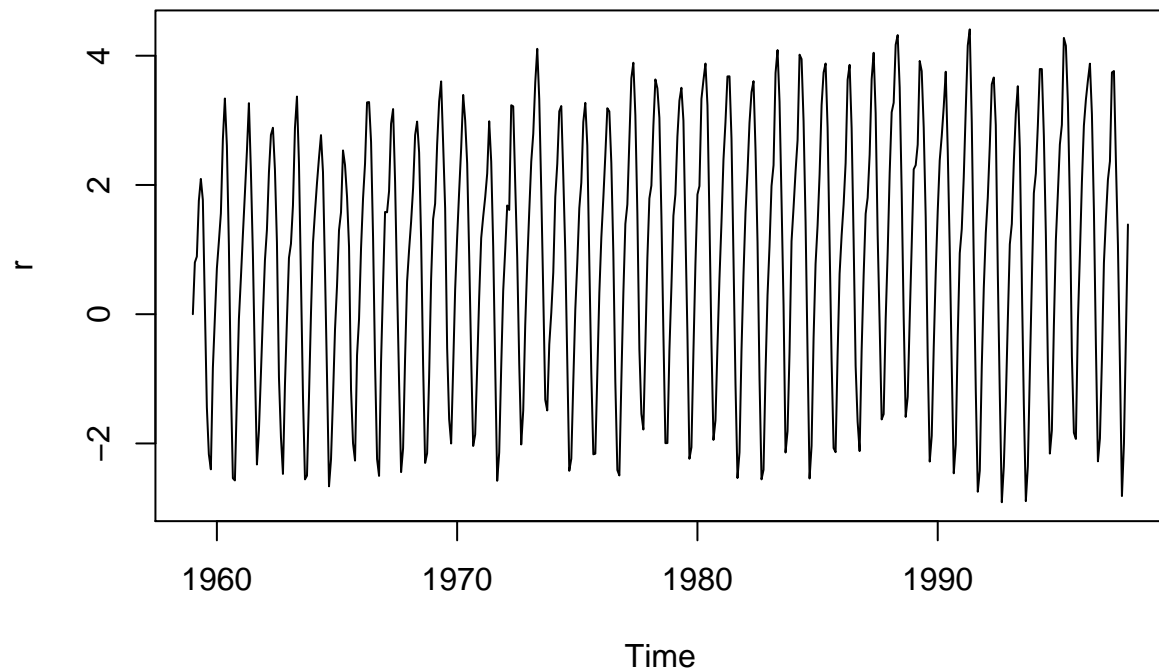
```
glat1 = eglat(co2,0.1)
glat2 = eglat(co2,0.2)
glat3 = eglat(co2,0.3)
plot(co2)
lines(glat1,type = 'l',col='red')
lines(glat2,type = 'l',col='green')
lines(glat3,type = 'l',col='blue')
```



c)

```
r = co2-glat1 #Zeitreihe vom Trend befreit  
m = 1997-1958 #volle Jahre  
l = 12 #periodenlänge(12Monate)
```

```
plot(r)
```



```

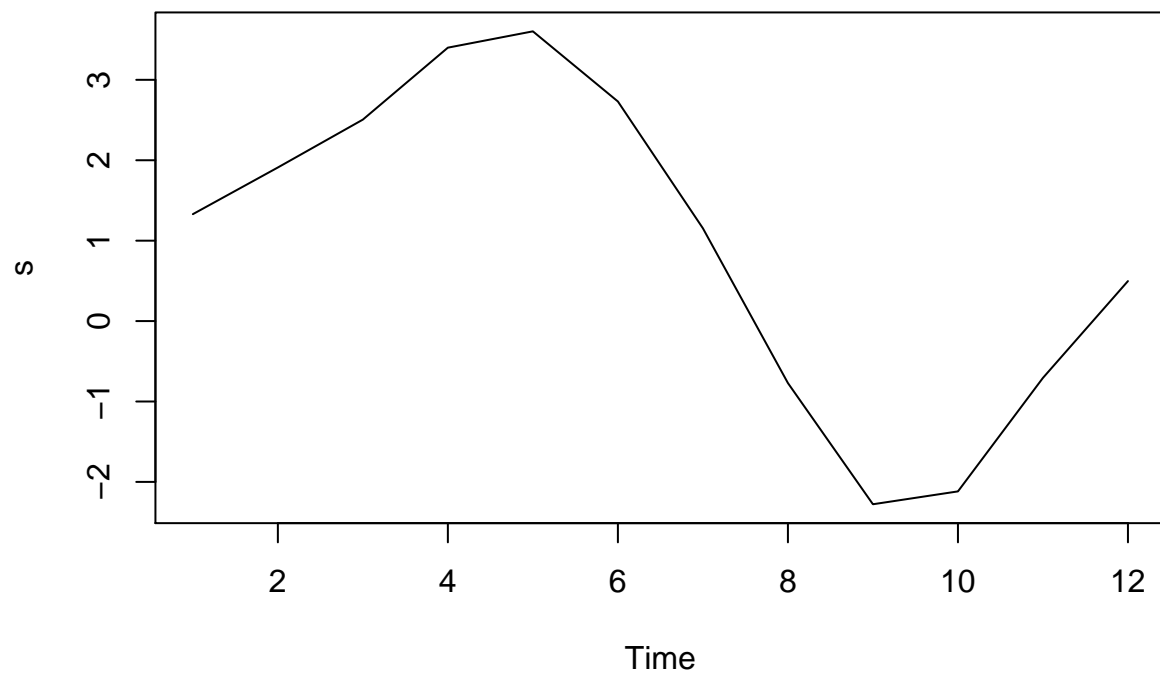
saison = function(zeitreihe,m,l){
  ges = c()
  for(j in 1:l){
    t = c()
    for(i in 0:m){
      t = append(t,zeitreihe[j+i*l])
    }
    ges = append(ges,1/m*sum(t))
  }
  return(ges)
}

```

```

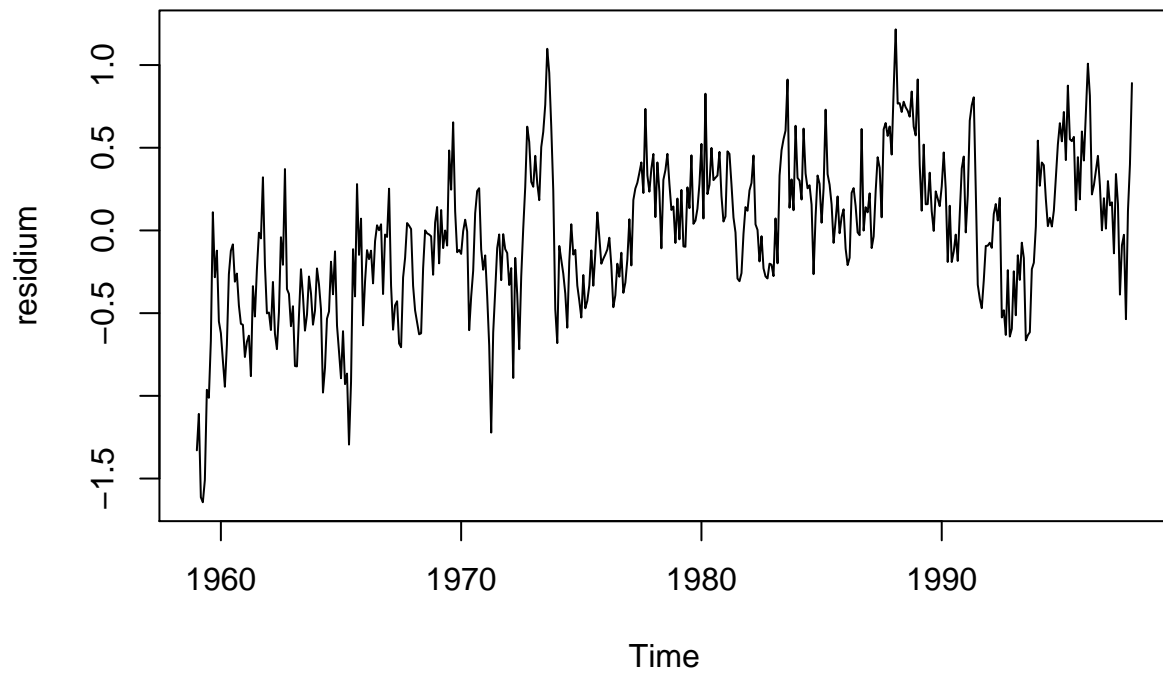
s = saison(r,38,12)
ts.plot(s,type = 'l')

```



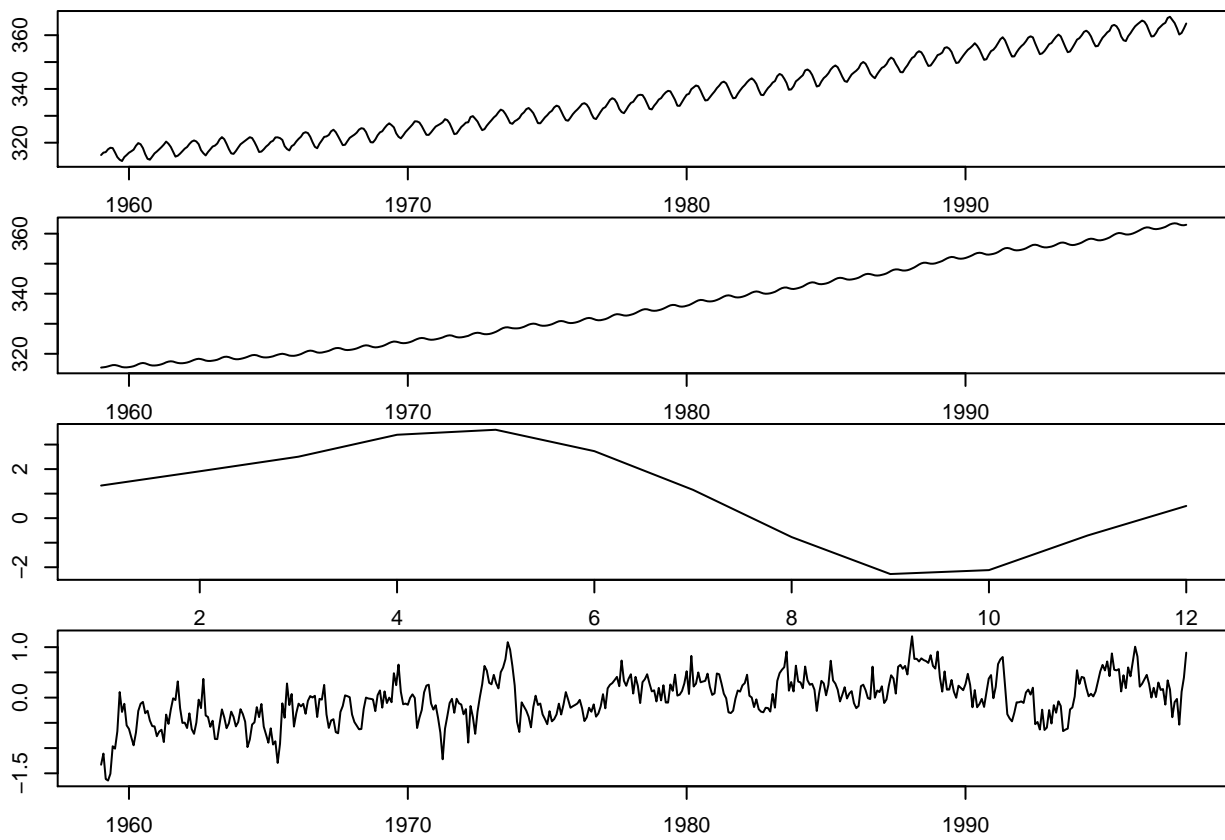
d)

```
residium = co2-(glat1+s)  
ts.plot(residium)
```



e)

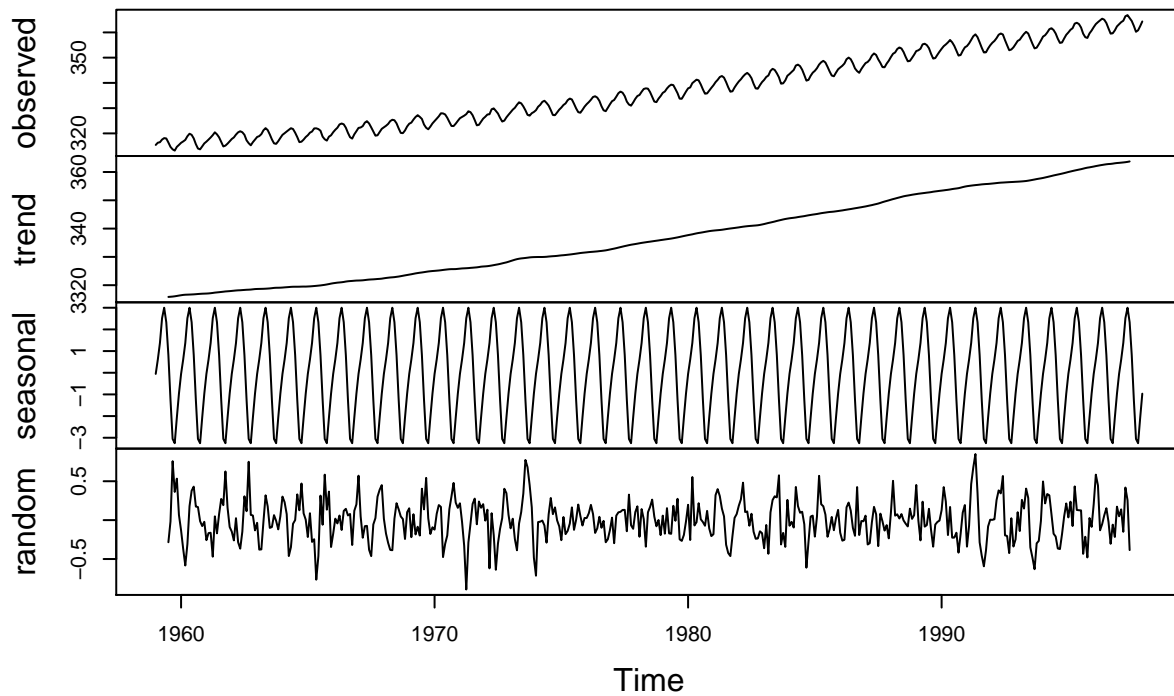
```
par(mfrow=c(4,1), mar=c(1,1,1,0.5), oma=c(1,1,0.5,0.5))
plot(co2)
plot(glat1)
plot(s,type = 'l')
plot(residium)
```



f)

```
h = decompose(co2,type='additiv')
plot(h)
```

Decomposition of additive time series



Aufgabe 6.2

a)

Im Frequenzbereich geht die Ortsinformation verloren, es werden nur die zu überlagernden Frequenzen abgebildet.

Im Ortsbereich ist nicht zu erkennen welche Frequenzen das Signal hat, dafür ist die genaue Lage ersichtlich.

b)

Ein Signal ist nur dann rekonstruierbar, wenn die Abtastfrequenz mehr als doppelt so hoch ist wie die höchste Frequenz im Signal.

Sonst aliasing

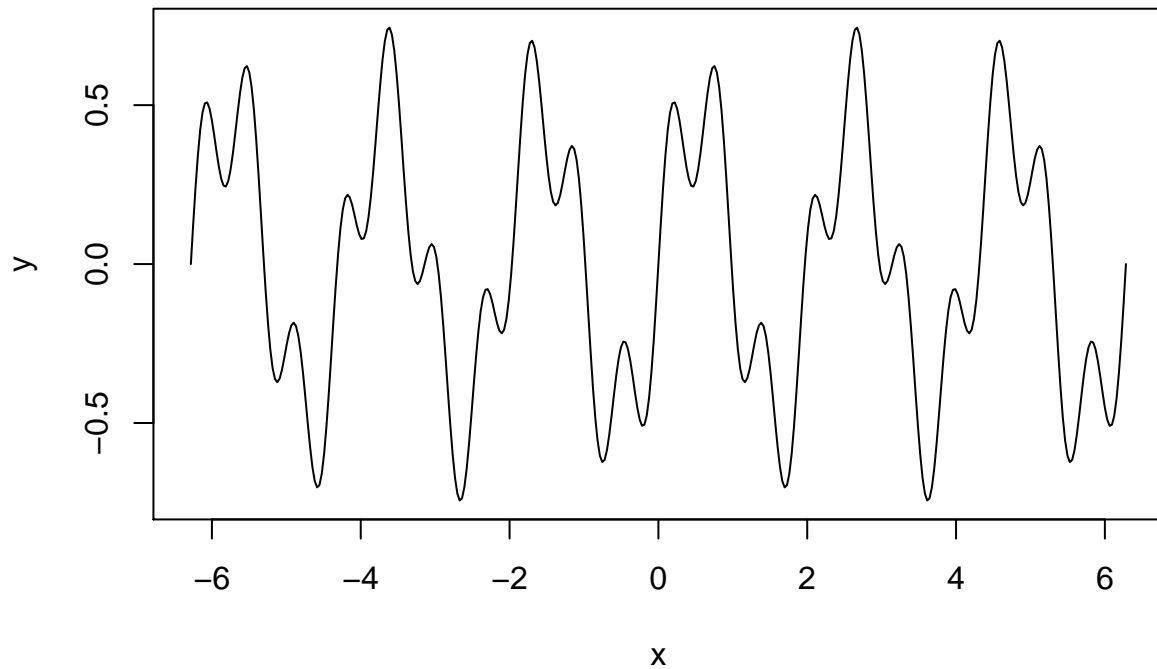
c)

Tiefpassfilter -> Lässt tiefe Frequenzen durch und filtert hohe weg.

Filter im Ortsbereich -> Multiplikation im Frequenzbereich

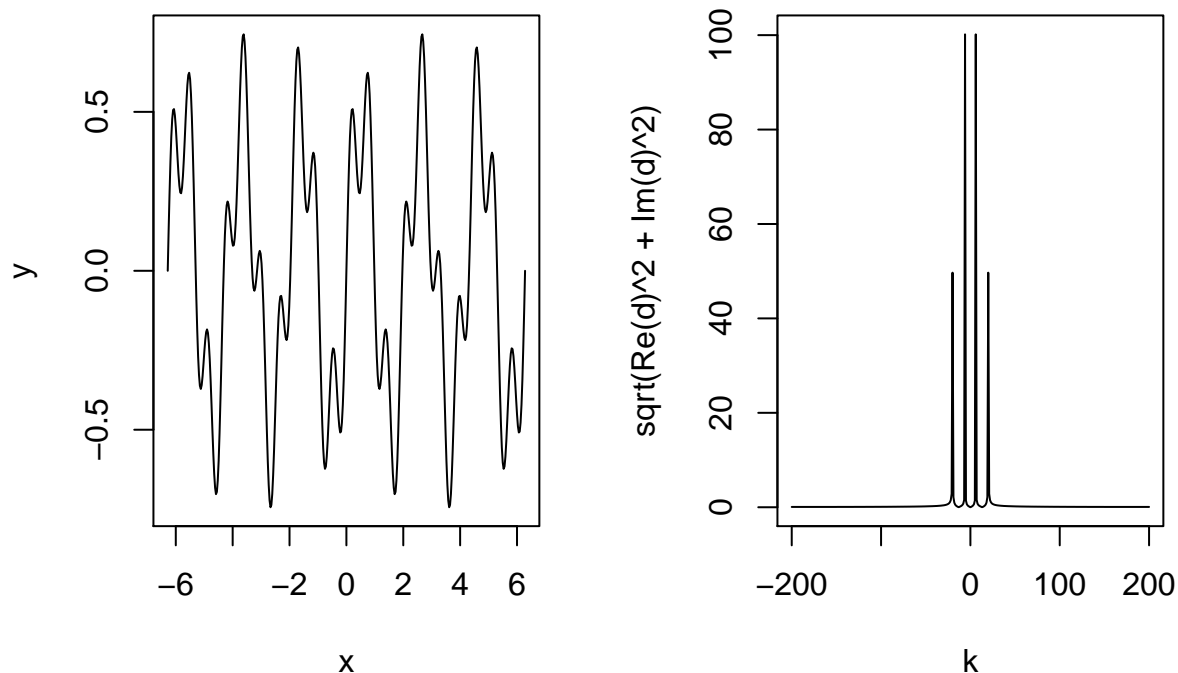
d)


```
x = seq(-2*pi,2*pi,pi/100)
y = 0.5*sin(3*x)+0.25*sin(10*x)
plot(x,y,type = 'l')
```



```
f = fft(y)
d = fftshift(f) #SynchWave
par(mfrow=c(1,2))
plot(x,y,type = 'l')
#plot(Re(f),type = 'l') #mittenfrequenz/Symmetrisch um die höchste Frequenz in der Mitte.
#plot(Im(f),type = 'l')

k = seq(from = -200, to = 200, by = 1)
plot(k,sqrt(Re(d)^2+Im(d)^2),type='l') #Intensitätsbild
```



Es ist zu erkennen, dass die Funktion aus zwei Frequenzen besteht wobei die tiefe Frequenz eine größere Amplitude besitzt.

Durch das fftshiften ist die Mittenfrequenz in der mitte und die Frequenz nimmt nach Außen hin zu.

Es ist um die Nullpunkt symmetrisch.

e)

$W(j, s) = \sum_{k=0}^{n-1} f(k) \cdot \bar{\Psi}\left(\frac{k-j}{s}\right)$ wobei s die Skalierung und j die Translation der Funktion Ψ ist.

Die Funktion Ψ kann gewählt werden in der Vorlesung -> Mexikanischer Hut.

Die Wavelet-Transformation ist in der Vorlesung als Kreuzkorrelation der gegebenen Funktion mit der Wavelet-Funktion vorgestellt worden.

(Faltung der Wavelet-Funktion mit der gegebenen Funktion(multiplikation im Frequenzbereich) -> Hoher Wert bei hoher Übereinstimmung.)

Es gibt auch noch die Haar-Wavelet Transformation(Funktionspaare ->(1)Mittelwertmatrix, (2)Abweichungsmatrix),(3)wider von vorn)

f)

Die Wavelet-Transformation ergibt ein Grauwertbild welches anzeigt wo die Wavelet-Funktion und die gegebene Funktion übereinstimmt.

Es ist dehmetsprechender der Ort zu erkennen wo die beiden Funktionen sich gleichen.(Funktion kann begrenzte Welle mit Frequenz sein)

Auf der y-Achse ist die Skalierung(s) der Wavelet-Funktion(Ψ) aufgetragen.

Bei der Fourier-Transformation bekommt man alle im Signal enthaltenen Frequenzen aber Ortsunabhängig. (Globale Aussage aber nicht lokal)

Aufgabe 6.3

a)

Funktion hat Form $f(t) = \sum_{k=0}^2 (c_k \cdot e_k(t))$ mit $e_0 = 1$, $e_1 = t$ und $e_2 = t^2$

LGS mit Punkten -> Nicht Lösbar (nur approximierte Näherung)

$(f(t) = \sum_{k=0}^3 (c_k \cdot e_k(t))$ und $e_0 = 1$, $e_1 = t$, $e_2 = t^2$ und $e_3 = t^3$ -> Lösbar)

```
X = c(0,1,2,3)
y = c(0,2,4,10)
plot(X,y,xlim=c(-3,5),ylim=c(-1,10))

x = seq(from = -3, to = 5, by = 0.25)

c0=0
c1=2
c2=0

funktion = c0*1+c1*x+c2*x*x
lines(x,funktion,col='red')

c0=0
c1=-2/3
c2=4/3

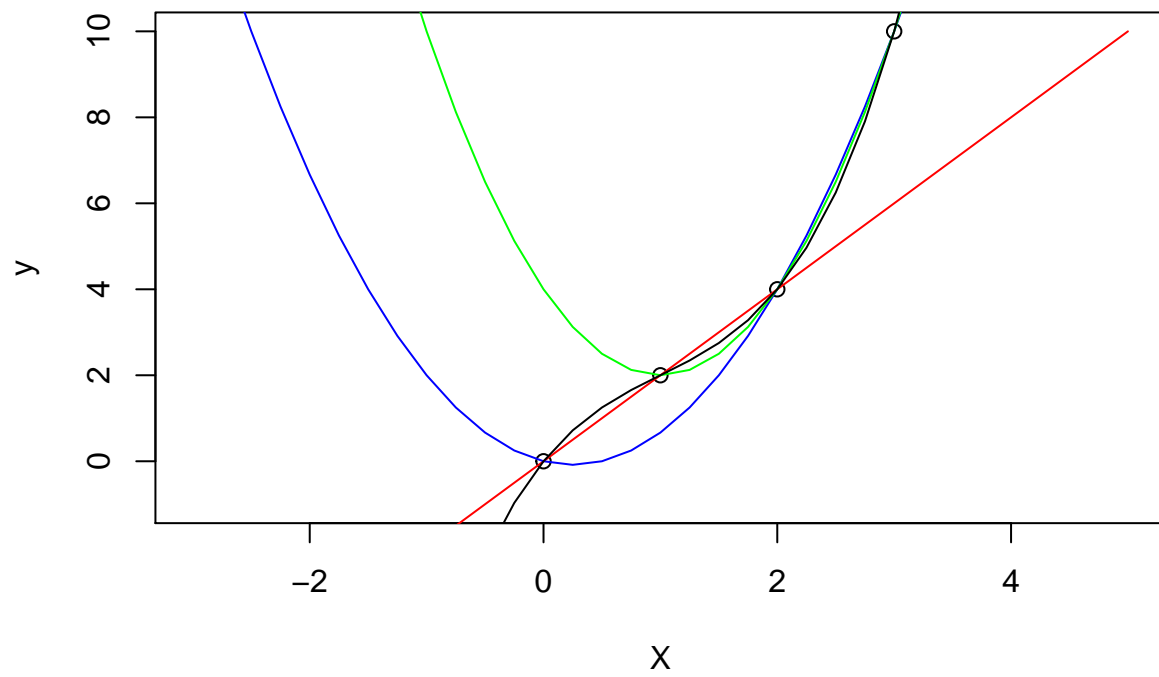
funktion = c0*1+c1*x+c2*x*x
lines(x,funktion,col='blue')

c0=4
c1=-4
c2=2

funktion = c0*1+c1*x+c2*x*x
lines(x,funktion,col='green')

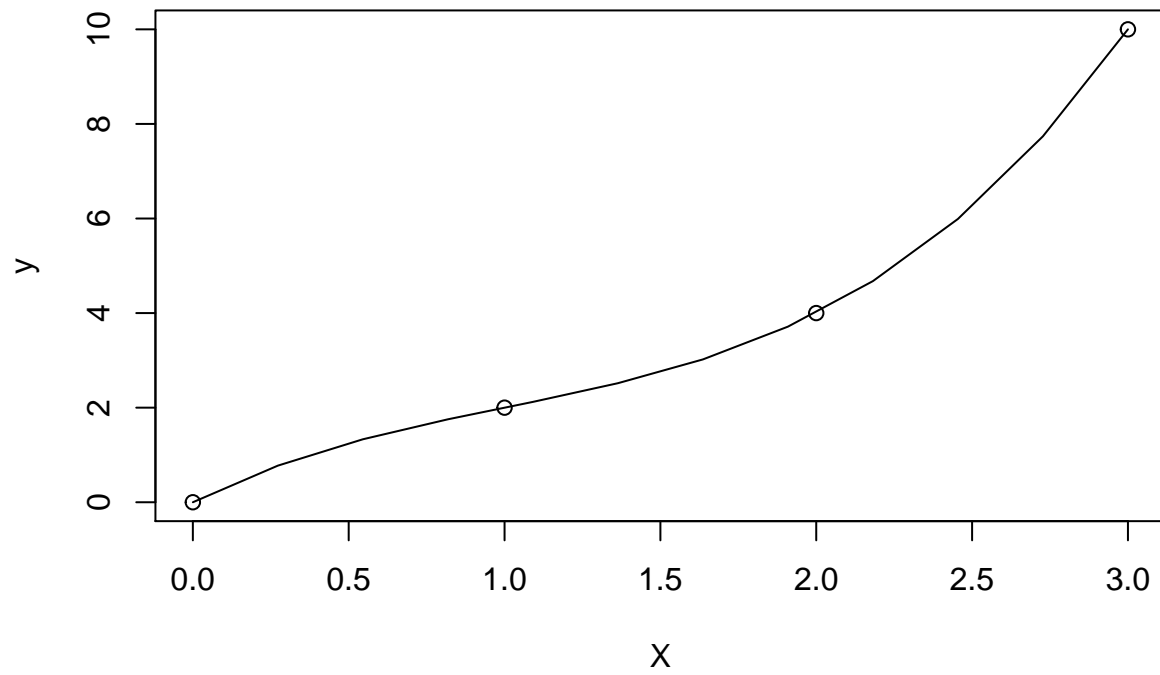
c0=0
c1=10/3
c2=-2
c3=2/3

funktion = c0*1+c1*x+c2*x*x+c3*x*x*x
lines(x,funktion)
```



b) & c)

```
plot(X,y)
lines(spline(X,y))
```



d)

Interpolation: findet Funktion die die gegebenen Werte annimmt.

Approximation: findet Funktion die den gegebenen Werten möglichst nahe kommt.