

A. Satz um Satz (hüpft der Has)

1.3. Betragssätze	10
1.5. Vollständigkeit von \mathbb{R} bezüglich dem Infimum	11
1.6. Existenz des Supremum	12
2.1. Induktionsmengen	13
2.2. Beweisverfahren durch vollständige Induktion	13
2.3. Ganze Zahlen	14
4.1. Eigenschaften von Binomialkoeffizienten	19
4.2. Folgerung	19
4.3. Bernoullische Ungleichung (BU)	19
4.4. Der binomische Satz	20
5.2. Wurzeln	21
5.3. Eindeutigkeit von rationalen Potenzen	22
6.1. Grenzwert und Beschränktheit konvergenter Folgen	23
6.2. Konvergenzsätze	24
6.3. Monotoniekriterium	26
7.1. Konvergenzsatz für Wurzeln	27
7.4. Satz über $\sqrt[n]{n}$	28
7.6. Satz und Definition von e	28
8.1. Sätze zu Teilfolgen	31
8.2. Satz von Bolzano-Weierstraß	32
9.1. Beschränktheit und Abgeschlossenheit der Häufungswerte	33
9.2. Eigenschaften des Limes superior und inferior	34
9.3. Äquivalenzaussagen zur Konvergenz	34
9.5. Rechenregeln für den Limes superior und inferior	35
10.1. Cauchy-Kriterium	37

11.1. Cauchy- und Monotoniekriterium sowie Nullfolgeeigenschaft	40
11.2. Rechenregeln bei Reihen	40
11.3. Dreiecksungleichung für Reihen	41
12.1. Leibnizkriterium	43
12.2. Majoranten- und Minorantenkriterium	43
12.3. Wurzelkriterium	44
12.4. Quotientenkriterium	45
12.6. In konvergenten Folgen darf man Klammern setzen	46
13.1. Riemannscher Umordnungssatz	47
13.2. Alle Produktreihen sind Umordnungen voneinander	48
13.3. Absolute Konvergenz geht auf Produktreihen über	48
13.4. Cauchyprodukt absolut konvergierender Folgen konvergiert	49
13.5. $E(r) = e^r \ \forall r \in \mathbb{Q}$	49
14.1. Konvergenz von Potenzreihen	53
14.2. Konvergenzradien von Cauchyprodukten	54
15.1. Konvergenz g -adischer Entwicklungen	57
15.2. Eindeutigkeit der g -adischen Entwicklung	57
15.3. Existenz der g -adischen Entwicklung	58
15.4. \mathbb{R} ist überabzählbar	58
16.1. Grenzwertsätze bei Funktionen	62
16.2. Rechnen mit Funktionsgrenzwerten	62
16.3. Grenzwerte der Exponentialfunktion	63
17.1. Stetigkeitssätze	65
17.2. Stetigkeit der Potenzreihen	66
17.4. Stetigkeit von verketteten stetigen Funktionen	66
18.1. Zwischenwertsatz	69
18.2. Nullstellensatz von Bolzano	69
18.4. Eigenschaften von Bildmengen stetiger Funktionen	70
18.5. Bildintervalle und Umkehrbarkeit stetiger, monotoner Funktionen	71

18.6. Der Logarithmus	71
19.1. Funktionskonvergenzkriterien	74
19.2. Stetigkeit bei gleichmäßiger Konvergenz	74
19.3. Identitätssatz für Potenzreihen	75
20.1. Stetigkeitssätze	77
21.1. Differenzierbarkeit und Stetigkeit	79
21.2. Ableitungsregeln	79
21.3. Kettenregel	80
21.4. Ableitung der Umkehrfunktion	81
21.5. Erste Ableitung am relativen Extremum	81
21.6. Mittelwertsatz der Differenzialrechnung	82
21.8. Die Regeln von de l'Hospital	83
21.9. Ableitung von Potenzreihen	84
21.10Eigenschaften trigonometrischer Funktionen	85
21.11Tangens	86
22.1. Differenzierbarkeit von Potenzreihen	87
22.2. Satz von Taylor	88
22.3. Bestimmung von Extrema durch höhere Ableitungen	89
23.1. Zerlegungs-Verfeinerungen	91
23.2. Rechenregeln für Integrale	92
23.3. Riemannsches Integrabilitätskriterium	93
23.4. Integratibilität monotoner und stetiger Funktionen	93
23.5. 1. Hauptsatz der Differential- und Integralrechnung	94
23.6. Integrierbarkeit gleichmäßig konvergierender Funktionsfolgen	95
23.7. Integration von verketteten Funktionen	96
23.8. Weitere Rechenregeln für Integrale	96
23.9. Aufteilung eines Integrals	97
23.10Integral und Unstetigkeitsstellen	97
23.11Mittelwertsatz der Integralrechnung	98

23.12	Äquivalenz der Riemannschen und Darbouxschen Integrale	99
23.13	2. Hauptsatz der Differential- und Integralrechnung	99
23.14	Anwendung des 2. Hauptsatzes auf stetige Funktionen	100
23.15	Partielle Integration	100
23.16	Substitutionsregeln	101
23.17	Integration von rationalen Funktionen	102
23.18	Folgen von Zerlegungen mit $ Z_n \rightarrow 0$	103
23.19	Riemannsche Definition des Integrals mit Nullfolgen	104
23.20	Gleichmäßige Konvergenz der Stammfunktion	105
25.1.	Varianzeigenschaften	109
25.2.	Eigenschaften Funktion von beschränkter Varianz	110
26.1.	111
26.2.	Partielle Integration	112
26.3.	112
26.4.	Abschätzen des RS-Integrals mit Hilfe der Totalvarianz	113
26.6.	Weiteres Kriterium zur RS-Integrierbarkeit	114

Stichwortverzeichnis

- g -adische Entwicklung, 57
- g -adischer Bruch, 57
- n -mal stetig differenzierbar, 87
- (unendliche) Reihe, 39
- überabzählbar, 17

- abgeschlossene Menge, 69
- abgeschlossenes Intervall, 11
- Ableitung, 79
- absolut konvergent, 40, 108
- abzählbar, 17
- alternierende Harmonische Reihe, 41
- Anordnungsaxiome, 10
- aquidistante Zerlegung, 93
- Arcustangens, 86
- Assoziativgesetze, 9

- beschränkt, 12
- beschränkter Variation, 109
- bestimmtes Integral, 100
- Betrag, 10
- Betragssätze, 10
- bijektiv, 17
- Binominalkoeffizienten, 19

- Cauchyfolge, 37
- Cauchy Kriterium, 108
 - bei Funktionsgrenzwerten, 62
- Cauchyprodukt, 49

- Differenzierbarkeit, 79
- Distributivgesetz, 9
- divergent, 23, 39, 107
- Dreiecksungleichung für Integrale, 96

- echt gebrochen rational, 102
- endlich, 17
- Entwicklungspunkt, 55
- Exponentialfunktion, 46
- Extremum
 - relatives, 81
- für fast alle, 23

- Fakultät, 19
- Feinheitsmaß, 103
- Folge von Funktionen, 73
- Folgen, 17
- Funktionsreihe, 73

- Ganze Zahlen, 14
- geometrische Reihe, 39
- gleichmäßig (glm) konvergent, 73
- gleichmäßig stetig, 77
- Grenzwert, 23

- Häufungspunkt, 61
- Häufungswert, 31
- halboffenes Intervall, 11
- harmonische Reihe, 39
- Heine, Satz von, 77

- Induktionsmenge, 13
- Infimum, 11
- injektiv, 17
- innerer Punkt, 81
- Integral, 92
- Integrator(funktion), 111
- integrierbar, 92
- Intervall, 11

- Körperaxiome, 9
- Kommutativgesetze, 9
- konvergent, 23, 39, 107, 108
- Konvergenzbereich, 53
- Konvergenzradius, 53
- Kosinus, 51

- Limes, 23
- Limes inferior, 33
- Limes superior, 33
- Lipschitz stetig, 77

- Majorantenkriterium, 43, 108
- Maximum, 11
 - relatives, 81
- Minimum, 11

- relatives, 81
- Minorantenkriterium, 43, 108
- monoton, 26
- monoton fallend, 26
- monoton wachsend, 25
- natürlichen Zahlen, 13
- Nullfolge, 24, 103
- obere Schranke, 11
- oberer Limes, 33
- oberes Integral, 91
- Obersumme, 91
- offene Menge, 69
- offenes Intervall, 11
- Partialbruch, 102
- Potenz
 - allgemeine, 72
 - natürliche, 19
 - rationale, 22
- Potenzreihe, 53
- Produktzeichen, 14
- rationale Funktion, 102
- Reellen Zahlen, 9
- Reihenglied, 39
- Reihensumme, 39
- Reihenwert, 39
- relatives
 - Extremum, 81
 - Maximum, 81
 - Minimum, 81
- Riemann-Stieltjes-Integral, 111
- Riemann-Stieltjes-integrierbar, 111
- Riemann-Stieltjes-Summe, 111
- Riemannsche Zwischensumme, 98
- Riemannscher Umordnungssatz, 47
- Sinus, 51
- Stammfunktion, 94
- streng monoton, 26
- streng monoton fallend, 26
- streng monoton wachsend, 25
- Summenzeichen, 14
- Supremum, 11
- surjektiv, 17
- Taylorpolynom, 88
- Taylorreihe, 88
- Teilfolge, 31
- Teilsumme, 39
- Totalvariation, 109
- Umgebung, 23
- Umordnung, 47
- unbestimmtes Integral, 100
- uneigentliche Integral, 107
- unendlich, 17
- untere Schranke, 11
- unterer Limes, 33
- unteres Integral, 91
- Untersumme, 91
- unzerlegbar, 102
- Variation, 109
- Verfeinerung, 91
- vollständige Induktion, 13
- Vollständigkeitsaxiom, 11
- Weierstraß, Kriterium von, 74
- Wurzel, 21
- Zerlegung, 91
- Zwischenvektor, 98