Pass 3, kombinatorik

- 1. a) Liam skall laga fruktsallad och har köpt 22 olika sorters frukt. Hans gäster kräver att antalet frukter som används i salladen skall vara ett primtal $p \geq 3$. På hur många sätt kan Liam välja ingredienserna till sin fruktsallad?
 - b) Liams bror Noel har köpt 12 olika glasspinnar. På hur många sätt kan han lägga sina 12 olika glasspinnar i 5 olika lådor?
 - c) När Noel dukar tar han 5 identiska skålar. På hur många olika sätt kan 5 identiska skålar och 6 olika glasspinnar ordnas i en följd om två glasspinnar inte får placeras bredvid varandra.
- 2. Låt B vara mängden som innehåller alla "ord" (d.v.s. följder av bokstäver) som kan bildas med fem av bokstäverna i ordet BARRSKOGSBÄR (så t.ex. ordet KÄRRA tillhör mängden B). Bestäm |B|.
- 3. Hur många delmängder till $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ innehåller minst en av delmängderna $\{1, 2\}$ och $\{3, 4\}$, men inte delmängden $\{1, 10\}$?
- 4. Rainer sorterar i sin bokhylla bestående av 12 olika deckare och 11 identiska diktsamlingar. På hur många sätt kan han placera böckerna i en hylla om alla deckare måste stå i en följd bredvid varandra? Om han istället vill att inte någon diktsamling står bredvid en annan diktsamling, hur många möjligheter finns då?
- 5. Bestäm antalet heltalslösningar till ekvationen $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 46$ om

a)
$$1 \le x_1 \le 10, x_2 \ge 21, x_3 \ge -12, x_4 \ge 0$$
.

b)
$$4 \le x_i \le 14, i = 1, 2, 3, 4$$

- 6. Beräkna koefficienten framför a^9b^{18} i uttrycket $\left(a^3+2b^2\right)^{12}-\left(2a-3b^6\right)^{12}$
- 7. a) Lisa har 18 olika böcker, 3 på spanska och resterande 15 på 15 andra olika språk. Hon vill ställa böckerna på två hyllor i sin bokhylla, så att på den översta hyllan är varannan bok på spanska och varannan bok på något annat språk. På hur många olika sätt kan hon ordna böckerna i sina två hyllor?
 - b) Lisa vill efter denna ansträngning äta mellanmål. Hjälp henne att bestämma hur många mellanmål hon kan bilda genom att välja ut 2 frukter bland 5 olika, en sorts kaffe bland 4 olika sorter, samt 5 sorters kakor bland 9 olika sorter.