

Python: Funciones, Tipos de Variables y Recursividad

Herramientas Computacionales

fl.gomez10 at uniandes.edu.co

2015-2



Tipos de variables en Python

En python se tienen cinco tipos básicos de variables:

- Números
- Strings o cadenas de caracteres.
- Listas
- Tuplas
- Diccionarios



Números

Existen cuatro tipos de números en python:

- **int** Plain integers. Enteros con signo; 0, 1, 2, 3, ..., -1, -2, -3, ...
Precisión: 32bits
- **long** Enteros con precisión ilimitada, se especifican con una "L" al final;
684763158485348463L, 999999889654652132135064510684L
- **float** Floating Point, números decimales, la precisión interna depende de la máquina; 3.14165, -0.99
- **complex** Números complejos, parte real e imaginaria, se especifican como floats; 3.0 + 4.0j

<https://docs.python.org/2/library/stdtypes.html>

Operaciones con Números



Operation	Result
$x + y$	sum of x and y
$x - y$	difference of x and y
$x * y$	product of x and y
x / y	quotient of x and y
$x // y$	(floored) quotient of x and y
$x \% y$	remainder of x / y
$-x$	x negated
$+x$	x unchanged
<code>abs(x)</code>	absolute value or magnitude of x
<code>int(x)</code>	x converted to integer
<code>long(x)</code>	x converted to long integer
<code>float(x)</code>	x converted to floating point
<code>complex(re,im)</code>	a complex number with real part re , imaginary part im . im defaults to zero.
<code>c.conjugate()</code>	conjugate of the complex number c . (Identity on real numbers)
<code>divmod(x, y)</code>	the pair $(x // y, x \% y)$
<code>pow(x, y)</code>	x to the power y
$x ** y$	x to the power y

<https://docs.python.org/2/library/stdtypes.html>

str



Cadenas de caracteres. Son objetos tipo secuencia modificables. Se definen siempre entre comillas sencillas o dobles;

“Hola mundo!”

‘Hola mundo!’

Métodos más comunes: find, count, split, splitlines, translate.

<https://docs.python.org/2/library/stdtypes.html>



list

Listas. Son objetos tipo secuencia modificables, funcionan como contenedores que pueden almacenar distintos tipos de objetos. Se escriben siempre entre corchetes cuadrados.

```
desayuno = ["leche", "huevos", "pan"]
```

```
notas = [4.5, 6.7j, "no presentó", desayuno, 6.022*10**-23]
```

<https://docs.python.org/2/library/stdtypes.html>

Operaciones sobre objetos tipo secuencia modificables



Operation	Result	Notes
<code>s[i] = x</code>	item <i>i</i> of <i>s</i> is replaced by <i>x</i>	
<code>s[i:j] = t</code>	slice of <i>s</i> from <i>i</i> to <i>j</i> is replaced by the contents of the iterable <i>t</i>	
<code>del s[i:j]</code>	same as <code>s[i:j] = []</code>	
<code>s[i:j:k] = t</code>	the elements of <code>s[i:j:k]</code> are replaced by those of <i>t</i>	(1)
<code>del s[i:j:k]</code>	removes the elements of <code>s[i:j:k]</code> from the list	
<code>s.append(x)</code>	same as <code>s[len(s):len(s)] = [x]</code>	(2)
<code>s.extend(x)</code>	same as <code>s[len(s):len(s)] = x</code>	(3)
<code>s.count(x)</code>	return number of <i>i</i> 's for which <code>s[i] == x</code>	
<code>s.index(x[, i[, j]])</code>	return smallest <i>k</i> such that <code>s[k] == x</code> and $i \leq k < j$	(4)
<code>s.insert(i, x)</code>	same as <code>s[i:i] = [x]</code>	(5)
<code>s.pop([i])</code>	same as <code>x = s[i]; del s[i]; return x</code>	(6)
<code>s.remove(x)</code>	same as <code>del s[s.index(x)]</code>	(4)
<code>s.reverse()</code>	reverses the items of <i>s</i> in place	(7)
<code>s.sort([cmp[, key[, reverse]])</code>	sort the items of <i>s</i> in place	(7)(8)(9)(10)



tuple

Tuplas. Son objetos tipo secuencia no modificables, de solo lectura, funcionan como contenedores que pueden almacenar distintos tipos de objetos. Se escriben siempre entre paréntesis.

```
cena = ("leche", "huevos", "pan")
```

```
datos = (4.5, 6.7j, "no presentó", cena, 6.022*10**-23)
```

<https://docs.python.org/2/library/stdtypes.html>

dict



Diccionarios.

A diferencia de las listas, en los diccionarios los elementos no tienen un orden. Almacenan pares “clave-valor” (key-value). Se declaran entre corchetes “{ }”, pueden almacenar números, strings o tuplas. No pueden almacenar listas.

```
dict = { 'name':'Felipe', 'age':28, 'country':'Colombia'}
```

```
superseleccion = { 'Cordoba':1, 'Escobar':2, 'Valderrama':10, 'Rincon':19  
                   'Asprilla':21, 'Alvarez':14, 'Valencia':11}
```

<https://docs.python.org/2/library/stdtypes.html>



métodos en dict

`has_key(k)` busca si la clave `k` está en el diccionario.

`del dict[n]` permite borrar elementos individuales por su clave `n`

`clear()` borra todos los elementos de un diccionario.

`keys()` devuelve todas las claves en el diccionario

`values()` devuelve todos los valores en el diccionario

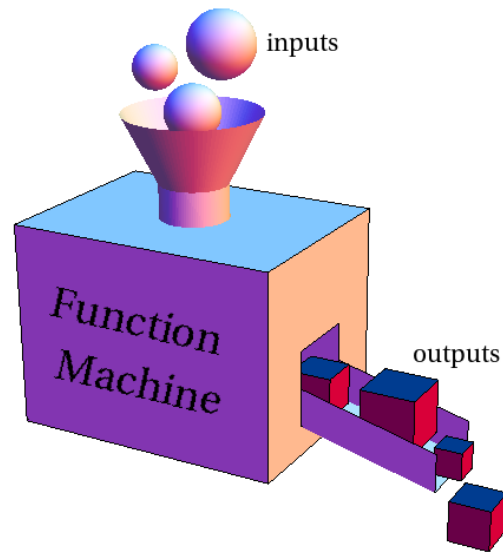
`items()` devuelve todas las parejas clave-valor

`get()` busca la clave en el diccionario y devuelve el valor

`pop(k)` borra la clave `k` del diccionario y devuelve su valor.

<http://pycol.blogspot.com.co/2009/03/diccionarios-en-python.html>

Funciones



Funciones



La palabra “def” está reservada para definir funciones. Debe ir seguida del nombre de la función y entre paréntesis los argumentos o parámetros de entrada con los que operará la función. Cerrando la línea van dos puntos.

```
def funcion( argumentos ):  
    """documentacion opcional entre tripletas de comillas"""  
    # comandos  
    # comandos  
  
    return objeto(s) a devolver
```

Funciones



La primera línea de una función puede ser un docstring, o línea de documentación. Esto es muy importante cuando se trabaja en proyectos grandes.

Siguen los comandos a ejecutar. Cada línea debe ir indentada, preferiblemente con cuatro (4) espacios en blanco, o con tabulado.

```
def funcion( argumentos ):  
    """documentacion opcional entre tripletas de comillas"""  
    # comandos  
    # comandos  
  
    return objeto(s) a devolver
```

Funciones



Para cerrar la función va la palabra “return” seguida de los objetos que devuelve la función. Generalmente son números, pero pueden ser listas, strings, etc.

```
def funcion( argumentos ):  
    """documentacion opcional entre tripletas de comillas"""  
    # comandos  
    # comandos  
  
    return objeto(s) a devolver
```

Funciones



Para cerrar la función va la palabra “return” seguida de los objetos que devuelve la función. Generalmente son números, pero pueden ser listas, strings, etc.

```
def funcion( argumentos ):  
    """documentacion opcional entre tripletas de comillas"""  
    # comandos  
    # comandos  
  
    return objeto(s) a devolver
```

(Paréntesis de la RAE)

“indentación” es un anglicismo no aceptado por la Real Academia Española.

Se recomienda utilizar “sangrado” o “sangría”, términos de buen uso en la industria de la impresión.



REAL ACADEMIA ESPAÑOLA

Diccionario de la lengua española

El *Diccionario de la lengua española* es la obra de referencia de la Academia. La última edición es la 23.^a, publicada en octubre de 2014.

Mientras se trabaja en la edición digital, que estará disponible próximamente, **esta versión electrónica permite acceder al contenido de la 22.^a edición** y las enmiendas incorporadas hasta 2012.

á é í ó ú ü ñ

■ Ayuda

La palabra ***indentar*** no está registrada en el Diccionario. Las que se muestran a continuación tienen formas con una escritura cercana.

- **endentar.**
- **intentar.**
- **inventar.**

Real Academia Española © Todos los derechos reservados

hola mundo!



Podemos tener funciones que no requieran argumentos de entrada y tampoco retornen salida.

```
def hola():  
    print "Hola mundo!"
```

```
hola()
```

```
Hola mundo!
```

Funciones



funciones con números como parámetros de entrada y números como valor de retorno.

```
def suma_de_cuadrados(x, y):  
    aux = x**2 + y**2  
    return aux
```

```
suma_de_cuadrados(3, 4)
```

25

Funciones



... O funciones con
diversos argumentos
de entrada.

```
def calificacion( p1, p2, p3, nombre):  
    prom = (p1 + p2 + p3)/3.0  
    if (prom >= 3.0):  
        texto = "Aprobado"  
    else:  
        texto = "Reprobado"  
    return nombre, prom, texto
```

```
calificacion(5.0, 5.0, 5.0, "Heriberto de la Calle" )  
( 'Heriberto de la Calle', 5.0, 'Aprobado' )
```

```
type(calificacion(5.0, 5.0, 5.0, "Heriberto de la Calle" ))
```

tuple

Funciones



... O funciones que

llamen otras

funciones.

```
def saludo():  
    hola()  
    print suma_de_cuadrados(1,1)
```

```
saludo()
```

```
Hola mundo!
```

```
2
```

Fibonacci, de nuevo.



```
>>> def fib(n):      # escribe la serie de Fibonacci hasta n
...     """Escribe la serie de Fibonacci hasta n."""
...     a, b = 0, 1
...     while a < n:
...         print(a, end=' ')
...         a, b = b, a+b
...     print()
...
>>> # Ahora llamamos a la funcion que acabamos de definir:
... fib(2000)
0 1 1 2 3 5 8 13 21 34 55 89 144 233 377 610 987 1597
```

Fibonacci, de nuevo.



Las funciones también pueden cambiar de nombre.

```
>>> fib
<function fib at 10042ed0>
>>> f = fib
>>> f(100)
0 1 1 2 3 5 8 13 21 34 55 89
```



Fibonacci, la venganza.

Ahora vamos a tener una función que retorne una lista.

```
>>> def fib2(n): # devuelve la serie de Fibonacci hasta n
...     """Devuelve una lista conteniendo la serie de Fibonacci hasta n."""
...     result = []
...     a, b = 0, 1
...     while a < n:
...         result.append(a)      # ver abajo
...         a, b = b, a+b
...     return result
...
>>> f100 = fib2(100)      # llamarla
>>> f100                  # escribir el resultado
[0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89]
```

Recursividad



El poder de la recursividad evidentemente se fundamenta en la posibilidad de definir un conjunto infinito de objetos con una declaración finita. Igualmente, un número infinito de operaciones computacionales puede describirse con un programa recursivo finito, incluso en el caso de que este programa no contenga repeticiones explícitas.

Wirth, Niklaus (1976)

Recursividad

Una función puede llamarse a sí misma para resolver un problema.

¿Cómo escribir un procedimiento recursivo?

- Entender qué es lo que tiene que hacer el proceso.
 - cuáles son los parámetros de entrada (inputs)
 - qué debe retornar el proceso (outputs)
- Pensar en algunos ejemplos de entradas y salidas
- Definir el procedimiento (siguiente diapositiva)
- ¡Probar!

¿Cómo definir una función recursiva?

1) Definir el caso base:

La respuesta más simple que puede devolver nuestra función. Para números enteros, generalmente el caso base es cero como parámetro de entrada.

2) Definir los pasos recursivos:

Pensar qué debe hacerse de manera repetitiva para reducir al caso base y finalizar el proceso.

Esqueleto de una función recurrente

```
def: mi_funcion( mi_input):
```

```
    if (es el caso base?):
```

```
        return respuesta_caso_base( mi_input)
```

```
    else:
```

```
        return combinar( mi_input , mi_funcion( acercar_mi_input_al_caso_base ) )
```



Ejemplo: Función Factorial

Tenemos esta definición matemática de la función factorial para números enteros.

$$0! = 1$$

$$n! = 1 \times 2 \times \dots \times (n-1) \times n$$

Arrancamos por nuestro caso base:

```
def factorial(n):  
    if (n==0):  
        return 1
```

```
factorial(0)
```

1

y funciona!

Ejemplo: Función Factorial

$0! = 1$ -----> OK

Ahora vemos cómo escribir el problema en forma recursiva:

$n! = 1 \times 2 \times \dots \times (n-1) \times n$

$n! = (n-1)! \times n$

definiendo un factorial en términos de otro factorial.

```
def factorial(n):  
    if (n==0):  
        return 1  
    else:  
        return n*factorial(n-1)
```

```
factorial(3)
```

6

Ejemplo: Función Factorial

Al definir un factorial en términos de otro factorial se generan pasos recursivos hasta llegar al caso base.

$$3! = 2! \times 3$$

$$2! = 1! \times 2$$

$$1! = 0! \times 1$$

$$0! = 1$$

$$1! = 1 \times 1 = 1$$

$$2! = 1 \times 2 = 2$$

$$3! = 2 \times 3 = 6$$

```
def factorial(n):  
    if (n==0):  
        return 1  
    else:  
        return n*factorial(n-1)
```

```
factorial(3)
```

6

(Paréntesis de la RAE)

Las palabras murciégalo, toballa, crocodilo, almóndiga y otros bichos raros han sido aceptados por la RAE.

U_U



REAL ACADEMIA ESPAÑOLA

Diccionario de la lengua española

El *Diccionario de la lengua española* es la obra de referencia de la Academia. La última edición es la 23.^a, publicada en octubre de 2014.

Mientras se trabaja en la edición digital, que estará disponible próximamente, **esta versión electrónica permite acceder al contenido de la 22.^a edición** y las enmiendas incorporadas hasta 2012.

á é í ó ú ü ñ

■ Ayuda

murciégalo.

(Del lat. *mus*, *muris*, ratón, y *caecūlus*, dim. de *caecus*, ciego).

1. m. murciélago.

Real Academia Española © Todos los derechos reservados