МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ (НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ)

Физтех-школа Радиотехники и компьютерных технологий

Исследование функции

Рогов Анатолий Б01-406

30 ноября 2024 г.

1 Исходная функция

$$f(x) = ((1 + (x^{(x+(\sin x))})) \cdot x)$$

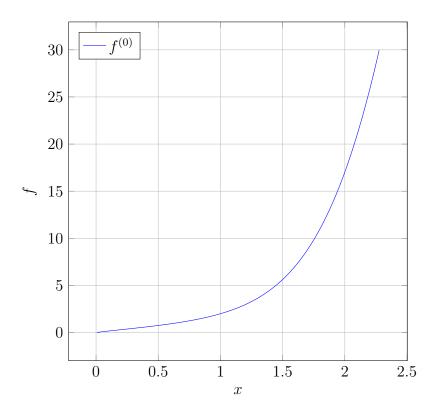


Рис. 1: График функции

2 Производная (1) по переменной "х"

Шаг 1

$$(\sin x)' = (\cos x)$$

$$(x + (\sin x))' = (1 + (\cos x))$$

$$(x^{(x+(\sin x))})' = ((x^{(x+(\sin x))}) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x}))))$$

Шаг 4

$$((x^{(x+(\sin x))}) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})))) = ((x^{(x+(\sin x))}) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})))))$$

Шаг 5

$$((1 + (x^{(x+(\sin x))})) \cdot x)' = ((((x^{(x+(\sin x))}) \cdot (((1 + (\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x + (\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})))) \cdot x) + (1 + (x^{(x+(\sin x))})))$$

6 Результат

$$f^{(1)}(x) = ((((x^{(x+(\sin x))}) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})))) \cdot x) + (1+(x^{(x+(\sin x))})))$$

3 Производная (2) по переменной "х"

Шаг 1

$$(\sin x)' = (\cos x)$$

Шаг 2

$$(x + (\sin x))' = (1 + (\cos x))$$

Шаг 3

$$(x^{(x+(\sin x))})' = ((x^{(x+(\sin x))}) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x}))))$$

$$(\cos x)' = (-1 \cdot (\sin x))$$

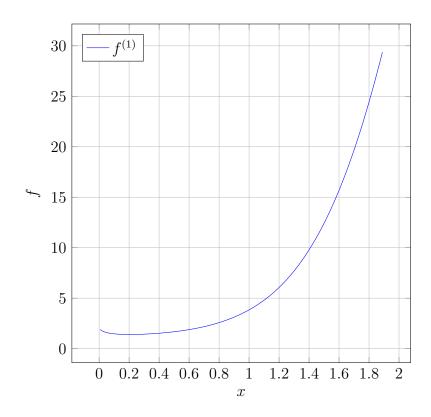


Рис. 2: График функции

$$(1 + (\cos x))' = (-1 \cdot (\sin x))$$

Шаг 6

$$(\ln x)' = (\frac{1}{x})$$

Шаг 7

$$((1 + (\cos x)) \cdot (\ln x))' = (((-1 \cdot (\sin x)) \cdot (\ln x)) + ((1 + (\cos x)) \cdot (\frac{1}{x})))$$

$$(\sin x)' = (\cos x)$$

$$(x + (\sin x))' = (1 + (\cos x))$$

Шаг 10

$$\left(\frac{1}{x}\right)' = \left(\frac{-1}{(x^2)}\right)$$

Шаг 11

$$((x + (\sin x)) \cdot (\frac{1}{x}))' = (((1 + (\cos x)) \cdot (\frac{1}{x})) + ((x + (\sin x)) \cdot (\frac{-1}{(x^2)})))$$

Шаг 12

$$(((1+(\cos x))\cdot (\ln x))+((x+(\sin x))\cdot (\frac{1}{x})))'=\\((((-1\cdot (\sin x))\cdot (\ln x))+((1+(\cos x))\cdot (\frac{1}{x})))+(((1+(\cos x))\cdot (\frac{1}{x}))+((x+(\sin x))\cdot (\frac{-1}{(x^2)}))))$$

Шаг 13

$$((x^{(x+(\sin x))}) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x}))))' = ((((x^{(x+(\sin x))}) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})))) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x}))) + (((1+(\cos x)) \cdot (\frac{1}{x})) + ((x+(\sin x)) \cdot ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x}))) + (((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x}))) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x}))) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})$$

Шаг 14

$$(((x^{(x+(\sin x))}) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})))) \cdot x)' = (((((x^{(x+(\sin x))}) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})))) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x}))))) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})))))$$

Шаг 15

$$(\sin x)' = (\cos x)$$

Шаг 16

$$(x + (\sin x))' = (1 + (\cos x))$$

$$(x^{(x+(\sin x))})' = ((x^{(x+(\sin x))}) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x}))))$$

$$(1 + (x^{(x+(\sin x))}))' = ((x^{(x+(\sin x))}) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x}))))$$

Шаг 19

$$((((x^{(x+(\sin x))}) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})))) \cdot x) + (1+(x^{(x+(\sin x))}))' = ((((((x^{(x+(\sin x))}) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})))) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})))))$$

20 Результат

$$f^{(2)}(x) = (((((((x^{(x+(\sin x)))}) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})))) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x}))))) \cdot (((1+(\cos x)) \cdot (\ln x)) + ((x+(\sin x)) \cdot (\frac{1}{x})))))$$

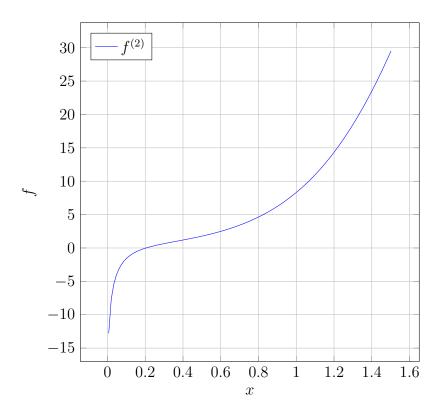


Рис. 3: График функции