| Nota: |
|-------|
|-------|

## MA 141 Geometria Analítica e Vetores Segunda Prova

Nome: RA:

Questão 1. (4,0 Pontos)

Considere as retas  $r_1$  e  $r_2$ , onde  $r_1$  contém o ponto P = (0, 1, 0) e é paralela ao vetor  $v_1 = (0, 1, 1)$ ; e  $r_2$  é definida pelas equações paramétricas x = 2 + t, y = 3, z = -1 + t, onde  $t \in \mathbb{R}$ .

- a-) Calcular a distância entre  $r_1$  e  $r_2$ .
- b-) Calcular os pontos  $Q_1 \in r \cap r_1$  e  $Q_2 \in r \cap r_2$ , onde r é uma reta perpendicular a  $r_1$  e  $r_2$ .

Questão 2. (4,0 Pontos)

Considere as retas  $s_1$  e  $s_2$ , onde  $s_1$  é a intersecção dos planos 2x - 2z - 6 = 0 e y = 3; e  $s_2$  é definida pelas equações paramétricas x = 0, y = 2 + t, z = 1 + t, onde  $t \in \mathbb{R}$ .

- a-) Calcular a distância entre os planos  $\alpha$  e  $\beta$ , tais que  $s_1 \subset \alpha$  e  $s_2 \subset \beta$  e  $\alpha$  é paralelo a  $\beta$ .
- b-) Calcular os pontos  $P_1 \in s_1$  e  $P_2 \in s_2$ , tais que a reta que passa por  $P_1$  e  $P_2$  seja perpendicular a  $s_1$  e  $s_2$ .

Questão 3. (2,0 Pontos)

Assinale verdadeiro (V) ou falso (F) para as seguintes afirmações, considerando que cada item marcado de forma errada anula um outro marcado de forma correta (considere cada afirmação independemente).

- ( )  $u, v \in \mathbb{R}^3 \Rightarrow (||u||^2||v||^2 (u \cdot v)^2 = ||u \times v||^2).$
- ()  $u, v, w \in \mathbb{R}^3 \Rightarrow (u \cdot v = u \cdot w \Rightarrow v = w).$
- ( )  $u, v, w \in \mathbb{R}^3$ ,  $u \neq 0 \Rightarrow (u \times v = u \times w \Rightarrow v = w)$ .
- ( )  $u, v, w \in \mathbb{R}^3 \Rightarrow ((u \times v \times w) \cdot u = 0).$