

Solucionario: Nivelación Ronda 4

**Temática General: Aritmética modular,
entradas grandes y demás**





A

- **Nombre:** Tarea interminable
- **Link:** <https://trainingcenter.cloud.ufps.edu.co/problemas/63/detalle/es>
- **Análisis:** Dada una operación debemos de dos números debemos mostrar su resultado. (MULTIPLICACION, SUMA, RESTA). Como los valores que pueden tener a y b estan entre 1 y 10^{40} . Se nos dificulta solucionar este problema en c++, ya que el máximo valor que podemos trabajar en c++ aproximadamente es 10^{18} . Por lo tanto, tocaría una clase de BigInteger en c++ para solucionarlo. Por su defecto, podemos solucionar este problema en python o en java fácilmente
- **Implementación:** Clase BigInteger de Java o implementarla en c++ o solucionarlo en python.
- **Consideraciones:** Como python es relativamente lento, se sugiere trabajarlo con un metodo main o las entradas rápidas de stdin y stdout, para evitar TLE o un RTE.





B

- **Nombre:** Tarea interminable II
- **Link:** <https://trainingcenter.cloud.ufps.edu.co/problemas/66/detalle/es>
- **Análisis:** Debemos operar $N \leq 10$ números, (SUMA, MULTIPLICACION) y mostrar el resultado en %1007. Cada $n_i \leq 10^8$. En el peor de los casos debemos multiplicar 10 números con un valor de $1e8$. Eso nos daría un número de $1e80$. Por lo tanto, para evitar los números se agranden mucho, toca aplicar las propiedades de la aritmética modular en el campo de la suma y la resta. Otra solución, sería hacerlo en python y simplemente mostrar el resultado en %1007.
- **Implementación:** Para una solución en c++, aplicar las propiedades de la aritmética modular.
- **Consideraciones:** Para python, usar metodos fast i/o para evitar TLE o RTE.





C

- **Nombre:** Cancele
- **Link:** <https://trainingcenter.cloud.ufps.edu.co/problemas/278/detalle/es>
- **Análisis:** Sumar dos números, lo difícil aquí es que estos pueden tener valores entre 1 y 10^{50} .
- **Implementación:** Usar BigInteger en java o implementarlo en c++ o solucionarlo en python.
- **Implementación:** Para python, usar métodos fast i/o para evitar TLE o RTE





D

- **Nombre:** Problema con un nombre ridículamente largo pero una descripción ridículamente corta
-
- **Link:** <https://trainingcenter.cloud.ufps.edu.co/problemas/12/detalle/es>
- **Análisis:** Debemos hacer la siguiente operación, $(66^n) \% 100$. Donde n tiene un valor entre 0 y 10^{1000} . Para solucionarlo debemos usar la función `pow` de python, ya que con el operador de potencia normal (`**`) nos da RTE.

`pow(base, exponente, módulo)`
- **Implementacion:** Usar la función `pow` de python o hacer casos a mano y detectar los resultados cíclicos. Ya que en cierto rango los resultados para $66^n \% 100$ se repiten.





- **Nombre:** Superbowl
- **Link:** <https://trainingcenter.cloud.ufps.edu.co/problemas/149/detalle/en>
- **Análisis:** Nos dan la sumatoria y la diferencia en valor absoluto de dos números. La tarea es hallarlos. Simplemente despejando, encontramos que:

$$a = \text{sumatoria} - b$$

$$b = \text{absoluto}(s-d)/2$$

Ahora, debemos verificar que los resultados de a y b, concuerden con la sumatoria y la diferencia dada. Si esto es así, mostramos a y b, de lo contrario mostramos "impossible"

- **Consideraciones:** Usar long long, ya que el long al que se refiere el ejercicio es de java.





- Ejemplo:

Sumatoria = 40

|Diferencia| = 20

$b = \text{abs}(40-20)/2 = 20/2 = 10$

$a = 40 - 10 = 30$

- Ejemplo 2:

Sumatoria = 20

|Diferencia| = 40

$b = \text{abs}(20-40)/2 = 20/2 = 10$

$a = 20 - 10 = 10$

$a + b = 10 + 10 = 20 \rightarrow \text{Correcto}$

$|a-b| = |10-10| = 0 \rightarrow \text{Incorrecto}$ Para este caso, es imposible





- **Nombre:** The $3n + 1$ problema
- **Link:** <https://trainingcenter.cloud.ufps.edu.co/problemas/250/detalle/en>
- **Análisis:** Nos dan un rango de a y b , con cada número de este rango debemos aplicar lo que describe el problema, si i -ésimo número es par dividido por dos y si es impar multiplicó por 3 y le sumó 1. Debemos hacer esto repetidamente hasta que i -ésimo número tome el valor de 1, la finalidad de hacer esto, es contar cuantas operaciones nos tomó para que ese número llegue a 1. Entonces, dado el rango, debemos el máximo número de pasos por cada número del rango. Tener en cuenta, que primero debemos determinar si $a < b$ o $b < a$, para hacerlo de menos a mayor o viceversa.





- Ejemplo:

$a = 3$ y $b = 1$

Empezamos desde 1 hasta 3

1, como ya está en uno, no hago nada

2, es par, lo divido y llevo un paso

Ahora 2 es 1, como ya llegué a uno, no hago nada más.

Ahora el último número del rango.

3 Impar - $\rightarrow 3*3+1 = 10$ - \rightarrow 1 paso

10 par - $\rightarrow 10/2 = 5$ - \rightarrow 2 pasos

5 impar - $\rightarrow 5*3+1 = 16$ - \rightarrow 3 pasos

16 par - $\rightarrow 16/2 = 8$ - \rightarrow 4 pasos

8 par - $\rightarrow 8/2 = 4$ - \rightarrow 5 pasos

4 par - $\rightarrow 4/2 = 2$ - \rightarrow 6 pasos

2 par - $\rightarrow 2/2 = 1$ - \rightarrow 7 pasos

1 Me detengo

Entonces, entre el rango de a y b, el número con mayor pasos es 3, que son 7 pasos.





G

- **Nombre:** Bisiesto
- **Link:** <https://trainingcenter.cloud.ufps.edu.co/problemas/347/detalle/es>
- **Análisis:** Debemos encontrar el primer año bisiesto de cierto mundo, nos dan año actual, la diferencia de años para que haya un año bisiesto y del cual debe ser múltiplo para ser considerado bisiesto, y el número de años bisiestos que han pasado. ($1 \leq D$, $K \leq A \leq 10^{18}$). Lo primero a tener en cuenta, es si es año actual es bisiesto o no, si es así debemos restar uno en los años bisiestos que han pasado, de lo contrario debemos encontrar año bisiesto y restarle la multiplicación de los años bisiestos pasados y la diferencia entre cada uno.
- **Consideraciones:** Como los rangos de los valores pueden tener un valor de $1e18$, debemos usar variables unsigned long long
- **Ejemplo:**

Ejemplo 2:

2019 4 109
El próximo bisiesto es 2020
Ahora, $2020 - (4 \cdot 109) = 1584$

35520 5 1043
Como 35520 es bisiesto, restamos 1 en los años pasados
 $35520 - (5 \cdot 1042) = 30310$





H

- **Nombre:** Números perfectos
- **Link:** <https://trainingcenter.cloud.ufps.edu.co/problemas/376/detalle/es>
- **Análisis :** Determinar si un número es perfecto en base de k. es perfecto en base K si es divisible en K y además tanto el resultado de la suma de sus dígitos como la multiplicación son divisibles en K. Si no cumple ninguna de estas condiciones el número es aburrido. Donde s este entre 100 y 10^{1000} . La solución en python es muy sencilla, simplemente usar un contador de condiciones y dada el número de condiciones mostrar si es perfecto, claro antes toca hacer lo que pide el problema. La solución es c++ es mucho más compleja, ya qje este número no cabe en ninguna variable, una manera de trabajar este problema es ir codigendo cada carácter (dígito) del número y aplicarle aritmética modular, de esta manera el número se vuelve más pequeño
- **Ejemplo:**
K= 3 y s =123
 $123\%3=0 \rightarrow \text{SI}$ \rightarrow $1*2*3=6\%3=0 \rightarrow \text{SI}$ \rightarrow $1+2+3=6\%3=0 \rightarrow \text{SI}$
Este número es perfecto en base de 3





- **Nombre:** ¡Huracán!
- **Link:** <https://trainingcenter.cloud.ufps.edu.co/problemas/301/detalle/es>
- **Análisis:** Nos dan un listado de un par de números, la tarea es mostrarlos en orden ascendente
- **Implementación:** Crear una estructura de datos tipo set ya que los casos no se repetirán, este set va a contener un par, luego simplemente mostramos los datos en el set.





- **Nombre:** Conversación de base
- **Link:** <https://trainingcenter.cloud.ufps.edu.co/problemas/62/detalle/es>
- **Saberes previos:** Saber dividir, que son números binarios, decimales y hexadecimales.
- **Analisis:** Nos dan un numero en cierta base, la tarea es mostrarlo en las dos bases restante siguiendo este orden: Dec-Hex-Bin. Una solución es crear un método que convierta el número a cada base respectiva, puede ayudarse con la función stoi y leer el número como cadena y pasarlo a int en la base decimal.





- Ejemplo:

`stoi(cadena, NULL, base)`

101 bin

`num = stoi(101, 0, 2)` Pasa binario a decimal

Para binario es 2

Para hexadecimal es 16

Para decimal es 10

Otra solución, es adecuar su método que convierta todas las bases, donde recibe el número y la base a convertir, esto se puede ya que para convertir a binario, se divide por 2 sucesivamente, 16 para hex y 10 para dec.





k

SEMILLERO de
PROGRAMACIÓN

- **Nombre:** Robot
- **Link:** <https://trainingcenter.cloud.ufps.edu.co/problemas/312/detalle/es>
- **Análisis:** Error 404 análisis not found
- **Editorial:** <https://www.hackerrank.com/challenges/robot/problem>
- **Nota:** Aunque este problema sea supuestamente de dificultad 1, la solución es avanzada. Ya que utiliza dp y estructuras de datos tipo arboles para la solución, ya que únicamente con dp da TLE.



“ DO { CODE (TRY); } WHILE (!ACCEPTED); ”





- **Nombre:** Truco de magia
- **Link:** <https://trainingcenter.cloud.ufps.edu.co/problemas/320/detalle/es>
- **Análisis:** La tarea es descubrir la técnica del mago, para encontrar el número en el que piensas entre 0 y 31, dadas 5 imágenes con números y unas preguntas sencillas. ¿Tu número esta en esa imagen?. Lo primero que se da cuenta, es que todas las imágenes tienen números entre el 1 y el 31, por lo tanto si respondes NO en todas las imágenes, tu número es 0. De no ser así, la tarea es ir tachando números, por ejemplo, si tu número no esta en la primera imagen, tachas todos los números que estén en esa imagen y en las otras imágenes, repitiendo esto 5 veces. Luego, te quedan algunos números sin tachar, dadas las imágenes que respondes SI debes encontrar el que aparece en todas.
- **Nota:** En las 3 primeras imágenes debes agregarle el número 15, ya que este hace falta. Todas las imágenes tienen 16 números, la solución es puro for y condiciones





- **Nombre:** Los tres hermanos
- **Link:** <https://trainingcenter.cloud.ufps.edu.co/problemas/440/detalle/es>
- **Análisis:** Dado n dulces, debemos repartirlos entre tres hermanos. Si $n \% 3 == 0$ entonces, los tres hermanos tienen igual cantidad de dulces, si $n \% 3 == 1$ quiere decir que sobró un dulce, así que ese que sobró se le da a darla, si $n \% 3 == 2$ entonces sobran dos dulces que se le dan a darla y a David.

- **Ejemplo**

3 //3 dulces → 1 1 1 //Todos tienen la misma cantidad

4 //4 dulces, sobra 1 → 2 1 1

5 //5 dulces, sobran 2 → 2 2 1





N

- **Nombre:** Números maravillosos
- **Link:** <https://trainingcenter.cloud.ufps.edu.co/problemas/327/detalle/es>
- **Análisis:** Para determinar si un número es maravilloso de orden x , tenemos que leer una cadena y ir sumando sus dígitos, además de ir comprobando si N_{par} digitos son pares y N_{impar} digitos son impares, pues si tiene uno impar y uno par, ya se considera número completo. Iremos repitiendo este proceso hasta que el número sea menor de 10. Después verificamos cuantos números completos tenemos, si la cuenta es 0, no es maravilloso, de lo contrario es maravilloso de orden x ($x = \text{conteo}$)
- **Implementación:** Uso de `to_string` para ir convirtiendo la suma de digitos en cadena o si gusta, use otra conversación de `int` a `string`.





- **Nombre:** Charlie y la fabrica de Chocolates
- **Link:** <https://trainingcenter.cloud.ufps.edu.co/problemas/65/detalle/es>
- **Análisis:** nos damos cuenta que es una progresión aritmética la tarea, seria hallar el enésimo término, que viene siendo el costo de las cajas para eso multiplicamos la diferencia por el término inicial elavado a n-1
$$n = d * a1^{n-1}$$
- **Implementación:** Implementación: Usar un for para hacer las multiplicaciones o usar pow (Tenga en cuenta que pow da un número real, tendría que guardar el resultado en un int para evitar un wa)



