Physik 1 Skript

Tom Herrmann

15. Mai 2019

Inhaltsverzeichnis

1	Einführung 1.1 Übungsgruppen	4
	1.2 Klausurbonus	4
	1.3 Buchempfehlungen	4
Ι	Vorlesung 1	4
2	Was ist Experimentalpyhsik?	4
3	Was macht ein gutes Experiment aus?	4
4		4
	4.1 Dimension	5
II	Vorlesung 2	5
5	Wiederholung	5
	5.1 Definitionen	5
6	Kinematik des Massenpunktes	5
	6.1 Behauptung	6
II	II Vorlesung 3	7
7	3.3.4 Spezialfälle	8
	7.1 Gleichförmige Bewegung	8
8	3.4 3-Dimensionale Bewegung (Vektoren)	8
IV	V Vorlesung 4	8
\mathbf{V}	Vorlesung 5	12
9	Newton Axiome	12

10 Inertialsysteme	12
11 Gravitation 11.1 Erdbeschleunigung	12
12 Trge und schwere Masse	13
VI Vorlesung 6	13
13 Impulserhaltung	14
13.1 Federn	
13.1.1 Hook'sches Gesetz	
13.1.2 Taylorentwicklung	
13.1.3 Seilspannung	16
14 Reibung	16
14.0.1 Stokes Reibung	16
14.0.2 Newton-Reibung	17
VII Vorlesung 8	17
14.1 Wiederholung	
15 Schwingungen	17
15.1 Harmonischer Oszilator	
15.1.1 Pendel	
15.2 allgemeine Lösung harmonischer Oszilator:	18
15.2.1 Anfangsbedingungen	18
16 4.7 Variable Masse	19
16.1 Bsp. inelastischer Stoß	19
VIII Vorlesung 9	19
16.2 Rakete	
16.2.1 Lösung	20
17 4.8 Energie	20
17.1 Arbeit	20
17.1.1 Beispiel: Der Freie Fall	21
17.1.2 Bsp: Feder	21
17.1.3 Konstante Kraft	
17.2 Konservative Kräfte	
17.2.1 Das gechlossendes Wegintegral	21
IX Vorlesung 10	21
18 4.9 Potentielle Energie Potential	22
18.1 Beispiel	
18.2 Gravitation	
18.3 Von Potentieller Energie auf Engergie schließen	23

18.4	kinetische Energie																		23
18.5	Energieerhaltung .																		25
18.6	4.10 Drehbewegung																		24

1 Einführung

peter.schleper@physik.uni-hamburg.de

1.1 Übungsgruppen

Es gibt 4 Übungsgruppe und eine davon ist auf Englisch.

1.2 Klausurbonus

Es müssen 50% der Aufgaben richtig abgegeben worden sein des jeweiligen Teils (Experimantal und theoretische Physik) um einen Klausurbonus zu erhalten. Der Klausurbonus ermöglicht es mit nur 30% der benötigten Punktzahl die Klausur zu bestehen.

1.3 Buchempfehlungen

Gerthsen "Physik" Verlag Springer ist das Buch mit dem er gelernt hat.

Teil I

Vorlesung 1

2 Was ist Experimentalpyhsik?

Die ersten Leute die sich gedanken in Richtung Physik gemacht haben waren Philosophen und erst ab dem 17 Jahrhundert fing der Umschwung an. Dabei war der Gedanke einfach Erkenntnisse über die Natur zu erlangen und dies wenn möglich zu vereinfachen. Wie Einstein aber sagte: "Dinge zu vereinfachen ist gut, sie einfacher zu machen als sie eigentlich sind aber nicht"

3 Was macht ein gutes Experiment aus?

- Naturbeobachtung
- reproduzierbar
- Naturgesetzte daraus ableiten

4 SI-Einheiten

 $x = 1.307m \rightarrow \text{Einheit} [x] \Rightarrow = \text{Meter}$; dim x = Länge definieren Standards

- [Zeit] = SI: s cgs: s
- [Lngen] = SI: m cgs: cm
- [Masse] = SI: kg cgs: g

4.1 Dimension

```
\begin{split} & [\text{L\"{a}nge}] = 1m \\ & [\text{Flche}] = 1m^2 \\ & [\text{Volumen}] = 1m^3 \\ & [\text{Geschwindigkeit}] = 1\frac{m}{s} \\ & [\text{Zeit}] = 1s \\ & [\text{Kraft}] = 1N = 1\frac{kg\times m}{s^2} \\ & [\text{Leistung}] = 1W = 1\frac{N}{s^2} = 1\frac{kg\times m}{s^3} \end{split}
```

[Leistung] = $1W=1\frac{N}{s^2}=1\frac{kg\times m}{s^3}$ Sämtliche Terme einer Gleichung müssen dem entsprechend die gleiche Dimension haben

Teil II

Vorlesung 2

5 Wiederholung

Wichtige Faktoren für ein gutes Experiment

- Reduzierung von Naturerscheinungen
- Vereinfachung
- Systematisch
- Qualitativ
- Reproduzierbar

5.1 Definitionen

Eine Sekunde wird am besten über die Atomphysik definiert und zwar über die Cs Atome.

Ein Meter ist über die Lichtgeschwindigkeit Definition. 1
m = c * $\frac{1s}{299792458m}$

Die Masse wird definiert über ein sogenanntes Urkilogramm. Sprich über eine Masse werden alle anderen Massen definiert.

Stromstärke: A wird ebenfalls über ein Experiment definiert.

Stoffmenge: mol

Temperatur: Kelvin k

Alle Naturkonstanten wurden letztes Jahr (2018) dabei neu definiert um eine höhere Genauigkeit zu gewährleisten

6 Kinematik des Massenpunktes

Ein realer Körper:

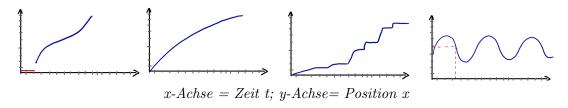
- Translation
- Rotation
- Deformation

Aber nun reden wir über einen starren Körper also einen Körper bei dem alle Abstände innerhalb des Körpers unabhängig von der Zeit gleich bleiben (keine Deformation).

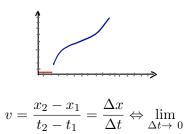
Auf den Massepunkt wirkt ebenfalls keine Rotation in diesem Beispiel. Was allerdings nicht heißt dass man in der realen Welt die Rotation (SPIN) einfach vernachlässigen kann egal wie klein dieses Teilchen auch sein möge.

6.1 Behauptung

Man kann 2-Dimensionale Bewegungen beschreiben.



6.2 1-dimensionale Bewegung



Die Geschwindigkeit ist natürlich immer eine Durchschnittsangabe da es über eine gewisse Zeitspanne angeben wird.

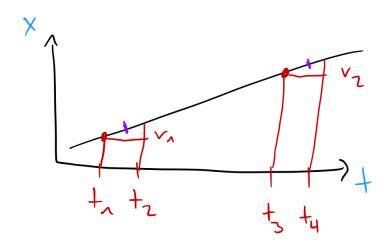
Teil III

Vorlesung 3

$$v = \dot{x} \qquad v = \frac{dx}{dt}$$

$$a = \dot{v} = \ddot{x} \qquad a = \frac{dv}{dt} = \frac{d^2x}{dt^2}$$

 $\begin{aligned} \mathbf{v} &= \dot{x} & \mathbf{v} &= \frac{dx}{dt} \\ \mathbf{a} &= \dot{v} &= \ddot{x} & \mathbf{a} &= \frac{dv}{dt} &= \frac{d^2x}{dt^2} \\ \text{Mittelwerbeschleunigung} &= \frac{\Delta x}{\Delta t} &= \frac{\frac{x_4 - x_3}{t_4 - t_3} - \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1}}{t_3 - t_1} \end{aligned}$



$$v = \frac{dx}{dt} \to x_{(t)} = x_0 + \int_t^{t_0} v dt$$
$$a = \frac{dv}{dt} \to v_{(t)} = v_0 + \int_t^{t_0} a dt$$

$$x_{\ell}t$$
) bei gegebenen $a(t)$

$$x(t)$$
 bei gegebenen $a(t)$
 $x(t) = x_0 + \int_t^{t_0} (v_0 + \int_t^{t_0} a_{(t)} dt) dt$

$$v(t)$$
 aus $a(x)$:

$$v = \frac{dx}{dt}$$
 $dt = \frac{dx}{v}$

$$a = \frac{dt}{dt}$$
 $dt = \frac{v}{a}$ $dt = \frac{dv}{a}$

v(t) aus a(x): $v = \frac{dx}{dt} \qquad \text{dt} = \frac{dx}{v}$ $a = \frac{dv}{dt} \qquad \text{dt} = \frac{dv}{a}$ darauf ergibt sich $\frac{dx}{v} = \frac{dv}{a} \Leftrightarrow \int_{v_1}^{v_0} v dv = \int_{x_1}^{x_2} a(x) dx$ durch weiteres umformen kommt man zum aus-

$$\frac{1}{2}v^2 - \frac{1}{2}v_0^2 = \int_x^{x_0} a_{(x)} dx$$

Wenn man nun die Masse mit einbezieht kommt man zur klassischen kinetischen Energie

$$\frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv^2 = \int_x^{x_0} a(x)dx$$

7

7 3.3.4 Spezialfälle

7.1 Gleichförmige Bewegung

 $a = 0 \Leftrightarrow v = v_0$ $x_{(t)} = x_0 + v_0(t - t_0)$ Also ist die Geschwindigkeit konstant

7.2 konstante Beschleunigung

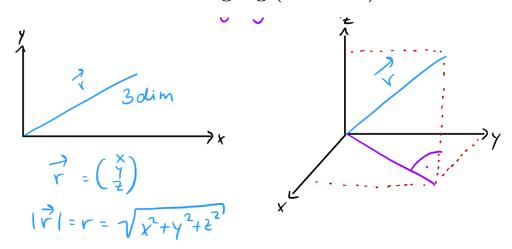
a = const
$$v = v_0 + a(t - t_0)$$

 $x = x_0 + \int_{t_0}^t (v_0 + a(t - t_0))dt$
= $x_0 + \int_{t_0}^t v_0 dt + a \int_{t_0}^t (t - t_0) dt$
 $x = x_0 + v_0(t - t_0) + \frac{1}{2}a(t - t_0)^2$

Wahl des Koordinaten Systems:

t=0 und x=0 Gleichförmige Bewegung: $a=0; v=v_0 \to x=v*t$ konstante Beschleungung: $a=const; v=v_0+at; x=vt+\frac{1}{2}at^2$

8 3.4 3-Dimensionale Bewegung (Vektoren)



Sofern es keinen Vektorpfeil über einem Vektor gibt ist meist die Länge des Vektors gemeint

8

$$\vec{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} ||\vec{r}|| = r = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

$$\Leftrightarrow v_x = \frac{dx}{dt} \quad v_y = \frac{dy}{dt} \quad v_z = \frac{dz}{dt}$$
Beschleunigung $a_x = \frac{d\vec{r}}{dt}\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$

Teil IV

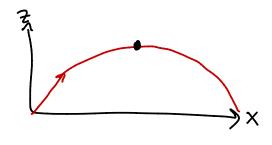
Vorlesung 4

Zusammen fassung am 22. April 19

$$\vec{r}(t) = \begin{pmatrix} \chi(t) \\ \chi(t) \\ \chi(t) \\ \chi(t) \end{pmatrix}$$

$$\Rightarrow \Rightarrow \Rightarrow = \frac{d}{dt} \begin{pmatrix} x \\ y \\ x \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \dot{x} \\ \dot{x} \end{pmatrix}$$

Klammer vor Punkt vor Strich vor Ableitung



Bsp. Kapitel 3.4.1.: schiefer Wurf

Anfangsgescher
$$\vec{V_0} = \begin{pmatrix} V_{0x} \\ V_{0z} \end{pmatrix}$$

Beschleunigung
$$\partial_{z} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ z \end{pmatrix}$$
 $\partial_{z} = -9 M \frac{m}{s^{2}}$

$$a_z = -9.81 \frac{m}{s^2}$$

Spezialfall: = const

$$\vec{r} = \vec{v}_0 + \vec{v}_0 (+ - \frac{1}{10}) + \frac{1}{2} \alpha (+ - \frac{1}{10})^2$$

Koord
$$\vec{r}_0 = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} \text{ m } t_0 = 0 \text{ s}$$

$$\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} V_{0x} \cdot + \\ 0 \\ V_{0z} \cdot + \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0_{z} \cdot +^{2} \end{pmatrix} = y = 0$$

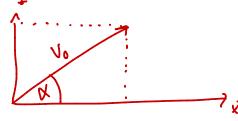
$$z = V_{0z} \cdot t + \frac{1}{2} Q_{z} t^{2}$$

höchster Punkt des schiefen Wurfs:

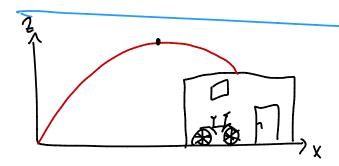
$$V_z(t)_m = 0$$
 = $V_z = V_{0z} + a_z t_m = 0$

Als Funktion des Winkels:

$$\frac{d}{d\alpha} \times_{total} (\alpha) = 0 => Max Wurfweike$$



$$V_{0X} = V_0 \cdot COSX$$



Heute wollen wir über Kräfte reden

Kapitel 4 Dynamik von Massenpunkten:

4.1: Newton'sche Axiome

· Trägheitsprinzip
· gleichförmig gradling, falls keine außeren Kraifle wirker

. Aktions prinzip

· Anderung des Impulses kann nur proportional zur Kraft und in Richtung der Kraft (äußeren) stattfinden.

Impuls = p = m. V

$$\frac{d}{dt} \vec{p} = \vec{F}$$

$$\begin{bmatrix} T \end{bmatrix} = \frac{kg \cdot m}{s^2} = 1$$

$$=) \frac{d}{d+} (m \cdot \vec{v}) = m \vec{v} + m \cdot \vec{d} = \vec{r}$$

$$= m \vec{v} + m \cdot \vec{d} = \vec{r}$$

Teil V

Vorlesung 5

9 Newton Axiome

- Trägheitsprinzip Ein Körper bleibt in Ruhe oder gleichförmiger Bewegungn wenn keine resultierende äußere Kraft wirkt.
- Aktionsprinzip Ein Körper wird in Richtung der resultierenden äußeren Kraft beschleunigt und es gilt

$$\vec{F} = m * \vec{a}$$

, mit m = Masse des Körpers (Konstant) und \vec{a} der resultierender Beschleunigungsvektor. $\vec{F} = \sum \vec{F}_i$

• actio = reactio Die Kräfte treten immer Paarweise auf: Wenn der Körper A eine Kraft $\vec{F}_A^{(B)}$ auf einen Körper B ausübt, dann wirkt eine gleichgroße, aber entgegengesetzte gerichtete Kraft $\vec{F}_B^{(A)}$ von B auf A. $\vec{F}_A^{(B)} = -\vec{F}_B^{(A)}$

10 Inertialsysteme

In einem Intertialsystem gilt F = m * a in seiner reinsten Form. Es ist damit ein Bezugssystem, in welchem sich ein kräftefreier Körper gradlinig gleichförmig bewegt. Die **Newtonschen Axiome** gelten damit **nur in Intertialsystemen**

11 Gravitation

$$\vec{F}_{12} = G \frac{m_1 m_2}{r_{12}^2} \frac{\vec{r}_{21}}{\vec{r}_{21}}$$

$$\overrightarrow{F}_G = m \cdot \overrightarrow{a}_G$$

$$F_G = m \cdot g$$

$$\overrightarrow{F}_{12} = -G \cdot \frac{m_1 \cdot m_2}{r^2} \cdot \widehat{e}_{21}$$

gist ortsabhngig, mist eine intrinsische Eigenschaft. Dabei ist $G=6,67*10^{11}\frac{m^3}{kas^2}$

11.1 Erdbeschleunigung

Die Annahme zum Ausrechnen der Erdbeschleunigung ist dass der Masseschwerpunkt im Mittelpunkt der Masse ist.

$$F_k = G \frac{M_E * m_k}{(r_E + h)12} \quad h << r_E$$
$$F = G \frac{M_E}{r_E^2} * m_k = g * m_k$$

$$\Rightarrow g = 9.81 \frac{m}{s^2}$$

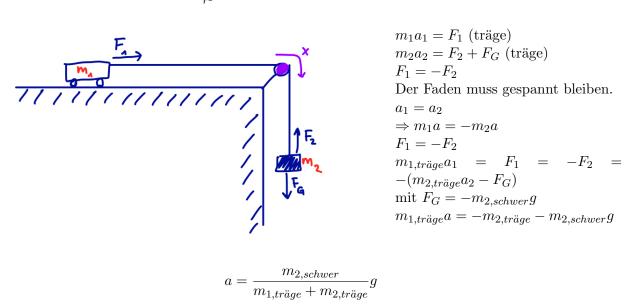
Zum Momentananen Stand besprechen wir dabei nicht die Fluchtgeschwindigkeit. Diese wird aber zu einem späteren Zeitpunkt noch besprochen.

Da die Erde eine so große Masse hat ist die beschleunigung dem entsprechend für uns klein 1 >> a wie aus F = m * a folgt.

12 Trge und schwere Masse

$$\overrightarrow{F} = \frac{d\overrightarrow{p}}{dt} = \frac{d}{dt}(m_{tr\ddot{a}ge} * \overrightarrow{v})$$
G mit $\overrightarrow{F}_G = G\frac{m_{1,schwer}*m_{2,schwer}}{r^2} * \frac{\overrightarrow{r}_{12}}{r_{12}} = g * m_{schwer}$ Durch Experimente durchgeführt von **Eötvös** folge $m_{schwer} = m_{tr\ddot{a}ge}$ für alle Stoffe

$$G\frac{m_{tr\ddot{a}ge}*a}{\frac{m:Em_{schwer}}{r^2}} = konst = \frac{m_{tr\ddot{a}ge}}{m_{schwer}} = \frac{a*r^2}{G*m_E}$$

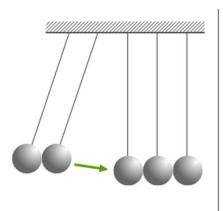


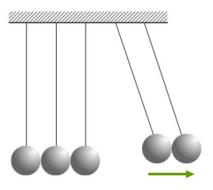
Teil VI

Vorlesung 6

Bei der Gravitation gibt es einige Experimentelle Möglichkeiten die Gravitation zu veranchaulichen und zu beweisen. Im allgemeine gilt immer dass eine Schwere Masse immer eine Gravitation auf andere Objekte ausübt. Die Masse kann aber noch so gering sein und trotzdem wird dies einen unterschied im Gravitationsfeld machen, es wird nur für das Menschliche Auge nicht sichtbar sein da es viel größere Massen gibt.

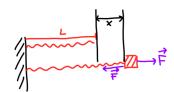
13 Impulserhaltung





$$(m_1+m_2*\underbrace{\vec{v}_2}_0)$$

13.1 Federn



Ruhelage $\overrightarrow{F} = -k\overrightarrow{x}$ (linear) $m \underbrace{\overrightarrow{a}}_{\overrightarrow{x}} = \overrightarrow{F} = -k\overrightarrow{x}$ $\ddot{x} + \frac{k}{m}\overrightarrow{x} = 0$ Bewegungsgleichung Differentialgleichung 2. Ordnung

 $\sum \vec{F} = 0 \Rightarrow m_1, \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 = 0 =$

13.1.1 Hook'sches Gesetz

$$F_x = -k_F \cdot \Delta x$$
 $\Delta x \equiv x - x_0 \equiv x$
 $\rightarrow F_x = -k_F \cdot x$

Zuerst wird Arbeit an der Feder verrichtet (Verformung), dann verrichtet die Feder selbst Arbeit.

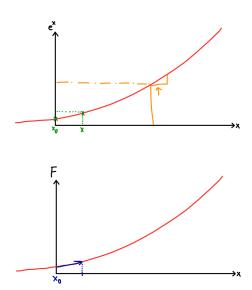
$$W_{02} = \int_{x_0}^{x_2} F_x \Delta x = -\frac{1}{2} k_f x_2^2 < 0$$

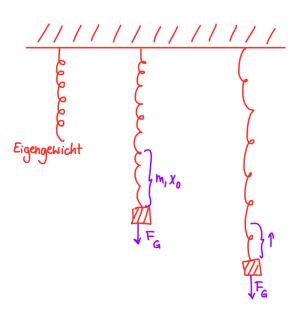
$$W_{20} = \int_{x_2}^{x_0} F_x \Delta x = \frac{1}{2} k_f x_2^2 > 0$$

13.1.2 Taylorentwicklung

In dem Fall gibt es auch das Beispiel der Taylorentwicklung der e-Funktion. $d_{(x)}$ $f(x) = f(x_0) + (x - x_0)f'(x_0) + \frac{((x - x_0)^2}{2!}f''$ $x_0 = 0$

$$f(x) = f(0) + (x - 0)e^{0} + \frac{(x - 0)^{2}}{2!}e^{0} + \dots = \underbrace{\frac{1}{Ruhelage}}_{\text{Ruhelage}} + x + \frac{x^{2}}{2!} + \frac{x^{3}}{3!} + \dots$$





$$F_G + F_{Feder} = mg - kx_0 = 0 \Rightarrow k$$

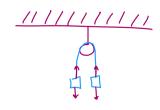
$$m\ddot{x} = mg - k \underbrace{(x_0 + x)}_{(1)einsetzen}$$

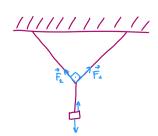
$$m\ddot{x} = kx$$

$$\ddot{x} \frac{k}{m} x$$

13.1.3 Seilspannung







$$\begin{split} m*a &= \sum_{\vec{F}} F = F_G + F_A S = 0 \ \sum_{\vec{F}} \vec{F} = 0 \\ -\vec{F}_G &= \vec{F}_1 + \vec{F}_2 \\ Notiz: \vec{F}_1 * \vec{F}_2 &= |\vec{F}_1| * |\vec{F}_2| * cos\alpha \\ \vec{F}_G^2 &= \vec{F}_1^2 + \vec{F}_2^2 + 2 \underbrace{\vec{F}_1 \vec{F}_2}_{=0 \text{ wegen 90 grad}} \\ S^2 &= 4^2 + 3^2 \end{split}$$

14 Reibung



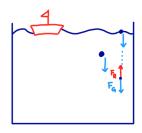


Reibungskraft:

μ	Haft	Gleit
Stahl -Stahl	0,75	0,57
Teflon - Teflon	0,04	0,03

14.0.1 Stokes Reibung

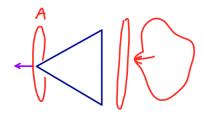
Reibung im Wasser



$$F_R = 6\pi * r\mu * v \Rightarrow$$
 Viskosität
$$|F_R| = |F_G| \Rightarrow mg = 6\pi r\mu v$$

$$v = konst$$
 solange v klein ist

14.0.2 Newton-Reibung



$$F_R = \frac{1}{2}$$
 a_w
 ρ
 Av^2
spezifische Luftwiederstand — Dichte der Luft

Teil VII

Vorlesung 8

14.1 Wiederholung

Angenommen man habe eine Senke und ein Auto welcher hinterrutscht. Man hat also drei Kräfte die Aufrreten. Diese Wären die Gewichtskraft, die Normalkraft und die Reibung(Haftreibung). Dazu gilt wenn die nicht negative Kraft größer ist als die Haftreibung dann herscht beschleunigung.

$$F_{Haft} = \mu F_N$$

Gleitreibung $F_{Gleit} = \mu_G F_N$

15 Schwingungen

15.1 Harmonischer Oszilator

Wenn man eine Feder hat und an dieser irgendeine Masse m hängt, gibt es logischerweise eine Auslenkung an der Feder. Damit wirkt natürlich eine Kraft nach oben und die Federkraft nach unten.

$$m\ddot{x} = F = -kx$$

Und nun zur Bewegungsgleichung des Harminischen Oszilator. Dieser Fall lässt sich auf sehr viele Beispiele anwenden.

$$\ddot{x} + \frac{k}{m}x = 0$$

15.1.1 Pendel

Man nehme ein Pendel in einer Ruhelage und ein weiteres Pendel welches dem anderen Pendel volkommen gleicht. Das zweite Pendel unterscheidet sich lediglich durch die auslenkung des Pendels um den Winkel φ .

Die **Masse** ist bei einem Pendel volkommen egal da nur die Gewichtskraft auf die Masse des Pendels wirkt.

Wir sagen nun, dass wir bei dem zweiten Pendel noch zusätzlich eine Tangentialkraft haben welche logischerweise in Richtung des Ruhelage zeigt.

$$F_T = -F_G \cdot \sin\varphi = -mg \cdot \sin\varpi$$

Nun nutzen wir die defnition des Bogenmaßes um folgende Gleichung daraus zubekommen.

$$\underbrace{x_T}_{UmfangallerBahnen} = \underbrace{l}_{Radius} \underbrace{\varphi}_{Winkel}$$

Also

$$\ddot{x}_T = l\ddot{\varphi}$$

$$F_t = m_{Tr\ddot{a}ge} \cdot \underbrace{a_T}_{\ddot{x}_T} \Rightarrow m_g \cdot g \cdot sin\varphi = m_T \cdot l\ddot{\varphi}$$

 \Rightarrow

$$\ddot{\varphi} + \frac{g}{l}\sin\varphi = 0 \tag{1}$$

Nährung dazu: $sin\varphi \approx \varphi$ in Bogenmaß für kleine φ

Ein Praktischer Exkurs:

$$\varphi_{\text{in Grad}} = \varphi_{Bogenma\beta} \cdot \frac{360^{\circ}}{2\pi}$$
 (2)

15.2 allgemeine Lösung harmonischer Oszilator:

Feder: $w^2 = \frac{k}{m}$ Pendel $w^2 = \frac{g}{l}$

Bewegungsgleichung: $\ddot{y}_{(t)} + w^2 y_{(t)} = 0$ Da wir nun eine Differentialgleichung haben brauchen wir nun einen Ansatz den wir raten müssen.

$$\dot{y}_{(t)} = A \cdot sin(w \cdot t) + B \cdot cos(w \cdot t)$$

$$\dot{y} = w \cdot A \cdot \cos(wt) - w \cdot B \cdot \sin(wt)$$

$$\ddot{y} = -w^2 \cdot A \cdot \sin(wt) - w^2 \cdot B \cdot \cos(wt)$$

$$\ddot{y}_{(t)} - w^2 y_{(t)}$$

15.2.1 Anfangsbedingungen

• 1. Fall:
$$y_{(0)=y_0} = B$$

 $\dot{y}_{(0)} = 0 = wA$
 $\Rightarrow A = 0 \ y_{(t)} = y_0 \cdot cos(wt)$

• 2. Fall
$$y_0 = 0 = B$$

 $\dot{y}_{(0)} = v_0 = w \cdot A$
 $\Rightarrow A = \frac{v_0}{w}$

Die beiden letzen Zeilen zusammen ergibt dann:

$$y_{(0)} = \frac{v_0}{w} sin(wt)$$

• Alternative:

$$y_{(0)} = C \cdot (wt + \varphi_0)$$

Wir nutzen nun die die Additionstheoreme.

$$C \cdot \sin(wt) \cdot \cos\varphi_0$$
$$C \cdot \cos(wt) \cdot \sin\varphi_0$$

$$= \underbrace{C \cdot cos\varphi_0}_{A} \cdot sin(wt) + \underbrace{C \cdot sin\varphi_0}_{B} \cdot cos(wt)$$

wir setzen die Dimension $[w] = \frac{1}{s}$ also die Kreisfrequenz

sin(wt)

Ich überspringe einfach mal die weitere Herleitung:

$$w = \frac{2\pi}{T} \qquad w = \sqrt{\frac{g}{l}} \text{ bzw. } \sqrt{\frac{k}{m}} \qquad [w] = \left(\frac{m}{s^2 m}\right)^{\frac{1}{2}} = \frac{1}{s}$$

16 4.7 Variable Masse

$$\begin{split} \frac{d\vec{p}}{dt} &= \vec{F} \Rightarrow \vec{p} = \vec{F}dt \\ &= \int_{p_0}^{p(t)} d\vec{p} = \int_{t_0}^t \vec{F}dt \\ &= p_{(t)} - p_0 = \underbrace{\int_{t_0}^t \vec{F}dt}_{\text{Kraftstoß}} \end{split}$$

16.1 Bsp. inelastischer Stoß

$$v' = \frac{m_1}{m_1 + m_2} v_2$$

Teil VIII

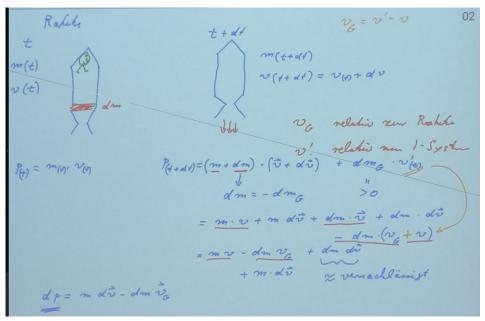
Vorlesung 9

Wiederholung

Man stelle sich vor man habe eine Kraft die proportional zu einer Auslenkung von der Ruhelage ist. So hat man die Differentialgleichung einer Schwingung: $\ddot{x} + w^2x = 0$

$$x_{(t)} = A \cdot \sin(wt) + B \cdot \cos(wt)$$

16.2 Rakete



Äußere Kraft:
$$F = \frac{d\vec{p}}{dt} = m\frac{d\vec{v}}{dt} - \frac{dm}{dt}\vec{v}_G$$

$$-mg = m \cdot \dot{\vec{v}} - \dot{m} \cdot \vec{v}_G \tag{3}$$

Wird nun mit $\frac{dt}{m}$ multipliziert Das ganze muss immer größer 0 sein.

$$\underbrace{|\vec{v}_G| \cdot |\frac{dm}{dt}}_{Schubkraft} \text{ kleiner als } mg$$

16.2.1Lösung

$$-\sum_{t_0}^t g \cdot dt = \sum_{\vec{v}_0}^{\vec{v}_{(t)}} d\vec{v} - \sum_{m_{(t)}}^{m_0} \frac{dm}{m} \cdot \vec{v}_G =$$

$$\vec{v}_{(t)} = \vec{v}_0 - g(t - t_0) + |\vec{v}_G| \cdot ln \frac{m_0}{m_{(t)}}$$
(4)

4.8 Energie **17**

17.1Arbeit

Wir gucken uns zunächst die Arbeit für ein sehr kleines Stück eines Weges an.

$$dW = \overrightarrow{F} \cdot d\overrightarrow{r} = F_r \cdot |d\overrightarrow{r}|$$

$$\int dW = \sum \vec{F} \cdot \vec{v} dt \qquad \text{dabei ist } d\vec{r} = \begin{pmatrix} dx \\ dy \\ dz \end{pmatrix}$$
 und $\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt}$

Es gibt aber noch die möglichkeit, die häufig auftritt und die Rechnung erheblich vereinfacht ist, dass:

falls
$$\alpha = const$$

 $w = cos\alpha \int |\vec{F}| ds$

17.1.1 Beispiel: Der Freie Fall

Wir haben damit einen Punkt A und einen Punkt B wobei A höher liegt als B. die Distanz zwischen den beiden Punkten bezeichnen wir mit h.

$$ec{r}_A \left(egin{array}{c} 0 \ 0 \ h \end{array}
ight) \quad ec{r}_B \left(egin{array}{c} 0 \ 0 \ 0 \end{array}
ight) \quad \left(egin{array}{c} 0 \ 0 \ dz \end{array}
ight) \quad ec{F} = \left(egin{array}{c} 0 \ 0 \ -mg \end{array}
ight)$$

$$\Rightarrow W = \int_{\vec{r}_A}^{\vec{r}_0} \vec{F} d\vec{r} = -\int_h^h m \cdot g dz = -m \cdot g \cdot (0 - h) = m \cdot g \cdot h$$

17.1.2 Bsp: Feder

$$F = -kx$$

$$\left[W = \int \vec{F} d\vec{r} = \int_{x_0}^0 F dx = -k \frac{x^2}{2} \Big|_{x_0}^0 = \frac{1}{2} kx^2 \right]$$

17.1.3 Konstante Kraft

 $\vec{F} = konst$

• W = $\int_A^B \vec{F} d\vec{r} = \vec{F} \int_A^B d\vec{r} = \vec{F} (\vec{r}_B - \vec{r}_A)$ r_B ist dabei der Endpunkt und logischerweise ist r_A dann der Anfangspunkt.

17.2 Konservative Kräfte

Fast alle Kräfte in der Natur sind konservative Kräfte.

- \vec{F} konstant
- \bullet \vec{F} Zentralkraft (F hängt nur von r ab also vom Zentrum der Kraft)

Es ist keine konservative Kraft, wenn diese von der Zeit oder von der Geschwindigkeit abhängt. Ein Beispiel für eine Kraft die von der Geschwindigkeit abhängt wäre beispielsweise die Reibung.

Eine konservative Kraft W ist unabhängig vom Weg

17.2.1 Das gechlossendes Wegintegral

 $\oint \vec{F} d\vec{r} = 0$ für konservative Kräfte

Teil IX

Vorlesung 10

Arbeit:

$$dW = \vec{F}d\vec{s}$$

$$W = \int \vec{F}d\vec{s} = \int \vec{F}\vec{v}dt$$

18 4.9 Potentielle Energie Potential

Wenn wir einen Weg haben mit einem start und einem Endpunkt, dann ist der Weg als Arbeit definiert. So haben sowohl anfangs als auch endpunkt eine Potentielle Energie.

$$W = \int_{A}^{B} \vec{F} d\vec{r} = E_{Pot,A} - E_{Pot,B}$$

Dazu machen wir jetzt noch ein Paar Beispiele. Was man noch anmerken kann ist, dass Potentielle Energie nur für konservative Kräfte formuliert ist, durch einfache überlegungen dürfte dies auch klar werden.

Wie bereits bekannt ist die Potentielle Energie:

$$E_{Pot} = m \cdot q \cdot h$$

18.1 Beispiel

$$E_{Pot(h=0)=0} = W = m \cdot g \cdot h$$

18.2 Gravitation

$$\vec{F} = -G \frac{m_1 m_2}{r_{12}^2} \frac{\vec{r}_{12}}{r_{12}}$$

$$E_{pot}(r=0) - E_{Pot}(r) = -\int G \frac{m_1 m_2}{r^2} dr = G \frac{m_1 m_2}{r}$$

Theorem 1.

$$E_{Pot(r)} = -G\frac{m_1 m_2}{r}$$

Die Potentielle Energie ist also immer negativ für eine Anziehende Kraft.

Theorem 2.

$$V_{(r)} = -G\frac{m_1}{r}$$

Nun stellen wir uns die Frage wie man das ganze Rückwärts machen würde oder ob das überhaupt möglich ist. Die Antwort ist ja, es geht.

18.3 Von Potentieller Energie auf Engergie schließen

$$\overrightarrow{F} \to E_{pot}$$

$$\begin{split} E_{pot,B} - E_{pot-A} &= \int_A^B F_x dx \\ dF_{pot} &= -F_x dx \\ F_x &= -\frac{dE_{pot}}{dx} \end{split}$$

Theorem 3.

$$\overrightarrow{F} = -\nabla E_{pot(\overrightarrow{r})}$$

Ableitung des Potentials ist die Kraft.

18.4 kinetische Energie

Theorem 4.

$$\frac{1}{2}mv^2$$

Wie bereits bekannt ist wird so die Potentielle Energie definiert. Es gibt viele verschiedene Möglichkeiten dies zu beweisen. Folgendes st eine Möglichkeit die wir in der Vorlesung genutzt haben.

Beweis. I

$$F_T = m\frac{dv}{dt}$$

$$\vec{F}d\vec{r} = F_T ds = m\frac{dv}{dt} ds$$

$$= m = \frac{ds}{dt} dv$$

$$= m \cdot v dv$$

$$W = \int_{A}^{B} \vec{F} d\vec{r} = \int_{V_{A}}^{V_{B}} m \cdot v dv = \frac{1}{2} m v^{2} |_{V_{a}B}^{V}$$

$$= \frac{1}{2} m \left(\vec{v}_{B}^{2} - \vec{v}_{A}^{2} \right)$$

$$E_{kin} = \frac{1}{2} m \vec{v}^{2} = \frac{\vec{p}^{2}}{2m}$$

$$W = E_{kin,B} E_{kin,A}$$

18.5 Energieerhaltung

$$W = E_{kin,B} - E_{kin,A}$$
$$W = E_{pot,A} - E_{pot,B}$$

Theorem 5.

$$E := E_{pot,A} + E_{pot,A} = E_{pot,B} + E_{pot,B}$$

Ein Gutes Beispiel dafür wäre mal wieder eine Feder.

18.6 4.10 Drehbewegung

"Drehmoment ist das was das Drehmoment ändert."

$$\vec{r}_{(t)} = R \begin{pmatrix} cos(wt) \\ sin(wt) \end{pmatrix}$$

Damit definieren wir nun die Winkelgeschwindigkeit:

Theorem 6. $w = \dot{\varphi}$

Die Winkelgeschwindkeit sagt also aus wie viel sich der Winkel ändert

$$\vec{v}_{(t)} = \dot{\vec{r}} = \dot{\varphi} R \frac{-sin\varphi}{cos\varphi}$$

$$\vec{v} = \vec{w} \times \vec{r}$$

$$\vec{a} = \dot{\vec{v}} = \ddot{\varphi} R \frac{-sin\varphi}{cos\varphi} + \underbrace{\dot{\varphi}^2}_{w^2} R \underbrace{\begin{pmatrix} -cos\varphi \\ -sin\varphi \end{pmatrix}}_{-\vec{v}}$$

$$= \vec{a} = \underbrace{\dot{w}R\vec{e}_v}_{\text{erhöht Rotationsgeschwindigkeit}} - \underbrace{w^2 \cdot r}_{\text{Zentripetalkraft nach innen}}$$

$$\begin{split} \overrightarrow{F} &= -G \frac{m_1 m_2}{r_{12}^2} \frac{\overrightarrow{r}_{12}}{r_{12}} \\ E_{\text{pot}}(r=0) - E_{Pot}(r) &= -\int G \frac{m_1 m_2}{r^2} dr = G \frac{m_1 m_2}{r} \\ E_{Pot(r)} &= -G \frac{m_1 m_2}{r} \end{split}$$