

Zusammenfassung am 23. April 19

$$\vec{r}(t) = \begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \\ z(t) \end{pmatrix}$$

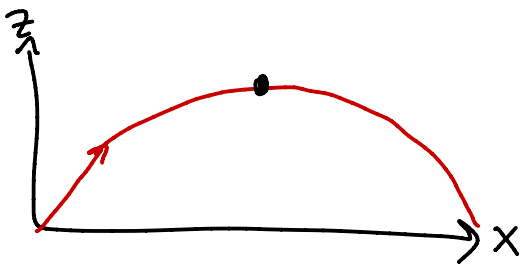
$$\vec{v} = \dot{\vec{r}} = \frac{d}{dt} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \dot{x} \\ \dot{y} \\ \dot{z} \end{pmatrix}$$

$$\vec{a} = \dot{\vec{v}} = \ddot{\vec{r}}$$

Bsp: $\frac{d}{dt} (\vec{r} \times \vec{r})$

Klammer vor Punkt vor Strich
vor Ableitung

Bsp. Kapitel 3.4.1.: schiefer Wurf



Anfangsgeschw $\vec{v}_0 = \begin{pmatrix} v_{0x} \\ 0 \\ v_{0z} \end{pmatrix}$

Beschleunigung $\vec{a} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ a_z \end{pmatrix}$ $a_z = -9,81 \frac{m}{s^2}$

Spezialfall: $\vec{a} = \text{const}$

$$\vec{r} = \cancel{\vec{r}_0} + \vec{v}_0 (t - \cancel{t_0}) + \frac{1}{2} a (t - \cancel{t_0})^2$$

Koord $\vec{r}_0 = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ in $t_0 = 0s$

$$\vec{r} = \vec{v}_1 t + \frac{1}{2} a t^2$$

$$\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} v_{0x} \cdot t \\ 0 \\ v_{0z} \cdot t \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ a_z \cdot t^2 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{aligned} x &= v_{0x} \cdot t \\ y &= 0 \\ z &= v_{0z} \cdot t + \frac{1}{2} a_z t^2 \end{aligned}$$

höchster Punkt des schiefen Wurfs:

$$v_z(t)_m = 0 \Rightarrow v_z = v_{0z} + a_z t_m = 0$$

$$t_m = -\frac{v_{0z}}{a_z}$$

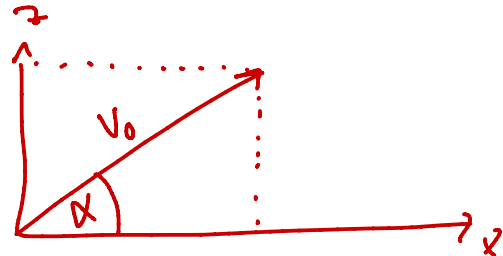
$$t_{\text{total}} = 2 t_m = -2 \frac{v_{0z}}{a_z}$$

$$\Rightarrow x = v_{0x} \cdot t$$

$$x_{\text{total}} = v_{0x} \cdot t_{\text{total}} = -2 \frac{v_{0x} v_{0z}}{a_z}$$

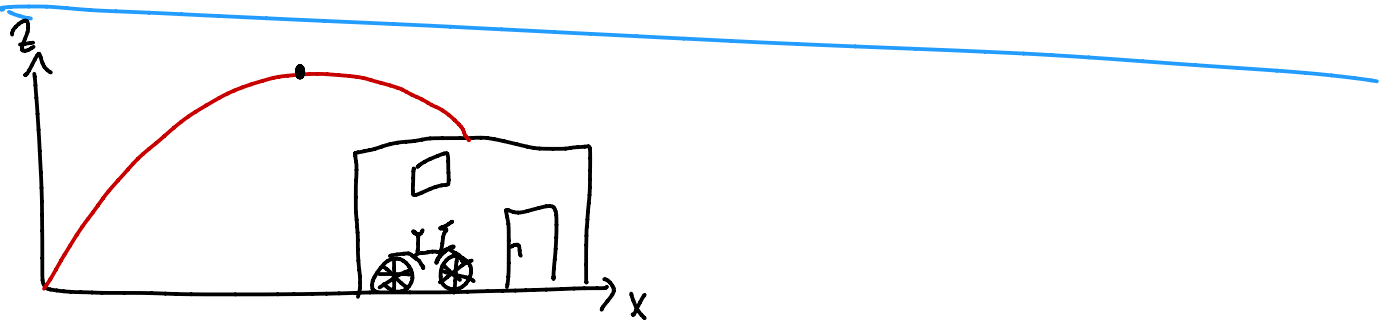
Als Funktion des Winkels:

$$\frac{d}{d\alpha} x_{\text{total}}(\alpha) = 0 \Rightarrow \text{Max Wurfweite}$$



$$v_{0x} = v_0 \cdot \cos \alpha$$

$$v_{0z} = v_0 \cdot \sin \alpha$$



Heute wollen wir über Kräfte reden

Kapitel 4 Dynamik von Massenpunkten:

4.1: Newton'sche Axiome

· Trägheitsprinzip

· gleichförmig geradlinig, falls keine äußeren Kräfte wirken

· Aktionsprinzip

· Änderung des Impulses kann nur proportional zur Kraft und in Richtung der Kraft (äußeren) stattfinden.

$$\text{Impuls} = \vec{p} = m \cdot \vec{v}$$

$$\frac{d}{dt} \vec{p} = \vec{F}$$

$$[F] = \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}^2} = 1\text{N}$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow \frac{d}{dt} (m \cdot \vec{v}) &= \dot{m} \vec{v} + m \cdot \dot{\vec{v}} \\ &= \dot{m} \vec{v} + m \cdot \vec{a} = \vec{F} \end{aligned}$$

falls $m = \text{const} \leftarrow \Rightarrow m \cdot \vec{a} = \vec{F}$