Vehren sind gørivhete Grißen deren Kampunenten bei Drehung vele allgemein bei Anderung des KocrdinatenSystems gewisse Transformations eigenschaften besithen
"Shalowe" sind dabei invaniant unter Kockhakentransformationen

Beispiele:

Temperatur, Masse, Lading sind Shalare

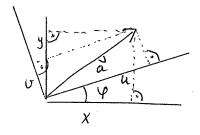
Dirtiochter is, best windigheit $\ddot{v} = \frac{d\ddot{v}}{dt}$,

Besideningung $\ddot{a} = \frac{d^2\ddot{v}}{dt^2} = \frac{d\ddot{v}}{dt}$, Kraft, Impuls,

Diehimpuls sind Vertorin

Verborn haben eine Biothung und eine Länge

Drehung:



 $U = X CG \varphi + y Sih \varphi$ $U = -X Sih \varphi + y CG \varphi$

=) large
$$(u^2+v^2)^{1/2} = [(x_1c_5 \varphi + g_{51} \varphi)^2 + (-x_5 + \varphi + g_{52} \varphi)^2]^{1/2}$$

= $[x^2(x_1 x_1^2 + c_5^2 \varphi) + y^2(x_1 x_2^2 + c_5^2 \varphi)]^{1/2} =$
= $(x^2+y^2)^{1/2}$ blubt exhall $[x_1^2 + y_2^2]^{1/2}$

Lapt sit at Mahix schreiben;

$$\begin{pmatrix} u \\ v \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} co & \phi & sim \phi \\ -sin & \phi & co & \phi \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \chi \\ y \end{pmatrix}.$$

Ausblich:

Mathematist abstract ist ein linearer oder Dehtarraum ein "Körper" von Elementen ä, b, č, ... ihn dem eine Addition at b und eine Multiplihation mit Shalam & delhier ist rodos

Abelsche $\begin{cases} \vec{a} + (\vec{b} + \vec{c}) = (\vec{a} + \vec{b}) + \vec{c} & \text{Association'} + \vec{a} + \vec{b} \\ \vec{b} = \vec{a} & \vec{b} = \vec{a} & \vec{b} = \vec{a} \end{cases}$ Comppe $\begin{cases} \vec{a} + (\vec{b} + \vec{c}) = (\vec{a} + \vec{b}) + \vec{c} & \text{Association'} + \vec{a} + \vec{b} \\ \vec{b} = \vec{a} & \vec{b} = \vec{a} \end{cases}$ Comppe $\begin{cases} \vec{a} + (\vec{b} + \vec{c}) = (\vec{a} + \vec{b}) + \vec{c} \\ \vec{b} = \vec{a} \end{cases}$ The inverse Verter'' $\vec{b} = -\vec{a}$ mi't $\vec{a} + \vec{b} = \vec{a} - \vec{a} = \vec{0}$ $\vec{a} + \vec{b} = \vec{b} + \vec{a} \end{cases}$ Kommutahivitat

 $(\check{\alpha}_1\check{b})\alpha = \alpha(\check{\alpha}_1\check{b}) = \alpha\check{\alpha}_1 + \alpha\check{\beta}$ Distribution to itat $\alpha(\check{\beta}\check{\alpha}) = (\alpha\check{\beta})\check{\alpha}$ Assocration that

I Shala 1 "Einselement" so dos 1a = a Va

Beispiele: Die Merge alle Veschiebungen ihn Euchtidischen Ramm die Menge alle Polynome vom Gred n Wenn es für n Vertern äi n Stalare ai existien die nicht alle Null sund, so doß Zai. ai =0, dann heißen ä, "jän "Lineour abhänsis" a.b = lallb/ cop = abcop

Eigenshaften:

$$\ddot{a} \cdot \ddot{b} = \ddot{b} \cdot \ddot{a}$$
 Kommu ta hivitait

 $\ddot{a} \cdot (\ddot{b} + \ddot{c}) = \ddot{a} \cdot \ddot{b} + \ddot{a} \cdot \ddot{c}$ Distributiviteit

 $d(\ddot{a} \cdot \ddot{b}) = (\ddot{a}) \cdot \ddot{b} = \ddot{a} \cdot (a \ddot{b})$ Homografiat

Spezialfeille:

$$\ddot{a} \perp \ddot{b} \in \ddot{a} \cdot \ddot{b} = 0$$
 $\ddot{a} \text{ poulled } \ddot{b} \in () \quad \ddot{a} \cdot \ddot{b} = |\ddot{a}| |\ddot{b}| = ab$
 $\ddot{a} \text{ and parallel } \ddot{b} \in () \quad \ddot{a} \cdot \ddot{b} = -ab$
 $\ddot{a} = \ddot{b} = () \quad \ddot{a} \cdot \ddot{a} = |\ddot{a}|^2 = a^2$

Langua quadrat

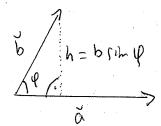
 $\ddot{a} = 0 \quad \text{ode } \ddot{b} = 0 = () \quad \ddot{a} \cdot \ddot{b} = 0$

Schwarzsche Ungleddrung:

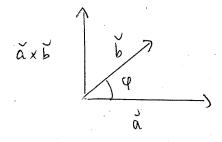
Projection and die Richtung b $a_b := a \cos \varphi = \tilde{a} \cdot \tilde{b}$ wo $\tilde{b} := \frac{\tilde{b}}{151}$ der Finheibverter ih \tilde{b} - Richtung ist

Abstruke Definition eines Shularprodukts mit obigen Eigensvafter und zusätztich ä. a > 0 H ä ±0 (positiv delinit)

Ansblick; Es gibt and indelinite Stralar produkte, dh.
frir die Jä ±0 m.t ä.a >0 md Jb ±0 mit bib <0
2.B. in der speziellen Melahioritab theorie + Lorunk-Metrik



=) C = Flate des von à une 5 aufgespannten Parallelogramms Richtung bestimmt durch Rechtschranben regel; Dribe à in Richtung 5



Eignshaffen:

$$\alpha_{X}(\vec{b}+\vec{c}) = \vec{\alpha}_{X}\vec{b} + \vec{\alpha}_{X}\vec{c}$$
Distribution tat
$$\alpha(\vec{a}_{X}\vec{b}) = (\vec{a}_{X}\vec{b}) = \vec{a}_{X}(\vec{a}_{X}\vec{b}) \quad \text{Homogenifait}$$

Spenialfalle:

$$\ddot{a}$$
 $\pm \ddot{b}$ $= \ddot{a}$ $= \ddot{a}$ $= \ddot{b}$ $= \ddot{a}$ $= \ddot{b}$ $= \ddot{a}$ $= \ddot{a}$ $= \ddot{b}$ $= \ddot{b}$ $= \ddot{a}$ $= \ddot{b}$ $= \ddot{b}$ $= \ddot{a}$ $= \ddot{b}$ $= \ddot$

Definien 3 "orthonormale" d.h. orthogonale Einheib vertern

im 3-d Eurlidischen Raum, mit

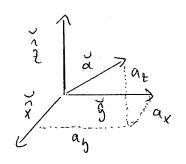
$$\vec{\hat{x}} \cdot \vec{\hat{x}} = \vec{\hat{y}} \cdot \vec{\hat{y}} = \hat{\hat{t}} \cdot \vec{\hat{\tau}} = 1$$

$$\vec{\hat{x}} \cdot \vec{\hat{y}} = \vec{\hat{x}} \cdot \vec{\hat{\tau}} = \vec{\hat{y}} \cdot \vec{\hat{\tau}} = 0$$

und

$$\vec{x} \times \vec{y} = \hat{t}$$
, $\vec{y} \times \hat{t} = \vec{x}$, $\vec{z} \times \hat{y} = \hat{y}$

andere häufige Schreib weisen:



$$\tilde{a} = \overset{\sim}{a_X} \tilde{x} + \overset{\sim}{a_Y} \tilde{g} + \overset{\sim}{a_Z} \tilde{t} = (\overset{\sim}{a_X}, \overset{\sim}{a_Y}, \overset{\sim}{a_Z})$$
 $\tilde{a} = \overset{\sim}{a_X} \tilde{x} + \overset{\sim}{a_Y} \tilde{g} + \overset{\sim}{a_Z} \tilde{t} = (\overset{\sim}{a_X}, \overset{\sim}{a_Y}, \overset{\sim}{a_Z})$
 $\tilde{a} = \overset{\sim}{a_X} \tilde{x} + \overset{\sim}{a_Y} \tilde{g} + \overset{\sim}{a_Z} \tilde{t} = (\overset{\sim}{a_X}, \overset{\sim}{a_Y}, \overset{\sim}{a_Z})$
 $\tilde{a} = \overset{\sim}{a_X} \tilde{x} + \overset{\sim}{a_Y} \tilde{g} + \overset{\sim}{a_Z} \tilde{t} = (\overset{\sim}{a_X}, \overset{\sim}{a_Z}, \overset{\sim}{a_Z})$

$$\hat{e}_i \cdot \hat{e}_j = \xi_{ij} = \xi_0 \quad \text{for } i \neq j$$

Wobei da "levi- Civita- Symbol"

Moven dungen :

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z = \frac{3}{2} a_i b_i$$

$$\vec{a} \times \vec{b} = \frac{3}{2} \epsilon_{ijh} a_i b_j \hat{e}_h \qquad odv (\vec{a} \times \vec{b})_h = \frac{3}{2} \epsilon_{ijh} a_i b_j$$

$$i_j i_j h = i$$

$$\{a, b, (a, b)\}_1 = a_2 b_3 - a_3 b_2$$

Spat products

Udumen =
$$G \cdot h = |\tilde{a} \times b| \cdot h$$

$$= |\tilde{a} \times b| |\tilde{c} \cdot \frac{\tilde{a} \times \tilde{b}}{|\tilde{a} \times \tilde{b}|}| = |\tilde{a} \times \tilde{b}| \cdot \tilde{c}|$$

$$= |\tilde{c} \times \tilde{e}| = h$$

Eigmitalle:

Invaniant unto tythinke Vertaurbung: $(\ddot{a}x\ddot{b}) \cdot \ddot{c} = (\ddot{b}x\ddot{c}) \cdot \ddot{a} = (\ddot{c}x\ddot{a}) \cdot \ddot{b}$

In 30:

$$(\tilde{a} \times \tilde{b}) \cdot \tilde{c} = \text{clet} \left| \begin{array}{c} a_x & a_y & a_{\bar{t}} \\ b_x & b_y & b_{\bar{t}} \\ c_x & c_y & c_{\bar{t}} \end{array} \right| =$$

= $(a_{x}b_{y}-a_{y}b_{y})c_{x}+(a_{z}b_{x}-a_{x}b_{z})c_{y}+(a_{x}b_{y}-a_{y}b_{x})c_{z}$

Poppelles Vehtorproduli:

im allymeinen m'UM association: (axb)xc + ax(bxc)

bac-cab- Regul:

$$\widetilde{a} \times (\widetilde{b} \times \widetilde{c}) = \widetilde{b} (\widetilde{a} \cdot \widetilde{c}) - \widetilde{c} (\widetilde{a} \cdot \widetilde{b})$$

Daren, foly and die "Jacobi- Iduhitat"

 $\alpha \times (b + c) + tylusch = \alpha \times (b \times c) + b \times (c \times a) + c \times (a \times b) = 0$

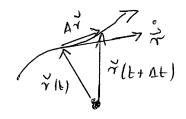
Ist flx) differencierber bei X, so hennt man fl(x)h foir beliebiges h "Differential" from f(x). Man schweibt of

$$dy = df(x) = f'(x) dx$$

In de Mathematik wird dies Differentialform genannt, die man formul als dual zum Vehterraum bestehend aus Koardhaden X, ... definiert

Vehrer Cumbhionen

7.B. Kurve ales Massen punistes wird beschrieben durch $|\vec{r}| = (x |t|, y(t), z(t))$ t = zeit

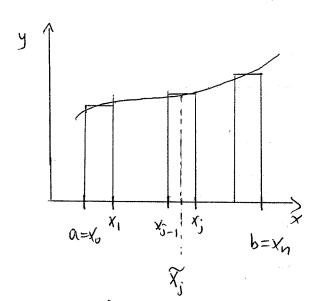


$$\frac{\ddot{\sigma}}{\sigma} = \frac{d\ddot{\sigma}}{dt} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\ddot{\sigma}[t+\Delta t] - \ddot{\sigma}[t]}{\Delta t} = \frac{d\ddot{\sigma}}{dt} = \frac{d\ddot{\sigma}}$$

Kettenrigel, Produktrigel etc. gelten and fin Derterfankhisnen; 7.B.

$$\frac{d}{dt}(\vec{a} \times \vec{b}) = \frac{d\vec{a}}{dt} \times \vec{b} + \vec{a} \times \frac{d\vec{b}}{dt}$$

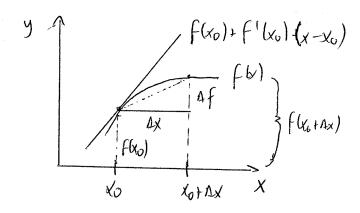
$$\frac{d}{dt} \vec{r}(f(t)) = \frac{d\vec{r}}{dt}(f(t)) \cdot \frac{df}{dt}(t)$$



$$\alpha = \chi_0 \quad \langle \chi_1 \quad \langle \chi_2 \quad \langle \chi_n \rangle \rangle = b$$

$$\Delta \chi_1 \quad \langle \chi_1 \quad \langle \chi_n \rangle \rangle = b$$

$$\int_{\alpha}^{b} f(x) dx := \lim_{n \to \infty} \frac{n}{\sum_{j=1}^{n} f(x_{j}^{n})} Ax_{j}$$
Wobai alle $Ax_{j} \to 0$



$$f'(x_0) = \frac{df}{dx}\Big|_{x_0} =$$

$$= \lim_{\Delta x \to 0} \frac{\Delta f}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \to \infty} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0}$$

Verall generations:

$$f(x) = \frac{2}{2} \frac{f(n)(x_0)}{n!} (x-x_0)^n = f(x_0) + f'(x_0)(x-x_0) + \frac{f''(x_0)}{2} (x-x_0)^n +$$

Jede Polantraine Zan (xx) mund dannit auch jede Taylor-Reihe hat einen "Konvegmeradius" 7, 50 des Zan (x-10) min alle 1x-xo1 < r honverjert. Im allgemeinen ist or duch den Abstand zu nudsten sin gulanität von flx) gegeben, diese Tatsache gret aber ner allgemein im Roum de hamplesen Zahlen Berriol:

$$f(x) = \frac{1}{1+x^2} = \frac{2}{2} (-1)^n x^{2n} = \frac{8}{2} a_n x^n \text{ hat den}$$

$$Kanvegentradium r=1 \quad da \frac{\alpha_{2n+2}}{a_{2n}} = -x^2$$

$$Obwohl \frac{1}{1+x^2} \text{ for alle } x \in \mathbb{R} \text{ world allowed und}$$

$$Unendhich of differentier bor ist$$

$$Der tiefere Grand ist das \frac{1}{1+x^2} \text{ bei } x = \pm i$$

$$Singular ist$$

Funthionen mehner Variabler, Z.B. f(x,y,z), trömmen nach den einzelnen Variablen differenziert werden, wobei man sich die anderen Variablen honstant vorstellt:

$$\frac{\partial f}{\partial x}(x_1y_1) = \lim_{\Delta x \to 0} \frac{f(x + \Delta x_1y_1) - f(x_1y_1)}{\Delta x}$$

und analos for die andern thou Vaniablen Hum schreibweist:

$$f_x = \frac{\partial f}{\partial x}$$
 $f_y = \frac{\partial f}{\partial y}$ $f_z = \frac{\partial f}{\partial z}$

Höhle Ableitungen

$$fxx = \frac{3x}{3}\left(\frac{3x}{3x}\right) = \frac{3x}{3x^{2}}$$

$$fxx = \frac{3x}{3}\left(\frac{3x}{3x}\right) = \frac{3x}{3x^{2}}$$
(Symmetric)
(Symmetric)

Man hann leicht die erweiterte Keltenned reigen:

Fur f(t) = f(x1t), y(t), t(t)) giel

ode at D'ffemhil

$$df = \frac{\partial f}{\partial x} dx + \frac{\partial f}{\partial y} dy + \frac{\partial f}{\partial t} dz$$

Kann and for die 1. Ordnung eine mulhi-dimensionaler Taylor-Entwichtung verwendet werden:

$$f(x) = f \qquad f(x,y,t) = f(x_0,y_0,t_0) + \frac{\partial f}{\partial x}(x_0,y_0,t_0)(x-x_0) + \frac{\partial f}{\partial y}(x_0,y_0,t_0)(y-y_0) + \frac{\partial f}{\partial z}(x_0,y_0,t_0)(z-z_0) + \dots$$

Verta analysin: Gradient, Divergenz, Rotation

Pr (B)

Ein <u>Vertorfeld</u> ist eine Vertor-werbige Funktion mehnerer Variabler:

$$\vec{F}(\vec{x}) = \left(F_{\chi}(x_i y_i z), F_{\chi}(x_i y_i z), F_{\chi}(x_i y_i z) \right)$$

Beispiele: Geschwindigheitsfeld (e.g. Wildgeschwindigheit), Knaftfeld Ein Shalarfeld hat nu eine (shalare) Kamponeste:

Gredient:

grad
$$f = \nabla f = \left(\frac{\partial f}{\partial x}, \frac{\partial f}{\partial y}, \frac{\partial f}{\partial z}\right)$$
 Shalarfeld

Es gelten die ubliden Produtt- und Summingeln:

$$\vec{\nabla}(f+g) = \vec{\nabla}f + \vec{\nabla}g$$
; $\vec{\nabla}(f\cdot g) = g \vec{\nabla}f + f \vec{\nabla}g$

Beispiel: f Sei Funtition des Abstande | 7-70/ von einem Puntit To

$$=) \frac{\partial f(1\vec{x} - \vec{x}_0)}{\partial x} = \frac{\partial f}{\partial x}(1\vec{x} - \vec{x}_0)) \frac{\partial 1\vec{x} - \vec{x}_0}{\partial x} = f'(1\vec{x} - \vec{x}_0) \frac{x - x_0}{|\vec{x} - \vec{x}_0|} = \frac{1}{|\vec{x} - \vec{x}_0|} = \sqrt{(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 + (z - z_0)^2}$$

=)
$$\forall f(\ddot{x}) = f'(\ddot{x} - \ddot{r_0})$$
 $= f'(\ddot{x} - \ddot{r_0}) \frac{\ddot{x} - \ddot{r_0}}{\ddot{x} - \ddot{r_0}}$

2.B. Poken Hid (all
$$f(\vec{x}) = \frac{C}{|\vec{x} - \vec{v_0}|} = \int \vec{\nabla} f(\vec{x}) = -\frac{C(\vec{x} - \vec{v_0})}{|\vec{x} - \vec{x_1}|^3}$$

d)
$$\nabla \cdot (\nabla f(\nabla f)) = \nabla \cdot \nabla f(\nabla f) = \sum_{k} \frac{\partial}{\partial x_{k}} \left(\frac{\partial f}{\partial x_{k}} \right) = \sum_{k} \frac{\partial^{2} f}{\partial x^{2}} = \Delta f$$
 $A = \text{Laplace Operator} \rightarrow \text{Spielt withy Rolle in}$

Newton's the Gravitation, Elektrodynamik, Wellingleichung, Diffusions gleichung

Rotation

$$\operatorname{rot} \vec{F}(\vec{x}) = \vec{\nabla} \times \vec{F} = \sum_{i,j,k} \underbrace{\partial F_j}_{\partial x_i} \vec{e}_k = \left(\frac{\partial F_z}{\partial y} - \frac{\partial F_z}{\partial z} \right) \frac{\partial F_z}{\partial z} - \frac{\partial F_z}{\partial x} \frac{\partial F_y}{\partial x} - \frac{\partial F_z}{\partial y} \right)$$

$$= \sum_{i,j,k} \underbrace{E_{i,j,k}}_{i,j,k} \underbrace{\partial F_j}_{\partial x_i} \vec{e}_k = \left(\frac{\partial F_z}{\partial y} - \frac{\partial F_z}{\partial z} \right) \frac{\partial F_z}{\partial z} - \frac{\partial F_z}{\partial x} \frac{\partial F_y}{\partial x} - \frac{\partial F_z}{\partial y} \right)$$

Vertorfeld + Vertor feld , "Wirbel steinte"

Es gellen Summen - und Produktregeln:

$$\nabla x (\vec{F} + \vec{b}) = \nabla x \vec{F} + \vec{\nabla} x \vec{b}$$
; $\nabla x (\vec{F} \vec{F}) = \vec{F} \nabla x \vec{F} + (\vec{b} \vec{f}) x \vec{F}$

Beignell:

a)
$$F(\vec{x}) = f(x) \vec{x} = f(x) \vec{x} \vec{x} \vec{x} + (\vec{y}f) \vec{x} \vec{x} = 0$$

$$F(\vec{x}) = f(x) \vec{x} \vec{x} = f(x) \vec{x} \vec{x} \vec{x} = 0$$

$$F(\vec{x}) = f(x) \vec{x} \vec{x} \vec{x} = 0$$

$$F(\vec{x}) = f(x) \vec{x} \vec{x} \vec{x} = 0$$

b)
$$F(\vec{x}) = \vec{\omega} \times \vec{x} = (\vec{\nabla} \times \vec{F}(\vec{x}))_{X} = \frac{\partial F_{2}}{\partial y} - \frac{\partial F_{3}}{\partial z} =$$

$$= \frac{\partial}{\partial y} (\omega_{X} y - \omega_{Y} X) - \frac{\partial}{\partial z} (\omega_{Z} X - \omega_{X} Y) = \omega_{X} - (-\omega_{X}) = 2\omega_{X}$$
analog duch tyldisher Vertausher film die andern Koerdinahn
$$= (\vec{\omega} \times \vec{x}) = 2\vec{\omega}$$

Das totale Differential eine Shala function kann man nun schrabenals

$$df = \frac{\partial f}{\partial x} dx + \frac{\partial f}{\partial y} dy + \frac{\partial f}{\partial z} dz = \nabla f \cdot dx$$

und nach der Ke Henreyel

$$\frac{\partial f}{\partial t} = \vec{\nabla} f \cdot \frac{d\vec{\nabla}}{\partial t}$$

Amovendung: flir) = const. definiert eine Flacke, abru df = pf.dir = 0

and de Flirde =) pf steht sunkrecht auf dieser Fläcke

Brennstahlgeselt, Taylorentwichung von Pohnlich spieter

Divergenz

div
$$\vec{F} = \vec{\nabla} \cdot \vec{F} = \left(\frac{\partial}{\partial x}, \frac{\partial}{\partial y}, \frac{\partial}{\partial z}\right) \cdot \left(\vec{F}_{x}, \vec{F}_{y}, \vec{F}_{z}\right) =$$

formula Shala probabl

$$= \frac{\partial F_{x}}{\partial x} + \frac{\partial F_{y}}{\partial y} + \frac{\partial F_{z}}{\partial z}$$

Vertefunction -> Shala function

Summen- und Produktregeln gelten;

Beispiell:

a)
$$\vec{F}(\vec{r}) = \vec{r} = 0$$
 $\vec{V} \cdot \vec{r} = \frac{\partial y}{\partial x} + \frac{\partial y}{\partial y} + \frac{\partial z}{\partial z} = 3$
b) $\vec{F}(\vec{r}) = \vec{\omega} \times \vec{r}$ $mit \vec{\omega} = const.$ $\vec{\omega}$ while $\vec{o} \cdot \vec{F} \cdot \vec{\omega} = \vec{\omega} \cdot \vec{e}_z$

$$= \vec{V} \cdot (\vec{\omega} \times \vec{r}) = \frac{\partial}{\partial x} (-wy) + \frac{\partial}{\partial y} (wx) + \frac{\partial}{\partial z} (\vec{o}) = 0$$
c) $\vec{F}(\vec{r}) = \vec{F}(\vec{r}) \vec{r} - \vec{r}$ Radialfeld
$$= \vec{V} \cdot (\vec{F}(\vec{r}) \vec{r}) \vec{r} = \vec{F}(\vec{r}) \vec{r} \vec{r} + (\vec{V} \vec{F}(\vec{r})) \vec{r} \vec{r}$$

$$= 3f(x) + \frac{\gamma}{\tau} f'(x) \cdot \dot{\gamma} = 3f(x) + \gamma f'(x)$$

$$e.g. F(\ddot{\lambda}) = \frac{\dot{\gamma}}{\gamma^3} = \frac{\ddot{\lambda}}{\gamma^2} \quad (Constantial feld ode Contambfeld)$$

$$=) f(x) = x^{-3} =) f'(x) = -3x^{-4} =) \ \ \ddot{\forall} \cdot \left(\frac{\ddot{\lambda}}{\gamma^3}\right) = 0 \quad \text{fin} \quad \gamma \neq 0$$

$$\vec{\nabla} \cdot (\vec{F} \times \vec{F}) = \vec{G} \cdot (\vec{\sigma} \times \vec{F}) - \vec{F} \cdot (\vec{\sigma} \times \vec{F})$$

$$\vec{\nabla} \times (\vec{F} \times \vec{F}) = (\vec{G} \cdot \vec{F}) \vec{F} - \vec{G} (\vec{\sigma} \cdot \vec{F}) - (\vec{F} \cdot \vec{\sigma}) \vec{G} + \vec{F} (\vec{\sigma} \cdot \vec{G})$$

$$\vec{\nabla} \times (\vec{\sigma} \times \vec{F}) = \vec{\sigma} (\vec{\sigma} \cdot \vec{F}) - \vec{\sigma}^2 \vec{F} = \vec{\sigma} (\vec{\sigma} \cdot \vec{F}) - \vec{\Lambda} \vec{F}$$

$$\vec{\nabla} \times (\vec{\sigma} \times \vec{F}) = 0$$
" Condigentum (alder sind unribel frui")

$$\nabla \times (\nabla f) = 0$$
 " Cradienten felder sind unibelfrei"
$$\nabla \cdot (\nabla \times F) = 0$$
 " Wirbelfelder sind grellen frei"