אוניברסיטת בן גוריון בנגב הפקולטה למדעי ההנדסה המחלקה להנדסת חשמל ומחשבים

עבודה מסי 2 בקורס יימבוא לעיבוד אותותיי סמסטר אי התשפייא

מבוא

מטרה

לעבודה זו ,שתי מטרות עיקריות:

- 1. המחשת החומר התיאורטי הנלמד בהרצאות ובתרגילים.
- 2. התנסות בפתרון בעיות בסיסיות בעיבוד אותות באמצעות הכלים לניתוח אותות שנלמדו בהרצאות.

על מנת להשיג מטרות אלה , נדרשים הסטודנטים בקורס לפתור בעיות בסיסיות בעיבוד אותות באמצעות כתיבת סימולציות בתכנת MATALB.

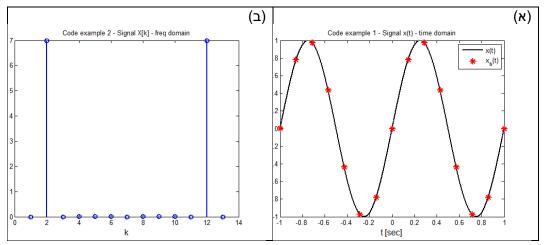
פרטי הגשה

- http://moodle2.bgu.ac.il לאתר הקורס: 10/01/2021 לאתר העבודות יש להגיש עד תאריך 10/01/2021 לאתר הקורס: ... ההגשה אלקטרונית.
- 2. את הקוד יש לצרף להגשה המוקלדת (ניתן להעלות מספר קבצים לאתר) בתור קובץ *m, כמו כן אם ישנו יותר מקובץ MATLAB אחד ניתן לאגד בקובץ נובץ
- 3. חישובים אנליטיים ארוכים ניתן לצרף בכתב יד ויש לשבצם בגוף העבודה המוקלדת. יש להקפיד על כתב יד ברור וכתב לא מובן לא ייבדק.
 - 4. ניתן לבצע את העבודה בזוגות או ביחידים (העדפה לזוגות), במידה ומגישים כזוג יש להגיש באתר פעם אחת בלבד.
 - 5. את כל הגרפים יש ליצור בעזרת MATALB או תוכנות מקבילות.

אופן ביצוע העבודה

גרפים ללא פירוט ייפסלו.

- במהלך העבודה נדרש לייצג ולבצע חישובים על אותות "רציפים" ו"בדידים" או "דגומים" באמצעות MATLAB. אות "רציף" מיוצג ב-MATLAB כוקטור ערכים של הפונקציה שמתארת את האות בנקודות זמן צפופות באופן יחסי. אות "בדיד" או "דגום" ייוצג כוקטור שכולל מספר מועט יותר של ערכים בהתאם לתדר הדגימה.
- 2. גרף שמציג אות ״רציף״ ימומש בשימוש בפונקציה (), plot, וגרף שמציג אות ״בדיד״ או ״דגום״ ימומש plot() בשימוש בפונקציה () stem בשימוש בפונקציה ()
 - 3. הגרפים הנדרשים, חייבים להיות מפורטים ולכלול את שם הגרף ושמות הצירים כולל יחידות . ניתן להיעזר בפונקציות: (title(); xlabel(); ylabel
 - כאשר נדרש להציג מספר אותות באותו הגרף, יש להשתמש בסימון צבע ו/או עובי ו/או סגנון שונה hold on; legend(); ניתן להיעזר בפונקציות ('LineWidth'; 'LineStyle'; 'Marker'; 'Color')
 - האות (sec] ביחידות וולט [V] ביחידות וולט $x(t) = \sin(2\pi t)$ האות בשניות [sec]. האות $x(t) = \sin(2\pi t)$
- את את בתדר דגימה $x_s[n]$ נדרש אות דגום לקבלת אות הגום הדר אות בגרף אחד את $x_s[n]$ נדרש להציג בגרף אחד את בתדר דגימה האות $x_s[n]$ ובגרף נוסף נדרש להציג את התמרת באיות $x_s[n]$ של האות. הגרפים צריכים להיראות כפי שמתואר באיור 1 אי ו-ב׳ בהתאמה כולל הקפדה על כל הפירוט הנדרש.
- 6. כאשר נדרש להציג ביטוי או חישוב אנליטי יש לכתוב פתרון מלא (מוקלד ולא סרוק). תשובות חלקיות
 - 7. שימו לב שהעבודה מבוססת בעיקר על החומר שניתן בהרצאות 5-9 בפתרון הבעיות ובפתוחים רצוי להיעזר ולהסתמך על החומר שנלמד בכתה.



stem() של האות מוצג עם DFT איור 1. אות סינוס בתדר [Hz] 1 דגום בתדר [Hz]. (א) אות דגום מוצג כ* (ב) התמרת DFT של האות מוצג עם

: קוד Matlab למימוש הגרף

```
clc;
clear all;
close all;
%% Code example II
T=1;
                       %[sec] signal period time
t=-1:1/1000:1;
                       %continuos time vector
x=sin(2*pi/T*t);
                     %continuos signal
Ws=7*2*pi;
                       %[rad/sec] sampling angular frequency
Ts=2*pi/Ws;
                       %[sec] sampling time period
ts=-1:Ts:1;
                       %sampling time vector
ts=ts(1:end-1);
                       %deleting last sample
xs=sin(2*pi/T*ts); %discrete signal
N=length(ts);
k_vec=0:N-1;
X=fft(xs);
%showing two signals over the same figure
figure;
                                          %new figure window
                                         %draw the contiuos signal graph
%retain current graph in figure, to allow several graphs
plot(t,x,'k','LineWidth',2);
hold on;
over the same figure
plot(ts,xs,'*r','LineWidth',1.5,'MarkerSize',10); %draw the contiuos signal graph -
**Sother form to write the above command: plot(ts,xs,'lineStyle','*','Color','r','LineWidth',1.5,'MarkerSize',10); title('Code example 1 - Signal x(t) - time domain'); xlabel('t [sec]','FontSize',12); ylabel('x(t) [V]','FontSize',12); legend([{'x(t)'};{'x_s(t)'}]);
\mbox{\$showing two signals over the same figure - using "stem()" for descrete signal
```

1. התמרת DFT (60 נק')

$$x[n] = s[n] + v[n], n = 0,1,...,N-1$$

: נתון האות הבדיד x[n] הבא

 $s[n] = 2\cos[\theta_1 n]$

: הנתונים s[n],v[n] הנתונים שני מסכום מורכב מסכום שני האותות

$$v[n] = 3\sin[\theta_2 n]$$

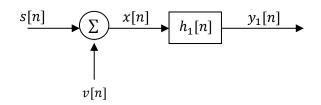
כאשר הפרמטרים של האותות נתונים על ידי:

$$\theta_1 = \frac{\pi}{10.25}$$
; $\theta_2 = \frac{2\pi}{5}$; $N = 30$;

- X[n] של DFT- התמרת ה-X[k] של (8) א.
- (plotב על גבי גרף אחד (s[n],v[n],x[n]). האותות
- השתמש ההתמרה הערך המוחלט של $S^d[k], V^d[k], X^d[k]$ על גבי גרף אחד (לחישוב ההתמרה השתמש (stem() בפונקציה fft() התוצאה השתמש ב
 - S[k], V[k] הסבר את ההבדלים בין האותות
 - ב. x[n] אפסים לאורך כולל של 45 דגימות ב-15 אפסים נוספים לאורך כולל של 45 דגימות ב-18 גע"י ריפוד אור סדרה חדשה $x_z[n]$ ע"י ריפוד אור סדרה המרופדת ב- $x_z[n]=\{x[0],\dots,x[N-1],0,\dots 0\}$
 - . אחד. $X^d[k]$ ושל אחד את הערכים המוחלטים של $X^d[k]$ ושל אחד.
 - ו- DFT הסבר/י את ההבדלים בין $X_z^d[k]$ לבין $X_z^d[k]$ יש להתבסס על הקשר בין ההתמרות .DTFT

הערה: שימו לב שיש לנרמל את ציר התדר על מנת להציג את שתי הפונקציות בגרף אחד

- : ג. $x_2[n]$ צור סדרה חדשה $x_2[n]$ עייי ריפוד של $x_2[n]$ ב-15 דגימות נוספות מהאות המקורי, כלומר $x_2[n]$ אייי ריפוד של $x_2[n]$ של הסדרה ב- $x_2[n]$ של הסדרה ב- $x_2[n]$ של הסדרה ב- $x_2[n]$ את הסדרה ב- $x_2[n]$ של הסדרה ב- $x_2[n]$
 - . הצג/י את הערכים המוחלטים של $X_2^d[k]$ ושל $X_2^d[k]$ על גבי גרף אחד
 - $X^d[k]$ וביחס ל- $X^d_z[k]$ וביחס ל-
 - $X_z^d[k], x_z[n]$ ו- $X_z^d[k], x_z[n]$ ו- $X_z^d[k]$ ו- $X_z^d[k]$ ו- $X_z^d[k]$ ו-
 - הצג/י את הביטוי למשפט פרסוול באופן מטריציוני.
- חשב/י באמצעות Matlab את הביטוי בשני אגפי המשוואה, הצג את התוצאה, ובדוק/י את קיום השוויון עבור שני זוגות הפונקציות.
- ה. (12) נקי) נתונה מערכת עם תגובה להלם (n] מוצא המערכת מתקבל עייי חישוב ממוצע של שלושת הדגימות האחרונות של אות הכניסה. אות הכניסה למערכת נתון על ידי (n] אשר הוגדר בתחילת השאלה ומוצא המערכת נתון על ידי (n] כפי שמתואר באיור 2.



- . פתח/י ביטוי לתגובת המערכת $h_1[n]$ להלם
- בחישוב תוך שימוש הכניסה x[n], עבור אות הכניסה אות המערכת, מוצא המערכת , $y_1[n]$ שימוש בחישוב פונבולוציה לינארית באמצעות התמרת DFT) DFT באמצעות התמרת המערכת.
 - מה אורך ההתמרות הדרוש למימוש וחישוב קונבולוציה לינארית באמצעות התמרת DFT!
- נסמן את התמרת DTFT של $H_1^f(\theta)$ ב- $H_1^f(\theta)$. חשב/י את התמרת $H_1^f(\theta)$ של $H_1^f(\theta)$ ב- $H_1^f(\theta)$ על גבי גרף אחד.

<u>: הערות</u>

- stem() באמצעות את |X[k]| את ירציף" ואת $|H_1^f(heta)|$ באמצעות |X[k]| את מומלץ במקרה את להציג את להציג את את ירציף ואת מומלץ במקרה את להציג את את את הציג את הצי
- על מנת להציג את |X[k]|, |X[k]| על גבי גרף אחד יש לנרמל את ערכי הפונקציות |X[k]|
- נסמן את התמרת DFT של $\left|Y_1^d[k]\right|$ חשב/י את יסמן את $\left|Y_1^d[k]\right|$ חשב/י את בי $\left|Y_1^d[k]\right|$ ו- $\left|X_1^d[k]\right|$ על גבי גרף אחד.
 - N=30 כאשר , n=0,...,N-1 עבור $y_1[n],x[n],v[n],s[n]$ כאשר •
- הסברות שקיבלת את התוצאות שקיבלת של ההעייחס להשפעה של המערכת את התוצאות שקיבלת יש להתייחס אות הסבר/י את התוצאות אות הכניסה x[n] ועל המוצא x[n] של אות הכניסה של אות הכניסה מוצא ישר אות הכניסה של המוצא ישר המוצא אות הכניסה של המוצא ישר המוצא י
 - : הבאה להלם התגובה $h_2[n]$ עם התגובה להלם הבאה ו.

$$h_2[n] = \{1,1\}$$

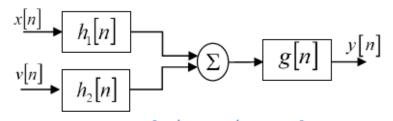
- תוך שימוש בחישוב קונבולוציה x[n] עבור אות הכניסה $h_2[n]$ עבור המערכת אוצ , $y_2[n]$ חשב את $y_2[n]$ התמרת לינארית באמצעות התמרת (Linear convolution by DFT).
- נסמן את התמרת DFT של $H_2^f(\theta)$. חשב/י את $H_2^f(\theta)$. חשב/י את הערכים המוחלטים של $H_2^f(\theta)$ על גבי גרף אחד. $H_2^f(\theta) = H_2^f(\theta)$

<u>הערות:</u> בדומה לסעיף הקודם.

- נסמן את התמרת DFT של $Y_2^d[k]$ חשב/י את $Y_2^d[k]$. חשב/י את על בין את הערכים המוחלטים $Y_2^d[k]$ על גבי גרף אחד. $Y_2^d[k]$ על גבי גרף אחד.
 - N=30 כאשר , n=0,...,N-1 עבור $y_2[n],x[n],v[n],s[n]$ כאשר •
 - הסבר/v התוצאות שקיבלת. בהסבר יש להתייחס להשפעה של המערכת $h_2[n]$ על כל אחד הסבר/v של אות הכניסה [n] על המוצא [n].
- נתון בסעיף זה נערוך השוואה בין המערכות $h_1[n]$ ו- $h_1[n]$ אשר הוצגו בשני הסעיפים האחרונים. נתון x[n]=s[n]+v[n] אנו מעוניינים להשתמש במערכת כי האות x[n]=s[n]+v[n] מורכב מאות מקורי s[n] מתוך הרעש s[n] או $h_1[n]$ לסינון האות המקורי s[n] מתוך הרעש s[n] שמכיל האות הנתון s[n] הסבר תוך התבססות על תגובת התדר של המסננים הנתונים s[n] אור התבססות על תגובת התדר של המסננים הנתונים s[n] אור התבססות על תגובת התדר של המסננים הנתונים s[n] אור המערכת החדר של המסננים הנתונים s[n] אור המערכת החדר של המסננים הנתונים s[n] אור החדר של המסננים העדר של המסננים הנתונים s[n] אור החדר של המסננים העדר של המסננים העדר של המסננים הנתונים s[n] אור החדר של המסננים העדר של המסנניים העדר של המסננים העדר של המסנים העדר של המסני
 - במקרה ש- $\frac{8\pi}{5}$ ו $\theta_1 = \frac{\pi}{5}$, באיזה מסגן עדיף להשתמש! •
 - ירף להשתמש: $\theta_1 = \pi$ ו- $\theta_2 = \pi$ ו- $\theta_1 = \frac{\pi}{2}$

2. בעיה מעשית (40 נק')

כאשר מקליטים אות אודיו, האות המוקלט לא זהה לאות המקורי בגלל מספר הפרעות. את הקשר בין האות המקורי לאות המוקלט ניתן למדל באמצעות תרשים המלבים המופיע באיור 3 :



:כאשר

- הוא האות המקורי. x[n] -
- הוא אות האודיו במוצא המערכת. y[n]
- . הוא אות רעש (הפרעה) שנקלט במיקרופון v[n]
- . היא התגובה להלם למערכת הממדלת את התווך בין המקור למיקרופון. $h_1[n]$
- . היא התגובה להלם למערכת הממדלת את התווך בין מקור הרעש למיקרופון. $h_2[n]$
 - היא התגובה להלם למערכת הממדלת את מערכת ההקלטה. g[n]

 $F_s=44100Hz$ כל האותות הם דגימה של אותות אנלוגיים, תדר הדגימה הוא דגימה של אותות מלוגיים, על האותות המקורי x[n] מתוך ההקלטה y[n] ביצעו שתי הקלטות נוספות:

- הקלטה אות המערכת מוצא המערכת כאשר האות המקורי מנוטרל (x[n]=0). הקלטה זו .9 $y_{z}[n]=0$
 - ידוע בוחן ידוע המקורי הוא אות בוחן ידוע .2 . $y_{test}[n]$ את המקלטה במצב זה נסמן ב- $(x[n] = x_{test}[n])$

$\underline{v[n]}$ עליכם לשחזר את האות המקורי $\underline{x[n]}$ מתוך האות המוקלט

הערה: לפשטות ניתן להניח שהרעש v[n] זהה בכל ההקלטות.

שמות data2020.mat ניתן למצוא בקובץ ניתן $y_z[n], x_{test}[n], y_{test}[n], y[n]$ בשמות את האותות $y_z[n], x_{test}[n], y_{test}$ ו-y_test ,x_test ,y_z משתנים

הערה: ניתן לפתוח את הקובץ על ידי הרצת הפקודה (ˈload('data2020.mat').

א. [6 נק׳]

- ביטוי להתמרת האות המוקלט $Y^d[k]$ כתלות בהתמרות המערכות (4 $X^d[k]$ ביטוי להתמרת האות המקורי $X^d[k]$ והתמרת הרעש $H_1^d[k], H_2^d[k], G^d[k]$ והתמרת $V^d[k]$
- הערה: שים לב כי על מנת לקבל קשר פשוט נדרש לרפד באפסים את הסדרות קודם בזמן.
- נקי) לאיזה אורך נדרש לרפד את הסדרות? נדרש ביטוי אנליטי כתלות באורכי 2] .b . $x[n],v[n],h_1[n],h_2[n],g[n]$
- ב. [3] נניח כי ידוע שאורך אות המוצא הינו 3.8 שניות ושהאורך של כל אחת מהתגובות להלם הוא 0.45 שניה. מה מספר הדגימות שנקלחו באותות x[n],v[n] המקוריים על מנת שמצב זה יתקיים.ז

- ג. $(5 \, \mathrm{tg'})$ בעזרת הקלטה מס׳ 1 (הקלטת $(y_z[n])$ ניתן להוריד את הרעש משאר ההקלטות.
 - a. הסבר/י כיצד, התייחס בהסבר למצב שמספר הדגימות בכל הקלטה שונה.
 - פתח/י ביטוי להתמרה של האות המוקלט לאחר ניקוי הרעש $Y_0^d[k]$. שימו לב .b להערה בסעיף א׳.
- ניתן $(y_{test}[n]$ תוך הסתמכות על תוצאות סעיף ג׳ ובעזרת הקלטה מס׳ 2 (הקלטת על תוצאות סעיף ג׳ ובעזרת העלטה מס׳ 2 (הקלטת $y_0[n]$ לאפיין מערכת שתאפשר שחזור של x[n] בהינתן האות המוקלט לאחר ניקוי הרעש
 - מתוך האות המוקלט לאחר $X^d_{rec}[k]$ מתוך האות המוקלט לאחר .a ניקוי הרעש $Y^d_0[k]$
 - .b חשב את התגובה להלם של מערכת זו מתוך הקלטות 1 ו-2.
 - .c הצג/י את התגובה להלם שחישבתם בגרף עבור טווח ההזמן הרלוונטי.
 - ה. (8 נק׳) בעזרת המערכת שפיתחת בסעיף ד׳ שחזר/י את האות המקור x[n] מתוך האות המוקלט y[n] והראו בגרף שהתוצאה בסעיף ב׳ מתקבלת בקירוב.
 - ו. $(8 \ \text{tg'})$ השמע/י את האות המשוחזר $x_{rec}[n]$ וכתב/י את תוכנו. הערה: על מנת להשמיע את האות, יש להשתמש בפונקציית (soundsc עם תדר דגימה מתאים.