

# Porovnání – vyhledání silně souvislých komponent

## Gabowův algoritmus a Tarjanův algoritmus

Jan Wrona    Tomáš Varga

Fakulta informačních technologií  
Vysoké učení technické v Brně

Grafové algoritmy, 2014

## 1 Algoritmy

## 2 Implementace a testování

## 3 Výsledky experimentů

- Jednotlivé algoritmy – časová složitost
- Srovnání algoritmů – časová složitost
- Jednotlivé algoritmy – prostorová složitost
- Srovnání algoritmů – prostorová složitost

---

**Algorithm 1** Funkce GABOW-VISIT( $v$ ).

---

```
preorder[ $v$ ]  $\leftarrow c$ ;  $c \leftarrow c + 1$ ; push( $S, v$ ); push( $P, v$ )
for  $w$  in Adj[ $v$ ] do
    if preorder[ $w$ ] =  $\infty$  then
        GABOW-VISIT( $w$ )
    else if  $w$  is in  $S$  then
        repeat
            pop( $P$ )
        until preorder[peak( $P$ )]  $\leq$  preorder[ $w$ ]
    end if
end for

if  $v = \text{peak}(P)$  then
    vytvoř novou silně souvislou komponentu  $c$ 
    repeat
         $w \leftarrow \text{pop}(S)$ 
        přidej  $w$  do komponenty  $c$ 
    until  $v = w$ 
    pop( $P$ )
    return  $c$ 
end if
```

---

# Tarjanův algoritmus

---

## Algorithm 2 Funkce TARJAN-VISIT( $v$ ).

---

```
index[ $v$ ]  $\leftarrow$  index; lowlink[ $v$ ]  $\leftarrow$  index; index  $\leftarrow$  index + 1; push( $S$ ,  $v$ )
for  $w$  in Adj[ $v$ ] do
  if index[ $w$ ] =  $\infty$  then
    TARJAN-VISIT( $w$ )
  else if  $w$  is in  $S$  then
    lowlink[ $v$ ]  $\leftarrow$  min(lowlink[ $v$ ], index[ $w$ ])
  end if
end for

if lowlink[ $v$ ] = index[ $v$ ] then
  vytvoř novou silně souvislou komponentu  $c$ 
  repeat
     $w \leftarrow pop(S)$ 
    přidej  $w$  do komponenty  $c$ 
  until  $v = w$ 
  return  $c$ 
end if
```

---

- Reprezentace seznamem sousedů.
- **Gabowův** a **Tarjanův**: upravené DFS. První průchod  $O(m + n)$ , druhý průchod  $O(n)$ .
- **Tarjanův** s **Nuutilovou** modifikací: upravený pouze druhý průchod, zlepšení složitosti pro řídké grafy.
- **Kosarajův**: dva kompletní průchody grafem, transpozice, složitost  $\Theta(m + n)$ .

## 1 Algoritmy

## 2 Implementace a testování

## 3 Výsledky experimentů

- Jednotlivé algoritmy – časová složitost
- Srovnání algoritmů – časová složitost
- Jednotlivé algoritmy – prostorová složitost
- Srovnání algoritmů – prostorová složitost

- Python2.
- Knihovny *NetworkX*, *psutil*.
- *NetworkX* nepřipouští smyčky v orientovaném grafu.
- **Gabowův** a **Tarjanův**: vlastní implementace i reprezentace grafu.
- **Tarjanův** s **Nuutilovou** modifikací a **Kosarajův**: součást knihovny *NetworkX*.

---

## Algorithm 3 Metoda měření.

---

```
for  $i \leftarrow 1$  to repetitions do  
   $startTime \leftarrow cpuTime$   
   $startMemory \leftarrow memory$   
  for  $j \leftarrow 1$  to multiplication do  
    SCC-ALGORITHM( $G$ )  
  end for  
   $totalTime \leftarrow cpuTime - startTime$   
   $totalMemory \leftarrow memory - startMemory$   
end for
```

---

- Vnější cyklus zmenšuje chybu měření – výběr minima z naměřených časů.
- Vnitřní cyklus eliminuje nízké rozlišení měřeného procesorového času.



# Způsob měření času a paměti

- Čas měřen pomocí `time.clock()`. Jedná se o procesorový čas v sekundách.
- Paměť měřena pomocí metody `memory_info()` třídy `Process` knihovny *psutil*.
- `memory_info()` zjistí velikost fyzické paměti využívané procesem – resident set size.

## 1 Algoritmy

## 2 Implementace a testování

## 3 Výsledky experimentů

- Jednotlivé algoritmy – časová složitost
- Srovnání algoritmů – časová složitost
- Jednotlivé algoritmy – prostorová složitost
- Srovnání algoritmů – prostorová složitost

# Table of Contents

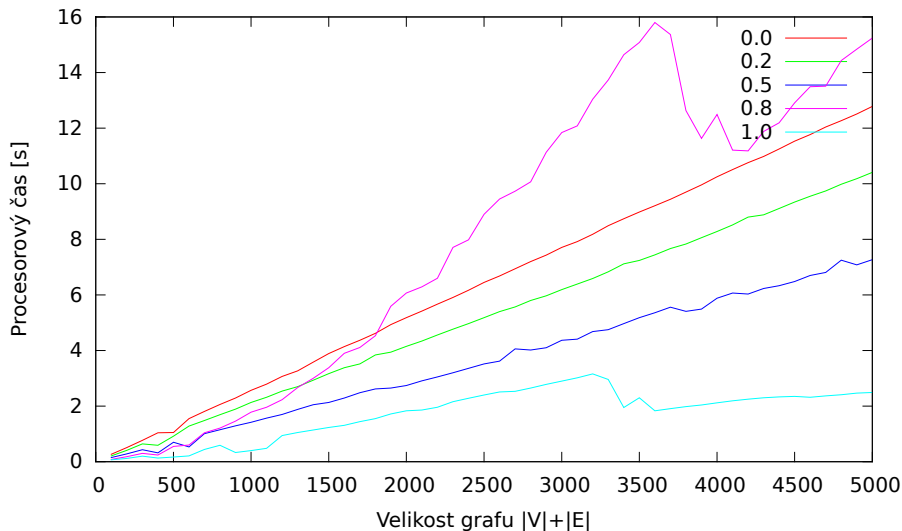
## 1 Algoritmy

## 2 Implementace a testování

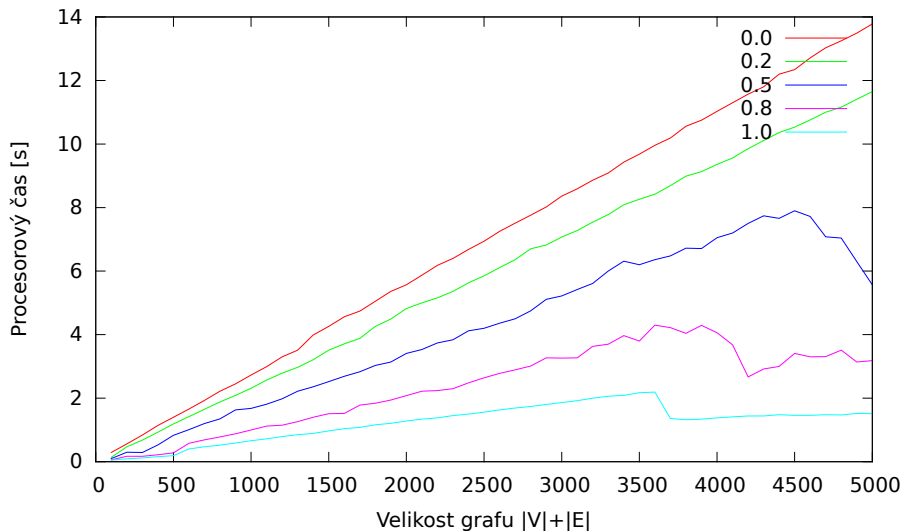
## 3 Výsledky experimentů

- Jednotlivé algoritmy – časová složitost
- Srovnání algoritmů – časová složitost
- Jednotlivé algoritmy – prostorová složitost
- Srovnání algoritmů – prostorová složitost

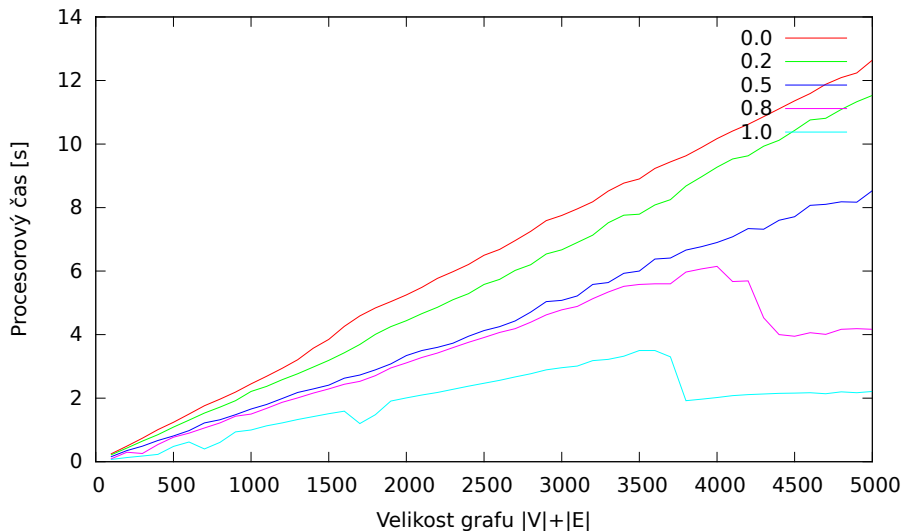
# Gabowův algoritmus



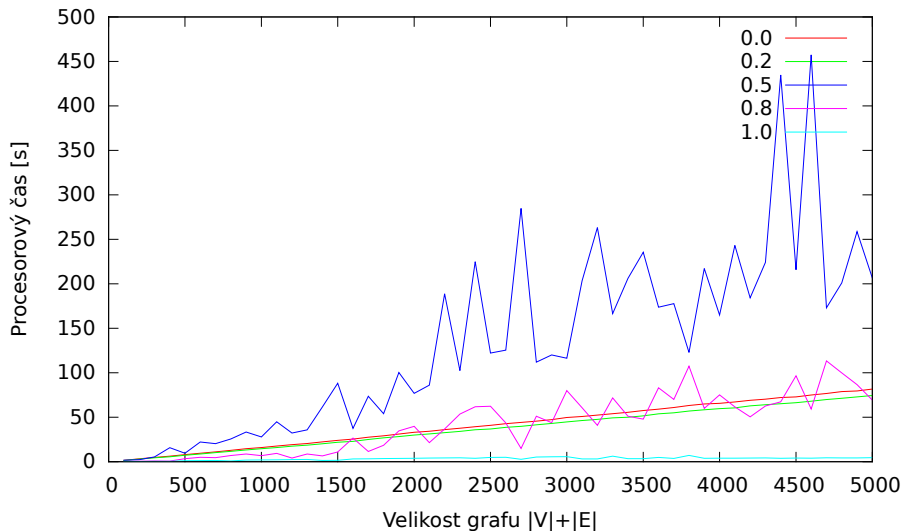
# Tarjanův algoritmus



# Tarjanův algoritmus s Nuutilovou modifikací



# Kosarajův algoritmus



# Table of Contents

## 1 Algoritmy

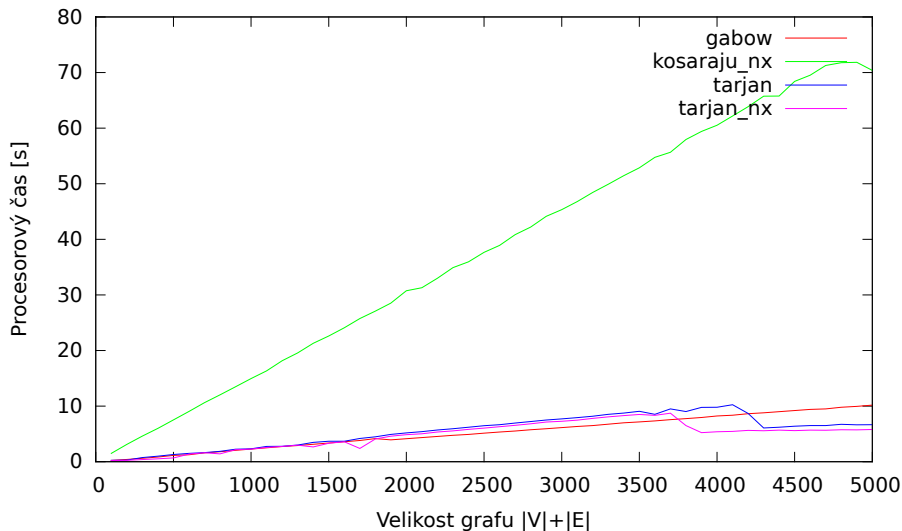
## 2 Implementace a testování

## 3 Výsledky experimentů

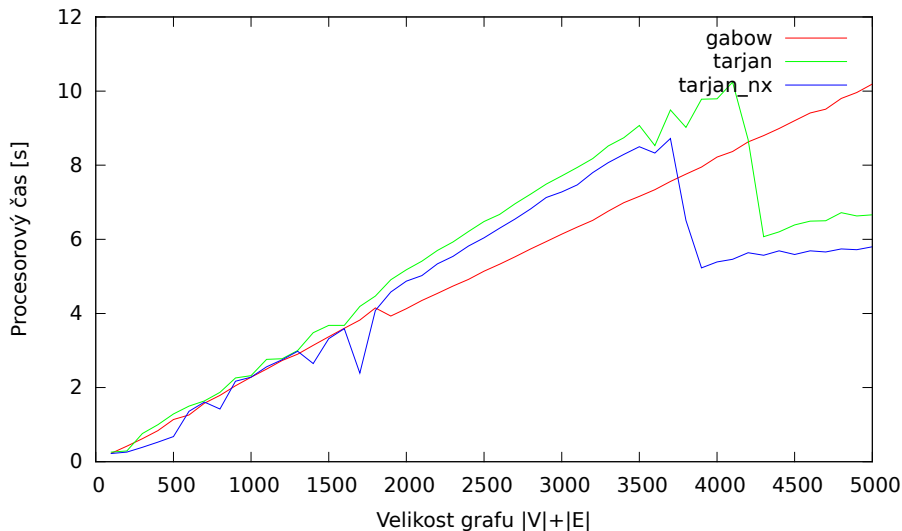
- Jednotlivé algoritmy – časová složitost
- **Srovnání algoritmů – časová složitost**
- Jednotlivé algoritmy – prostorová složitost
- Srovnání algoritmů – prostorová složitost



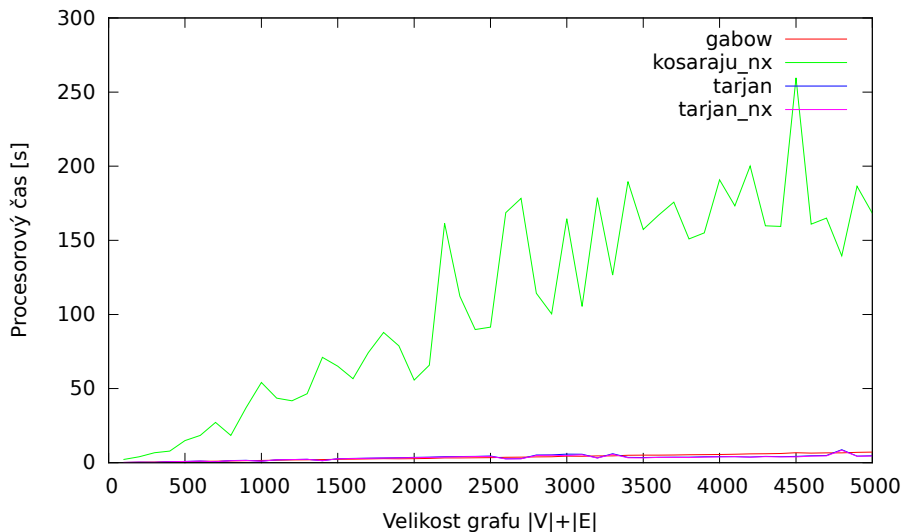
# Srovnání – řídký graf



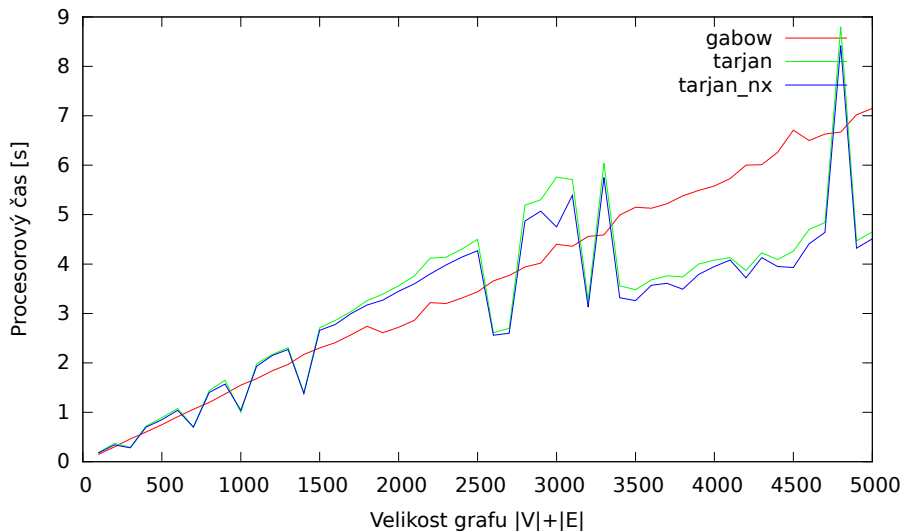
# Srovnání – řídký graf



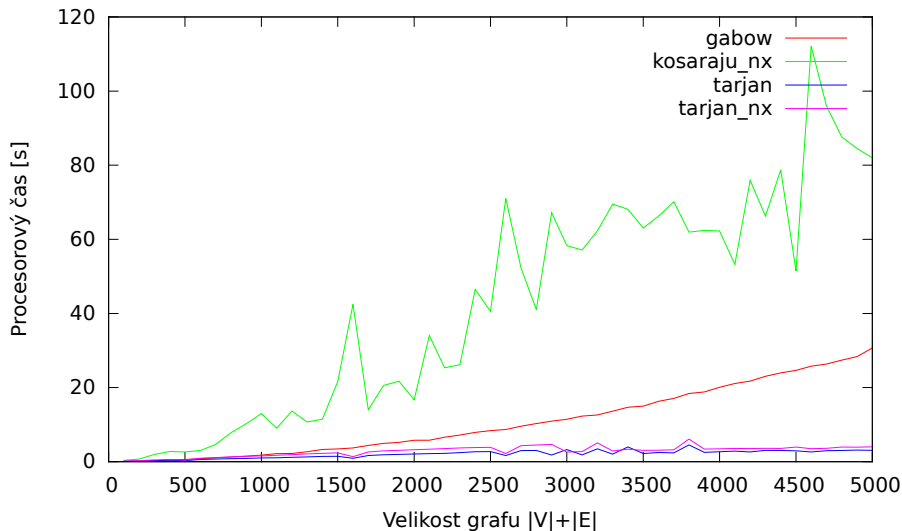
# Srovnání – vyvážený graf



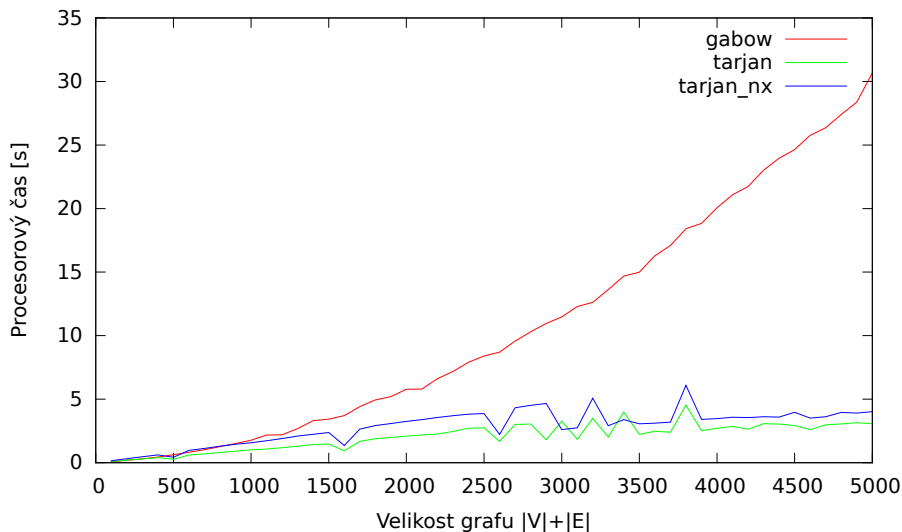
# Srovnání – vyvážený graf



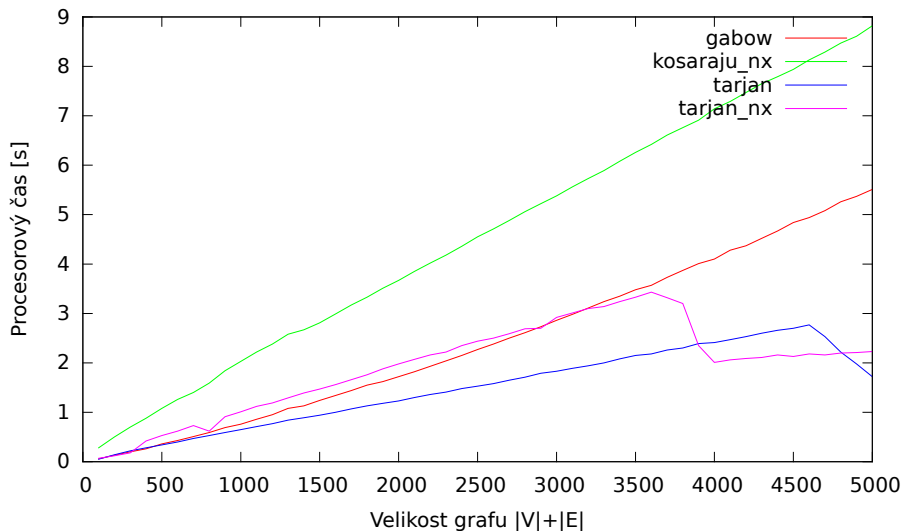
# Srovnání – hustý graf



# Srovnání – hustý graf



# Srovnání – úplný graf



# Table of Contents

## 1 Algoritmy

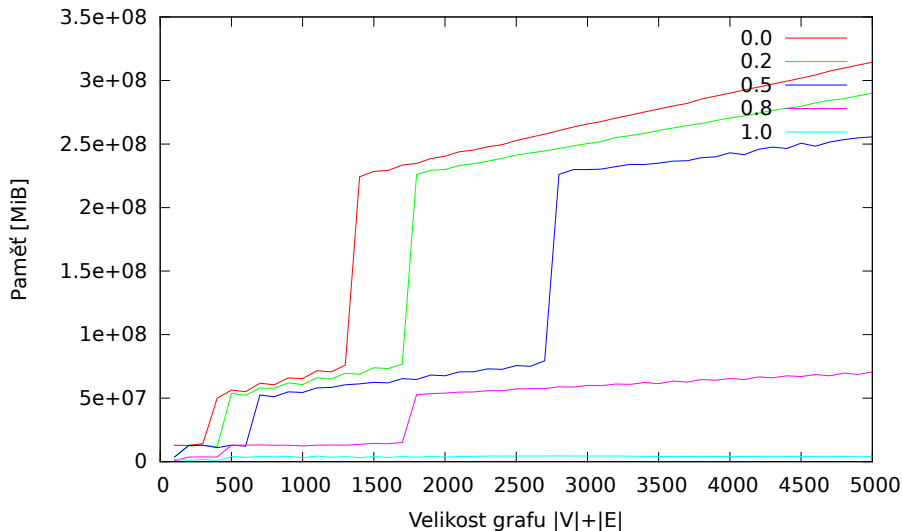
## 2 Implementace a testování

## 3 Výsledky experimentů

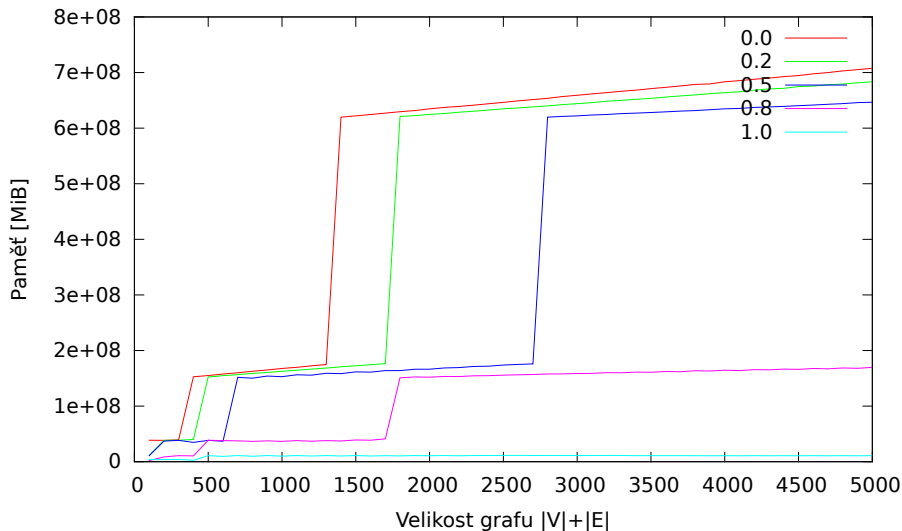
- Jednotlivé algoritmy – časová složitost
- Srovnání algoritmů – časová složitost
- **Jednotlivé algoritmy – prostorová složitost**
- Srovnání algoritmů – prostorová složitost



# Gabowův algoritmus



# Tarjanův algoritmus



# Table of Contents

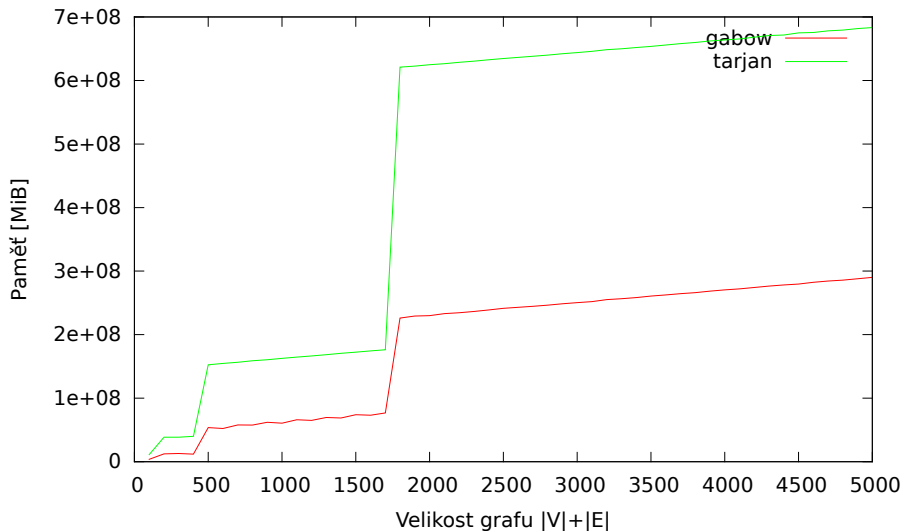
## 1 Algoritmy

## 2 Implementace a testování

## 3 Výsledky experimentů

- Jednotlivé algoritmy – časová složitost
- Srovnání algoritmů – časová složitost
- Jednotlivé algoritmy – prostorová složitost
- Srovnání algoritmů – prostorová složitost

# Srovnání – řídký graf



# Srovnání – hustý graf

