	1		
סמסטר אי תשעייד	<u>C</u>		דוייח מסכם בניסוי: חיכוך ואנרגיה
שם הבודק :			
		רינר	שם מדריך הניסוי (שם מלא): הדר ג
תאריך הבדיקה:			16.1.14 : תאריך ביצוע הניסוי
			29.1.14 : תאריך הגשת הדוייח
97 ציון הדוייח:			: הדוייח מוגש על ידי
II	201	עם גוטליב ת.ז 60695-1.	us
	305208	שי קאופמן ת.ז – 9-363	II
3	K	04	חשמל מחשבים
מספר עמדה	תת קבוצה	וסי קבוצת המעבדה	מסלול הלימוד ב

:הערות הבודק לנושאים לקויים בדוייח

מטרות הניסוי:

- מדידת מעבר האנרגיה מאנרגיה פוטנציאלית לאנרגיה קינטית, אימות חוק שימור האנרגיה,
 ומציאת תאוצת כוח הכובד g.
 - . צפייה באיבוד אנרגיה במערכת הנובע מעבודת כוח החיכוך.

רקע תיאורטי:

אנרגיה היא גודל פיזיקלי המציין את כמות העבודה היכולה להתבצע עייי כוח כלשהו. אנרגיה יכולה לעבור מגוף לגוף וללבוש מספר צורות שונות, אולם לפי חוק שימור האנרגיה סכום האנרגיה של כל הגופים במערכת סגורה הוא קבוע. יחידת המדידה של האנרגיה היא גיאול [J]. את האנרגיה ניתן לחלק לשני סוגים עיקריים (בשניהם נעסוק בניסוי):

- אנרגיה פוטנציאלית אנרגיה האצורה בגוף כלשהו כתוצאה מכוח הפועל עליו. כוח זה יכול להיות כוח הכובד, כוח המתיחות של קפיץ וכו׳.
 בניסוי זה נעסוק רק באנרגיה פוטנציאלית כובדית אנרגיה האצורה בגוף כתוצאה מכוח הכובד. אנרגיה זו תלויה בהפרש הגבהים בין מצבו של הגוף לבין נקודת ייחוס שרירותית, שמטעמי נוחות מוגדרת לרוב כנקודה בה הגוף מסיים את תנועתו.
 - $:E_{p}$ נוסחה לחישוב אנרגיה פוטנציאלית כובדית (1)

$$E_p = mg\Delta h$$
 מסת הגוף $-m$ תאוצת הכובד

הייחוס בין נקודת המוצא של הגוף לנקודת הייחוס - Δh

- 2. אנרגיה קינטית אנרגיה בה ניחן גוף מתוקף תנועתו:
 - $: E_k$ נוסחה לחישוב אנרגיה קינטית (2)

$$E_k=rac{1}{2}mv^2$$
 מסת הגוף $-m$ מהירות הגוף $-v$

עבודה היא כמות האנרגיה המועברת למערכת או גוף כתוצאה מהפעלת כוח לאורך מסלול כלשהו. העבודה נמדדת גם היא ביחידת המדידה ג'אול:

(3) נוסחה לחישוב עבודת כוח (לא בהכרח קבוע) על גוף מסוים:

$$W=\int\! ec F\cdot \Delta x$$
עבודת הכוח - W חכוח המופעל על הגוף $-\,ec F$ חמרחק לאורכו פועל הכוח $-\,\Delta x$

העבודה של כוח על גוף מסוים שווה גם לשינוי באנרגיה של הגוף:

(4) תיאור העבודה כהפרשי אנרגיות:

$$W = \Delta E = E_f - E_i$$

(בנקי זמן מסוימת) אוף האנרגיה ההתחלתית של הגוף - E_i

. האנרגיה הסופית של הגוף (בנקי זמן מאוחרת יותר). E_f

חיכוך הוא כוח הפועל בין שני משטחי גופים בעת אינטראקציה ביניהם (כלומר, כאשר יש בין הגופים מגע והם נעים או מנסים לנוע זה לעומת זה). כוח זה פועל בכיוון מקביל למשטח המגע. כוח זה מכוון תמיד כנגד מהירות הגוף עליו הוא פועל, ולכן הוא מאט אותו, וגורם לו לאבד אנרגיה. אנרגיה אבודה זו הופכת לאנרגיות מצורות שונות (חום, קול, אור ועוד...).

גודלו של כוח החיכוך תלוי בכוח הנורמל הפועל על הגוף וכן במקדם חיכוך – גודל סקלרי התלוי בסוג החומרים הבאים במגע, וכן מפני השטח בנקודת המגע (חלק/מחוספס), ואף מטמפרטורת הסרירה

:F נוסחה לחישוב כוח חיכוך

$$F = \mu N$$

מקדם החיכוך - μ

כוח הנורמל הפועל על הגוף -N

ישנם שני סוגי חיכוך, כאשר לכל אחד מהם מקדם חיכוך שונה:

- חיכוך הפועל בין שני משטחים שאינם נמצאים בתנועה יחסית,
 למרות שהם נדחפים או נמשכים זה ביחס לזה בכיוון אופקי.
- 2. **חיכוך קינטי** כוח חיכוך הפועל בין שני משטחים הנעים זה ביחס לזה בתנועת החלקה.

רשימת ציוד:

- מסלול אלומיניום באורך 222 סיימ עם סרגל מיקום מובנה.
 - קרונית + גדר אופטית
 - סט משקולות ומנשא לחיבור למגדל.
 - סט משקולות ומחזיק המתאים לנגרר החיכוד.
 - שני שערים אופטיים + מעמדים.
 - מגדל העברת אנרגיה הכולל מערכת של 3 גלגלות וחוט.
 - מעצור לקרונית.
 - פלס.
 - סט נגררי חיכוך.
 - משקל אלקטרוני (רזולוציה 0.0001 kg).
 - סרגל (רזולוציה 0.10 cm = 0.001 m).

מהלך הניסוי (תרשים עזר מופיע בנספחים – נספח 3):

חלק א' – כיול המערכת

בחלק זה נגדיר את השער האופטי לתוכנת ה-DATA-STUDIO (המשמשת אותנו למדידת המהירות), וכן נבדוק את טיב הקירוב של המערכת למערכת אידיאלית (כלומר, בדיקת היות הקרונית והמסילה חסרות חיכוך בקירוב).

עיימ להגדיר את השער האופטי יש למדוד תחילה בעזרת סרגל את המרחק בין שנתות הגדר האופטית היושבת על העגלה. כדי לעשות זאת עם שגיאה מינימלית יש למדוד את המרחק מתחילת הגדר ועד סופה, ולחלק אותו ב-12 (מסי השנתות; אנו מניחים כי השנתות שוות בקירוב טוב מאוד). כך גם השגיאה (שגיאת התפלגות אחידה לפי רזולוציית הסרגל; שגיאה זו זהה עבור כל גודל שנמדוד עם הסרגל) תתחלק ב-12, מה שיקטין אותה. ראו איור להמחשה:



איור 1: מרחקים בגדר האופטית

לאחר שיש בידינו את גודל השנתה יש להגדיר בתוכנת ה-DATA-STUDIO שני שערים אופטיים ולהזין בהם את גודל השנתה שמדדנו.

עיימ לבדוק את טיב הקירוב של המערכת נציב תחילה את שני השערים האופטיים במרחק מסוים מיזה מזה ונמדוד את מרחק זה בעזרת סרגל. לאחר מכן נלחץ על כפתור START בתוכנת ה--DATA בתוכנת ה--STUDIO ונשגר את הקרונית על המסילה. לאחר שהקרונית עוברת דרך שני השערים האופטיים נלחץ על כפתור STOP. נוציא מהתוכנה (כפי שיוסבר בפרק תכנון עיבוד תוצאות) את מהירויות העגלה כפי שנמדדו בשני השערים האופטיים. בעזרת נתונים אלו נוכל למצוא את מקדם החיכוך בין העגלה למסילה עיימ לדעת האם המערכת הינה אידאלית בקירוב.

חלק ב'1 – שימור אנרגיה במעבר מאנרגיית גובה לאנרגיה קינטית

בחלק זה נצפה בתהליך שימור האנרגיה במעבר מאנרגיית כובד לאנרגיה קינטית, וכן נחשב את תאוצת כוח הכובד g מתוך המשוואות לשימור אנרגיה (בהנחה כי המערכת אידאלית). בחלק זה אנו זקוקים לשער אופטי יחיד, אותו נציב במקום שרירותי (אך מסיבות טכניות רצוי שהוא יהיה קרוב למגדל העברת האנרגיה – עיימ להבטיח שהעגלה אכן תעבור דרכו). ראשית יש למדוד את מסת המשקולת עם המתלה. עושים זאת עייי קירוב המשקל למשקולת ומדידה שלה כשהיא עודנה מחוברת לחוט. לאחר מכן יש למדוד את מסת העגלה. מכיוון שבחלק בי2 המסה אליה נתייחס תהיה של העגלה עם נגרר ומשקולת, עלינו למדוד תחילה את מסה זו ולאחר מכן (כשהנגרר מנותק מהעגלה) להשוות את מסה זו עייי הנחת משקולות נוספות על

לאחר מכן נבצע שלב מקדים לניסוי – הערכת שגיאת המכשיר כפי שהיא מחושבת בתוכנת ה-DATA-STUDIO. לשם כך נשגר את העגלה 3 פעמים לאורך המסילה כך שתעבור בשער האופטי ב-3 מהירויות שונות. כך נקבל 3 מהירויות ושגיאות שונות, מהם נסיק מהי שגיאת המכשיר כפי שיוסבר בפרק תכנון עיבוד תוצאות.

לאחר מכן יש לקבוע את נקודת הייחוס עבור המשקולת. נוח לקבוע נקודה זו כגובה השולחן. לשם כך יש לחבר את העגלה לחוט, לוודא שהחוט עובר דרך כל הגלגלות, ולמתוח את העגלה לאחור ממש עד לנקודה בה המשקולת מתחילה להתרומם. זו נקודת הייחוס וזוכרים אותה לפי מיקום חלקה האחורי של הקרונית על המסילה.

כעת לניסוי עצמו – יש ללחוץ על כפתור START בתוכנה ולמתוח את החוט בעזרת העגלה לאחור.
המרחק של קצהה האחורי של העגלה מנקודת הייחוס (שעל הסרגל) שווה בקירוב טוב לגובה של
המשקולת מנקודת הייחוס שלה (גובה השולחן). משחררים את העגלה – כאן מתחיל התהליך של
הפיכת האנרגיה הפוטנציאלית של המשקולת לאנרגיה קינטית, שבחלקה מועברת גם לעגלה.
לאחר שהעגלה עברה דרך השער האופטי חוזרים על התהליך, כאשר מקפידים שלא להעביר את
העגלה בחזרה דרך השער האופטי. לפני ביצוע נוסף יש לוודא שהחוט עדיין עובר דרך כל הגלגלות.
חוזרים על התהליך ע"י משיכת העגלה לאותה נקודה בה שיחררנו אותה מקודם בדיוק. עבור כל
גובה מבצעים 6 מדידות כאלה, ובסופן לוחצים על STOP. בסה"כ מבצעים מדידות עבור 8 גבהים
שונים [הערה: ע"פ הנחיית המדריכה, בפועל ביצענו 2 סטים של 6 מדידות עבור 2 גבהים,
ומשחזינו בכך שהשגיאה הסטטיסטית שלהם היא באותו סדר גודל, הסתפקנו במדידה אחת בלבד
עבור 6 הגבהים הנותרים].

ממדידות אלו נבנה התאמות שונות של המרחק שעברה העגלה כפונקציה של הזמן, ומתוך התאמות אלו ומשוואת שימור האנרגיה, נמצא את קבוע כוח הכובד g.

חלק ב'2 – הוספת חיכוך במעבר מאנרגיית גובה לאנרגיה קינטית

בחלק זה נצפה באיבוד אנרגיה הנובע מכוח החיכוך.

מחברים לעגלה נגרר חיכוך שבתחתיתו לוח פרספקס. יש לשים בתוך הנגרר משקולת ע״מ שייווצר מקסימום מגע בין תחתיתו לבין מסילת האלומיניום. יש לוודא, כפי שהוסבר בחלק הקודם, כי המשקל של העגלה יחד עם הנגרר והמשקולת צריך להיות שווה למשקל העגלה והמשקולות בחלק הקודם.

חלק זה בניסוי מתבצע בצורה זהה לחלק הקודם, למעט זה שבחלק זה מבצעים מדידה אחת בלבד עבור כל גובה של המשקולת.



תכנון עיבוד תוצאות:

חלק א'

לאחר שמודדים את אורכן הכולל של 12 השנתות, השגיאה של גודל זה מחושבת ע״פ הנוסחה לחישוב שגיאת התפלגות אחידה:

$:\Delta x$ נוסחה לחישוב שגיאת התפלגות אחידה (6)

$$\Delta x = \frac{\sigma}{\sqrt{12}}$$

רזולוציית מכשיר המדידה - σ

בפועל אנו מעוניינים רק בגודל של שנתה אחת על הגדר, ולצורך כך יש לחלק את הגודל הנמדד וכן את השגיאה ב-12 (מס׳ השנתות).

בזמן שהעגלה עוברת בשני השערים האופטיים, תוכנת ה-DATA-STUDIO מקבלת דרך השערים האופטיים נתוני זמן ומרחק של הגדר האופטית. אנו מניחים כי ברגע המעבר בשער האופטי מהירות העגלה קצובה (בקירוב), ולכן ההתאמות שיעשו בשלב זה הינן לינאריות ע"פ הנוסחה:

:(7) משוואת תנועה - מרחק כפונקציה של זמן (במהירות קצובה):

$$x(t) = vt$$
 אורחק שעבר הגוף - x מהירות הגוף (קבועה) $-v$ מן (משך) התנועה

התוכנה בונה גרפים של המרחק כפונקציה של הזמן עבור כל אחד מהשערים (בהתאמה לישר התוכנה בונה גרפים של המרחק כפונקציה שיפועים אלו, ע"פ נוסחה 7, מייצגים את המהירות בכל אחד מהשערים האופטיים.

בתנועת העגלה על המסילה נוצר חיכוך בין גלגלי העגלה למסילה. מכיוון שתנועה זו היא תנועת גלגול ולא תנועת החלקה, החיכוך שנוצר הינו חיכוך סטטי. לפי נוסחה 4 אנו מבינים כי העבודה שמבצע כוח החיכוך שווה להפרש בין האנרגיות של העגלה בכל אחד אחד מהשערים. בפועל מדובר באנרגיה הקינטית בכל נקודה כזו (בעגלה אין אנרגיה פוטנציאלית בחלק זה). מכיוון שאנרגיה זו תלויה במהירות, וברור לנו שיש הפרש (גם אם קטן) במהירויות בין השערים האופטיים, יוצא מכך שהאנרגיה הקינטית בשער השני נמוכה יותר מהאנרגיה הקינטית בשער הראשון. לכן נסיק כי העבודה שמבוצעת הינה שלילית (בערכה המוחלט). בנוסף, חשוב לזכור כי כוח הנורמל N שפועל על העגלה לאורך המסלול שווה ל-mg (ע״פ החוק הראשון של ניוטון – מכיוון שאין תאוצה בציר ה-y). כעת נוכל להסיק את הקשר הבא:

$$-F_{s}x = \frac{1}{2}mv_{f}^{2} - \frac{1}{2}mv_{i}^{2} \xrightarrow{F_{s} = \mu_{s}N} -2\mu_{s}Nx = mv_{f}^{2} - mv_{i}^{2}$$
 $\xrightarrow{N=mg} -2\mu_{s}mgx = mv_{f}^{2} - mv_{i}^{2} \xrightarrow{m} -2\mu_{s}gx = v_{f}^{2} - v_{i}^{2}$

(בשער האופטי הראשון) אולהית של התחלתית ההתחלתית של האופטי ההתחלתית של האופטי השני - $v_{\it f}$

כוח החיכוך הסטטי - $F_{\!\scriptscriptstyle S}$

מסת הקרונית - m

המרחק אותו עוברת הקרונית (בפועל – המרחק בין השערים האופטיים) - x מקדם החיכוך הסטטי - $\mu_{\rm s}$

לאחר סידור מחודש מתקבלת הנוסחה הסופית לחישוב מקדם החיכוך הסטטי בין הקרונית לעגלה:

$:\mu_{s}$ נוסחה נוסחה מקדם מקדם למציאת (8)

$$\mu_s = \frac{{v_i}^2 - {v_f}^2}{2gx}$$

את השגיאה של גודל זה אנו נחשב בעזרת נגזרות חלקיות (נוסחה 4.17 בחוברת ניתוח נתונים במעבדה אי):

$\Delta \mu_s$ נוסחה לחישוב שגיאת מקדם החיכוך הסטטי (9)

$$\Delta\mu_{s} = \sqrt{\left(\frac{v_{i}}{gx}\Delta v_{i}\right)^{2} + \left(\frac{v_{f}}{gx}\Delta v_{f}\right)^{2} + \left(\frac{v_{i}^{2} - v_{f}^{2}}{2g^{2}x}\Delta g\right)^{2} + \left(\frac{v_{i}^{2} - v_{f}^{2}}{2gx^{2}}\Delta x\right)^{2}}$$

את המרחק בין השערים המרחק ושגיאותיהן (קבל מתוכנת ה-DATA-STUDIO). את המרחק בין השערים ושגיאותיהן ושגיאות סרגל, ושגיאתו מחושבת לפי נוסחה 6. עבור תאוצת כוח הכובד ...

$$g = 9.81 \pm 0.10 \left[\frac{m}{s^2} \right]$$
 נשתמש בערך התיאורטי

בסופו של דבר נצפה לקבל מקדם חיכוך סטטי קטן מאוד - בסדר גודל של כאלפית. אם אכן נקבל תוצאה כזו, הדבר מעיד על כך שהמערכת אכן חסרת חיכוך בקירוב.

חלק ב'1

בחלק זה אנו מקבלים מתוכנת ה-DATA-STUDIO את מהירות העגלה ברגע המעבר בשער בחלק זה אנו מקבלים מתוכנת משקלול של שגיאת המכשיר ואי הודאות הסטטיסטית:

(10)נוסחה לחישוב שגיאת המהירות בחלק ב'1:

$$\Delta v = \sqrt{(\Delta v_{inst})^2 + \left(\frac{\sigma_x}{\sqrt{N}}\right)^2}$$

שגיאת מכשיר המדידה - Δv_{inst}

בחוברת 3.9 מורכבת לפי (המחושבת לפי מסטיית התקן – מורכבת מסטיים – אי הודאות הסטטיסטית - מורכבת מסטיית התקן - $\frac{\sigma_x}{\sqrt{N}}$ ניתוח נתונים במעבדה אי) חלקי שורש מסי

למרות שהתוכנה מספקת לנו גם שגיאת מכשיר (שגיאת שיפוע הגרף), מכיוון שאיננו יודעים לפי איזה אלגוריתם היא מחשבת אותה, אנו נחשב את השגיאה בעצמנו: יש להוציא מהתוכנה את נתוני המדידות של השלב המקדים של חלק זה (זמן ומרחק) ולבצע להן התאמה לינארית ב-מתוני המדידות של מרחק כפונקציה של זמן) לישר y=ax+b שגיאת המרחק תחושב כפי שהוסבר בתחילת פרק זה (חלוקה של שגיאת ההתפלגות האחידה ב-12), ואילו שגיאת הזמן תחושב גם היא עייפ נוסחה 6 בהסתמך על רזולוציית הטיימר של התוכנה $\Delta = 10^{-6}$. נקבל 3 גרפים בהם השיפוע Δ מייצג את המהירות ושגיאתה. עיימ לחשב את שגיאת המכשיר עבור כל מהירות שנמדוד בניסוי, יש לכפול את המהירות הנמדדת בממוצע השגיאות היחסיות מהגרפים הנייל, לפי הנוסחה הבאה:

(11) נוסחה לחישוב שגיאת המכשיר במדידת מהירות:

$$\Delta v_{inst} = \frac{\left(\frac{\Delta v_1}{v_1} + \frac{\Delta v_2}{v_2} + \frac{\Delta v_3}{v_3}\right)}{3} \cdot v_m$$

MATLAB-המהירויות כפי שהתקבלו מהתאמת כפי שהתקבלו - $v_{1,2,3}$ MATLAB שגיאות המהירויות כפי שהתקבלו מהתאמת הגרפים ב- $\Delta v_{1,2,3}$ - המהירות הנמדדת בניסוי - v_m

בתום המדידות תהיה לנו טבלה ובה שמונה גבהים ושמונה מהירויות תואמות (ושגיאותיהם).

את הנוסחה ממנה נוציא את תאוצת כוח הכובד g נפתח מנוסחת חוק שימור האנרגיה (בהנחה שהוכחנו בחלק א' כי המערכת אידאלית בקירוב, הרי שמתקיים בה חוק זה):

(12) חוק שימור האנרגיה:

$$E_{\rm i} = E_f$$

האנרגיה ההתחלתית במערכת סגורה (בנק׳ זמן מסוימת) - $E_{
m i}$ האנרגיה הסופית במערכת סגורה (בנק׳ זמן מאוחרת יותר) – E_f

: 12 בנוסחה עייי הצבת נוסחאות 1 ו-2 בנוסחה

$$E_{\rm i} = E_f \qquad \stackrel{\text{1,2 נוסחאות 2,7}}{\longrightarrow} \qquad mgh = \frac{1}{2}(M+m)v^2$$

מסת המשקולת - m

מסת העגלה - M

גובהה ההתחלתי של המשקולת - h מהירות העגלה כפי שנמדדה בשער האופטי – v

ולאחר סידור מחדש תתקבל הנוסחה:

(13) נוסחה להצגת גובהה ההתחלתי של המשקולת כפונקציה של המהירות:

$$h = \frac{(M+m)}{2mg}v^2$$

עיימ לחלץ את g נבצע לפי נוסחה זו שתי התאמות ב-MATLAB – לינארית (אשר תשמש כאינדיקציה למידת ההתאמה המינימלית אליה עלינו לשאוף) ופרבולית:

-בם לשים ע v^2 של כפונקציה עבור עבור y=ax+b התאמה לינארית הבוצע הישר - תבוצע לפי הישר לפי מחושבת לפי העגזרת אמה או, השגיאה בעים התאמה לפי הנגזרת העבור על מחושבת לפי העביעים התאמה או, השגיאה בעים התאמה לפי הנגזרת שלו העביעים התאמה או, השגיאה בעים התאמה לפי מחושבת לפי הנגזרת העביעים התאמה העביעים התאמה לפי מחושבת לפי המחושבת לפי העביעים התאמה העביעים התאמה לפי מחושבת לפי העביעים התאמה העביעים התאמה לפי מחושבת לפי העביעים התאמה העביעים התאמה לפי מחושבת לפי העביעים התאמה לפי מחושבת לפי העביעים התאמה לפי מחושבת לפי העביעים התאמה לפי הישר לפי העביעים התאמה לפי מחושבת לפי מחושבת לפי העביעים התאמה לפי מחושבת לפי העביעים התאמה העביעים התאמה העביעים התאמה לפי מחושבת לפי העביעים התאמה העביעים התאמה העביעים התאמה לפי מחושבת לפי מחושבת לפי מחושבת לפי העביעים התאמה לפי מחושבת מושבת לפי מושבת לפי מחושבת לפי מחושבת לפי מושבת לפי מושבת לפי מושבת מושבת לפי מושבת לפי מושבת מושבת

. $g=rac{(M+m)}{2ma}$: ומכאן , $a=rac{(M+m)}{2mg}$: ומכאן ולכן לפי נוסחה מייצגים את מייצגים את השיפוע, ולכן לפי נוסחה

את השגיאה של g מחשבים באמצעות נגזרות חלקיות: (14) נוסחה לחישוב שגיאת תאוצת כוח הכובד:

$$\Delta g = \sqrt{\left(\frac{1}{2ma}\Delta M\right)^2 + \left(\frac{M}{2m^2a}\Delta m\right)^2 + \left(\frac{(M+m)}{2ma^2}\Delta a\right)^2}$$

 Δa השגיאה המשקל הדיגיטלי, המחושבת לפי נוסחה 6. השגיאה בשגיאות $\Delta M, \Delta m$ השגיאה המשקל הדיגיטלי. ה-MATLAB.

במידה והמדידות התבצעו כהלכה נצפה כי האיבר החופשי b ישאף ל-0. אם לא כך, הרי שהוא מייצג שגיאה שיטתית כלשהי בניסוי.

תהאמה פרבולית - תבוצע לפי העקום $y=ax^2+bx+c$ עבור - תבוצע לפי העקום - המקדם של $y=ax^2+bx+c$ מושווה למקדם של האיבר המקביל בנוסחה 13. בפועל נקבל את אותן נוסחאות $y=ax^2+bx+c$ האיבר של האיברים $y=ax^2+bx+c$ לחישוב $y=ax^2+bx+c$ וועגיאתו שקיבלנו בהתאמה הלינארית. בהתאמה זו נצפה שהאיברים $y=ax^2+bx+c$

חלק ב'2

בחלק זה נבצע התאמות בצורה זהה לחלק ב'1 (לרבות החישוב של g ושגיאתו), ונעמוד על החבדלים בין התאמות אלו להתאמות החלק הקודם.

נשווה את ערכו של g כפי שיצא בחלק ב'1 ו-ב'2 לערכו התיאורטי ($\frac{m}{s^2}$) נשווה את ערכו של g נשוחה מופיעה בשקף 37 במצגת מדידות ושגיאות מדידה). במידה והניסוי אמצעות מדד $\frac{m}{s}$ נוסחה מופיעה בשקף 37 במצגת מדידות ושגיאות מדידה). במידה והניסוי התבצע כהלכה, נשאף לקבל במדד זה ערך קטן מ-3 (מה שמצביע על כך שהמרחק בין התוצאות קטן מ-3 סטיות תקן, מה שמוגדר אצלנו כתוצאה טובה).

בנוסף, נחשב את השגיאה היחסית שקיבלנו, וכן נבחן את מדדי P-VALUE-טל בנוסף, נחשב את השגיאה היחסית שקיבלנו, וכן נבחן את מדדים אלו פולט עבורנו ה χ^2_{red} ו-

תוצאות (הנתונים הגולמיים מופיעים בנספחים – נספח 2): חלק א':

המרחק בין שנתות הגדר האופטית:

$$d = 0.010000 \pm 0.000024$$
 [m]

:DATA-STUDIO-המהירויות ושגיאותיהן כפי שהתקבלו

$$v_1 = 0.74500 \pm 0.00029 \left[\frac{m}{s}\right]$$

 $v_2 = 0.72500 \pm 0.00062 \left[\frac{m}{s}\right]$

המרחק שנמדד בין השערים האופטיים ושגיאתו:

$$x = 0.40000 \pm 0.00029 [m]$$

: מקדם החיכוך הסטטי, שגיאתו, והשגיאה היחסית

$$\mu_s = 0.0037 \pm 0.0012$$

$$\frac{\mu_s}{\Delta \mu_s} = 31\%$$

ניתן לראות כי מקדם החיכוך אכן בסדר גודל של אלפיות בודדות, ולכן המערכת הינה אידאלית בקירוב.

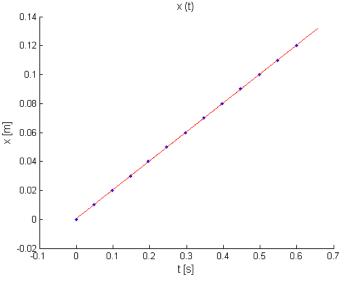
חלק ב'1

הגרפים והנתונים של השלב המקדים:

$$a=0.200089\pm0.000036$$
 $\left[\frac{m}{s}\right]$ $b=0.000428\pm0.000013$ $[m]$ $\chi^2_{\rm red}=100$ P-VALUE = 0

ניתן לראות כי $\chi^2_{\rm red}$ גדול בהרבה מערכו האופטימלי (1), מה שמעיד על חוסר התאמה של הפונקציה למדידות. את קביעה זו מחזקים מדד ה-P-VALUE המצביע על בעיה פיזיקלית אפשרית במדידות. בגרף השארים (נספח 1.1) ניתן לראות מגמה פרבולית של השארים, מה שמעיד על כך שהתאמה זו לחלוטין אינה מתארת את

המדידות, כך שלמעשה הנתונים הסטטיסטיים חסרי משמעות במקרה זה.





מדידה 2:

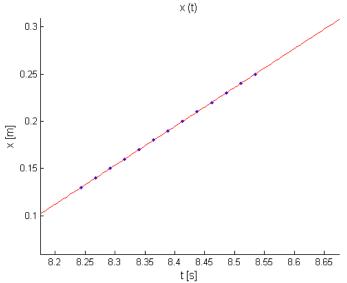
$$a = 0.411587 \pm 0.000074 \left[\frac{m}{s} \right]$$

$$b = -3.26278 \pm 0.00086 [m]$$

$$\chi_{\rm red}^2 = 8.1$$

P-VALUE = 0.000000000025%

גם כאן $\chi^2_{
m red}$ גדול יחסית בהרבה מערכו האופטימלי, מה שמעיד על חוסר התאמה של הפונקציה למדידות. את קביעה זו מחזקים מדד ה-P-VALUE הנמוך המצביע על בעיה פיזיקלית אפשרית במדידות. בגרף השארים (נספח 1.2) ניתן לראות מגמה פרבולית של השאריכ



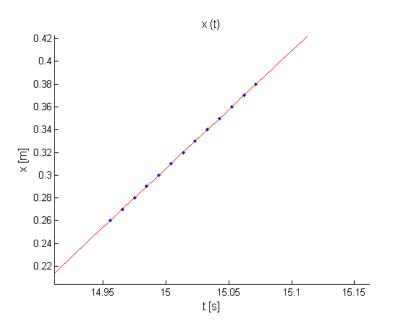
- ייקריינים אות החדרים אינות בארות בארות של השארים. גם כאן זה מעיד על כך שהתאמה זו (נספח 1.2) ניתן לראות מגמה פרבולית של השארים. גם כאן זה מעיד על כך שהתאמה זו לחלוטין אינה מתארת את המדידות, כך שלמעשה הנתונים הסטטיסטיים חסרי משמעות.

<u>מדידה 3:</u>

$$a = 1.03446 \pm 0.00028 \left[\frac{m}{s}\right]$$

 $b = -15.2109 \pm 0.0059 \left[m\right]$
 $\chi^{2}_{\text{red}} = 3.2$
P-VALUE = 0.021%

גם כאן $\chi^2_{\rm red}$ עדיין גדול יחסית מערכו האופטימלי, מה שמעיד על חוסר התאמה של הפונקציה למדידות. את קביעה זו מחזקים מדד ה-P-VALUE הנמוך המצביע על בעיה פיזיקלית אפשרית במדידות. בגרף השארים (נספח 1.2) ניתן לראות מגמה פרבולית של השארים. גם כאן זה מעיד על כך שהתאמה זו לחלוטין אינה מתארת את המדידות, כך שלמעשה הנתונים הסטטיסטיים חסרי משמעות.



ושגיאותיהן: MATLAB ושגיאותיהן מהתראמה שבוצעה ב-

$$v_1 = 0.200089 \pm 0.000036 \left[\frac{m}{s} \right]$$

$$v_2 = 0.411587 \pm 0.000074 \left[\frac{m}{s} \right]$$

$$v_3 = 1.034455 \pm 0.0002772006 \left[\frac{m}{s} \right]$$



: (11 תהיה (עייפ נוסחה במדידות איים אל טביכך, הנוסחה לחישוב השגיאה של טביכך, הנוסחה לחישוב $\Delta v_{inst} = 0.00021 \cdot v_m$

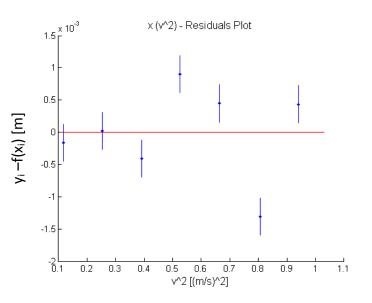
בעיבוד הנתונים הראשון שביצענו זיהינו כי המדידה השמינית סוטה בצורה חריגה ביותר ביחס למדידות האחרות, דבר שהשפעה על מדדי ההתאמה השונים. לפיכך, החלטנו להוריד את מדידה זו, ולבצע את ההתאמות מחדש בלעדיה.

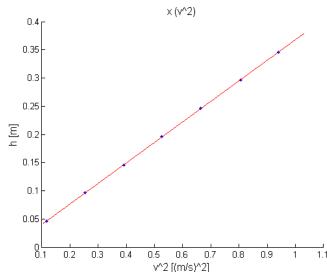
נתוני מסות העגלה (M) והמשקולת (m) כפי שנמדדו בעזרת המשקל האלקטרוני (בנתונים אלו נשתמש בהתאמות הבאות, וכן בחלק ב'2):

$$M = 0.720400 \pm 0.000029 [kg]$$

 $m = 0.123300 \pm 0.000029 [kg]$

$h(v^2)$ - התאמה לינארית





נתוני התאמה זו כפי שנתקבלו מה-MATLAB:

$$a = 0.36404 \pm 0.00066 \left[\frac{s^2}{m} \right]$$
 $b = 0.00375 \pm 0.00033 [m]$
 $\chi^2_{\text{red}} = 2.3$ P-VALUE = 4.6%

החישוב של g, שגיאתו, והשגיאה היחסית עייפ נתונים אלו:

$$g = 9.398 \pm 0.017 \left[\frac{m}{s^2} \right]$$
$$\frac{\Delta g}{g} = 0.18\%$$

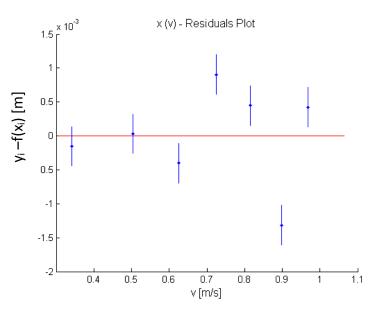
: מדד Nσ ביחס ל-R ביחס אורטי

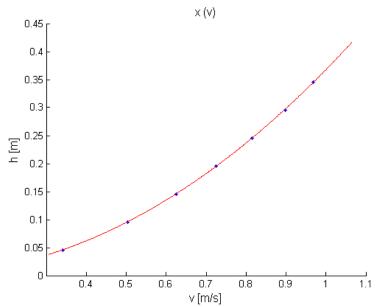
$$N\sigma = 4.06$$

מסקנות ראשונות מהתאמה זו:

ניתן לראות כי האיבר החופשי b אכן שואף ל-0. מדד $\chi^2_{\rm red}$ יחסית קרוב ל-1, אך עדיין מעט גבוה, מה שמעיד על כך שייתכן שישנה התאמה טובה יותר. מדד P-VALUE עדיין מעט נמוך, מה שמעיד על כך שייתכן שישנן בעיות פיזיקליות במדידות. בגרף השארים לעומת זאת נראה פיזור אחיד של השארים סביב הערך הממוצע, מה שעייפ רוב מעיד דווקא על התאמה טובה. מדד $N\sigma$ יצא מעט גבוה מהנורמה (3 ומטה), כך שכנראה ישנה התאמה טובה יותר שנוכל לבצע.

: h(v) - התאמה פרבולית





נתוני התאמה זו כפי שנתקבלו מה-MATLAB:

$$a = 0.3641 \pm 0.0026 \left[\frac{s^2}{m} \right]$$
 $b = 0 \pm 0.00000000010 [s]$ $c = 0.00374 \pm 0.00032 [m]$ $\chi^2_{\text{red}} = 2.8$ P-VALUE = 2.4%

החישוב של g, שגיאתו, והשגיאה היחסית עייפ נתונים אלו:

$$g = 9.398 \pm 0.067 \left[\frac{m}{s^2} \right]$$
$$\frac{\Delta g}{g} = 0.71\%$$

ביחס ל-g התיאורטי: Νσ מדד

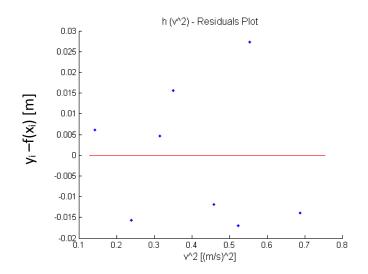
$$N\sigma = 3.4$$

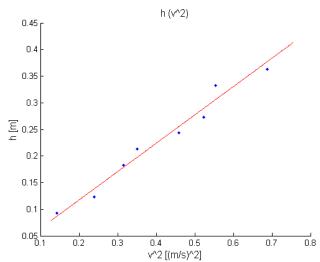
: מסקנות ראשונות מהתאמה זו

ניתן לראות כי האיברים החופשיים ל-0 אכן שואפים ל-0. מדד $\chi^2_{\rm red}$ קרוב ל-1 אך עדיין מעט גבוה, מה שמעיד על כך שייתכן שישנה התאמה טובה יותר (מעניין לציין שהמדד גם גבוה מעט ביחס להתאמה הלינארית). מדד P-VALUE עדיין מעט נמוך, מה שמעיד על כך שייתכן שישנן בעיות פיזיקליות במדידות (המדד נמוך גם הוא ביחס להתאמה הלינארית). גם כאן בגרף השארים נראה פיזור אחיד של השארים סביב הערך הממוצע. מדד $N\sigma$ יצא מעט גבוה מהנורמה, אך השתפר ביחס להתאמה הלינארית. ייתכן שעדיין ישנה התאמה טובה יותר שנוכל לבצע, או שישנם גורמי שגיאה בהם לא התחשבנו. נרחיב על כך בדיון.

חלק ב'2

$\frac{h(v^2)}{h(v^2)}$ - התאמה לינארית





נתוני התאמה זו כפי שנתקבלו מה-MATLAB:

$$a = 0.5328 \pm 0.0012 \left[\frac{s^2}{m} \right]$$
 $b = 0.01072 \pm 0.00048 [m]$
 $\chi^2_{\text{red}} = 920$ P-VALUE = 0

: אלו שגיאתו, והשגיאה היחסית ע״פ נתונים אלו

$$g = 6.422 \pm 0.015 \left[\frac{m}{s^2} \right]$$

 $\frac{\Delta g}{g} = 0.23\%$

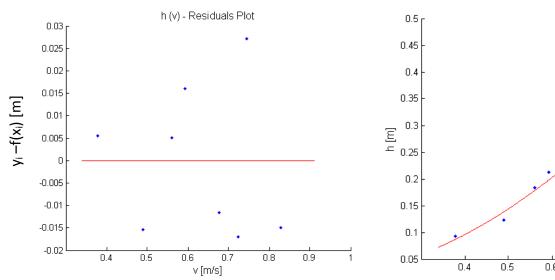
ביחס ל-g התיאורטי: Nσ מדד

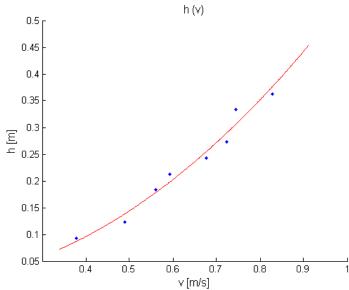
$$N\sigma = 34$$

מסקנות ראשונות מהתאמה זו:

ניתן לראות כי האיבר החופשי b אכן שואף ל-0, אך בצורה פחות מובהקת מבחלק הקודם. מדד $\chi^2_{\rm red}$ גבוה בהרבה מ-1, מה שמעיד על כך שישנה התאמה טובה יותר. מדד P-VALUE שווה ל-0, מה שמעיד על כך שישנן בעיות פיזיקליות במדידות. בגרף השארים נראה פיזור אחיד של מא שמעיד על כך שייתכן שישנן בעיות פיזיקליות במדידות מהערך הממוצע, מה שמעיד על בעיה השארים סביב הערך הממוצע, אך השארים רחוקים מאוד מהערך הממוצע, מה שמעיד על בעיה כלשהי בהתאמה זו. מדד No יצא רחוק מאוד מהטווח הרצוי, מה שמחזק את הנתונים הקודמים בנוגע לבעיות הקיימות בהתאמה זו.

h(v) - התאמה פרבולית





נתוני התאמה זו כפי שנתקבלו מה-MATLAB:

$$a = 0.53291 \pm 0.00073 \left[\frac{s^2}{m} \right]$$
 $b = 0 \pm 0.000000000057 [s]$ $c = 0.01067 \pm 0.00045 [m]$ $\chi^2_{\rm red} = 1100$ P-VALUE = 0

החישוב של g, שגיאתו, והשגיאה היחסית ע״פ נתונים אלו:

$$g = 6.4201 \pm 0.0089 \left[\frac{m}{s^2} \right]$$
$$\frac{\Delta g}{g} = 0.14\%$$

ביחס ל-g התיאורטי: Νσ מדד

$$N\sigma = 34$$

מסקנות ראשונות מהתאמה זו:

ניתן לראות כי האיברים החופשיים ל הכן שואפים ל-0, אך גם פה, הדבר פחות מובהק מבחלק הקודם (איבר $\chi^2_{\rm red}$ מדד $\chi^2_{\rm red}$ גבוה בהרבה מ-1, ולכן גם כאן ניתן לקבוע כי קיימת מבחלק הקודם (איבר כאן מדד P-VALUE שווה ל-0 גם בהתאמה זו, מה שמעיד על כך שייתכן שישנן בעיות פיזיקליות במדידות. בגרף השארים נראה פיזור אחיד של השארים סביב הערך הממוצע, אך השארים רחוקים מאוד מהערך הממוצע, מה שמעיד על בעיה כלשהי בהתאמה זו. מדד $\chi^2_{\rm red}$ את הנתונים מדד את לבעיות הקיימות בהתאמה זו.

דיון סיכום ומסקנות:

חלק א'

בחלק זה רצינו לבדוק את טיב הקירוב של המערכת שלנו למערכת אידאלית. חישבנו את בחלק זה רצינו לבדוק את מסילה לקרונית וקיבלנו $\mu_s=0.0037\pm0.0012$, מה שלכאורה מעיד על כך שהמערכת בקירוב אידאלית. עם זאת, כפי שראינו מההתאמות בהמשך, ייתכן והיה מקום להתחשב גם במקדם חיכוך נמוך זה בחישובינו.

חלק ב'1

בחלק זה צפינו במעבר אנרגיה פוטנציאלית לאנרגיה קינטית, וחישבנו את את תאוצת כוח הכובד מתוך הנחה כי המערכת הינה אידאלית. בשתי ההתאמות שביצענו, נצפו מדדי התאמה די קרובים, אך לא אידאליים, כפי שפירטנו בתוצאות. בשורה התחתונה, נראה כי ההתאמה הפרבולית מעט טובה יותר, וזאת בגלל שלפי מדד מערכו של שקיבלנו בהתאמה זו מעט קרוב יותר לערכו התיאורטי (אם כי יש לציין שזה בעיקר מכיוון ששגיאתו גדולה יותר; ערכו זהה בקירוב לערכו בהתאמה הלינארית). את אי-האידאליות של מדדי ההתאמה ניתן לתלות במס׳ גורמי שגיאה אותם הזנחנו – חיכוך ומסת הגלגלות והחוט, האנרגיה הסיבובית של הגלגלות, התנגדות האוויר, וכן, גם החיכוך הסטטי בין גלגלי העגלה למסילה. שני הגורמים האחרונים השפיעו כמובן גם על השלב המקדים, כך שכנראה שהם גם פגעו בחישוב שגיאת המכשיר של המהירות, מה שהשפיע כמובן גם על התוצאות הסופיות. חיזוק לטענה זו ניתן לראות ממדדי ההתאמה הלא אידאליים ההתוצאות של השלב המקדים, ובעיקר מגרפי השארים הפרבוליים, שמעידים על כך בהתאמות של השלב המקדים, ובעיקר מגרפי השארים הפרבוליים, שמעידים על כך היא תנועה קצובה, כשברור לנו שבמציאות קיימת תאוטה מסיומת במערכת.

חלק ב'2

בחלק זה צפינו באיבוד אנרגיה הנובע מכוח החיכוך. בשתי ההתאמות שביצענו קיבלנו מדדי התאמה גרועים ביותר, ותוצאתו של g היתה רחוקה בכ-34 סטיות תקן מערכו מדדי התאמה גרועים ביותר, ותוצאתו של g היתה ביותר – החישוב התבסס על נוסחאות התיאורטי. הסיבה לאי ההתאמות בחלק זה ברורה ביותר – החישוב התעלמנו לחלוטין בחלק ההתאמות של חלק ב'1, בהן הנחנו כי המערכת אידאלית. למעשה התעלמנו לחלוטין בחלק זה מהוספת החיכוך למערכת, כך שאין משמעות אמיתית לתוצאות. בנוסף, גם כאן הזנחנו את אותם גורמי השגיאה שצוינו לעיל.

נתבקשנו גם להתייחס למקדם של v^2 בגרף של (v^2) . מחלק זה של הניסוי ברור שככל שהחיכוך שקיים במערכת (ומתעלמים ממנו) גדול יותר, כך ערכו של \mathbf{g} קטן יותר מערכו התיאורטי, ולפיכך הוא **מגדיל** את מקדם זה ביחס לערכו התיאורטי. ואכן, ערכו התיאורטי של המקדם הוא $\mathbf{a} = -a \approx 0.35$ שנתקבלו בכל התאמה בחלקים של המקדם הוא $\mathbf{c} = -a \approx 0.35$ משמעותית.

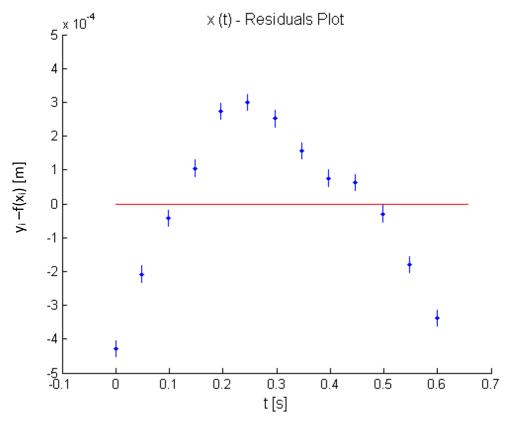
למרות האמור לעיל, בהחלט ניתן ללמוד מחלק זה על השפעת החיכוך על אנרגיית הגוף, שכן קיבלנו תוצאות שונות בתכלית מחלק ב'1.

לסיכום, למרות שהתוצאות שקיבלנו עבור ערכו של g אינן אידאליות, הניסוי היה מוצלח מבחינתנו – ראינו בפועל את קיומו של חוק שימור האנרגיה (בקירוב) ואת מעבר האנרגיה מצורה לצורה.

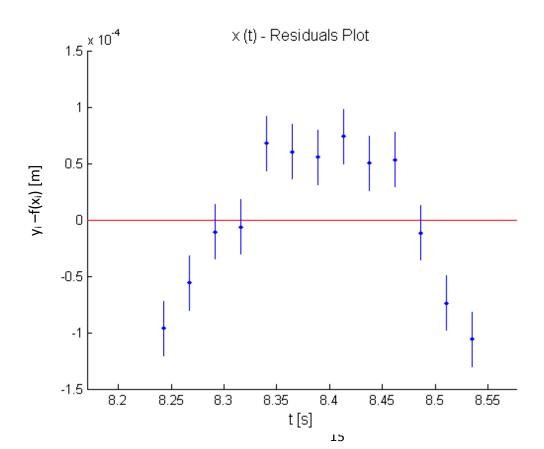
נספחים:

נספח 1 – גרפי השארים של השלב המקדים של חלק ב'1:

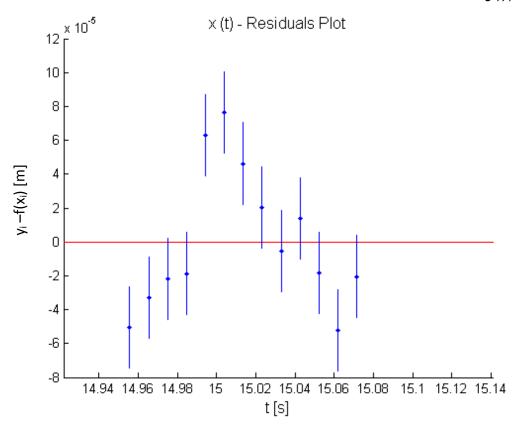
1.1 – מדידה 1



2 מדידה – 1.2



3 מדידה – 1.3



נספח 2 – נתונים גולמיים [הערה: בחלק מהטבלאות המספרים עוגלו משיקולי אסתטיקה]

2.1 – חלק אי

v1 [m/s]	Δv1 [m/s]	v2 [m/s]	Δv2 [m/s]	
0.745	0.00029	0.725	0.00062	
g [m/s^2]	Δg [m/s^2]	x [m]	Δx [m]	
9.81	0.1	0.4	0.00028867513	
μ_s	Δµ_s	Δμ_s/μ_s [%]		
0.0037	0.001171918808	31.3		

DATA-- מדידות השלב המקדים של חלק ב'1 (ע"ב פלט נתונים של ה--STUDIO):

t [s]	delta t [s]	x [m]	delta x [m]
0.000000	0.00000029	0.00	0.000024
0.048876	0.00000029	0.01	0.000024
0.098026	0.00000029	0.02	0.000024
0.147268	0.00000029	0.03	0.000024
0.196402	0.00000029	0.04	0.000024
0.246248	0.00000029	0.05	0.000024
0.296466	0.00000029	0.06	0.000024
0.346920	0.00000029	0.07	0.000024
0.397302	0.00000029	0.08	0.000024
0.447346	0.00000029	0.09	0.000024
0.497784	0.00000029	0.10	0.000024
0.548514	0.00000029	0.11	0.000024
0.599280	0.00000029	0.12	0.000024

t [s]	delta t [s]	x [m]	delta x [m]
8.243416	0.000000289	0.13	0.000024
8.267614	0.000000289	0.14	0.000024
8.291800	0.000000289	0.15	0.000024
8.316086	0.000000289	0.16	0.000024
8.340202	0.000000289	0.17	0.000024
8.364516	0.000000289	0.18	0.000024
8.388824	0.000000289	0.19	0.000024
8.413076	0.000000289	0.20	0.000024
8.437430	0.000000289	0.21	0.000024
8.461718	0.000000289	0.22	0.000024
8.486172	0.000000289	0.23	0.000024
8.510620	0.000000289	0.24	0.000024
8.534994	0.000000289	0.25	0.000024

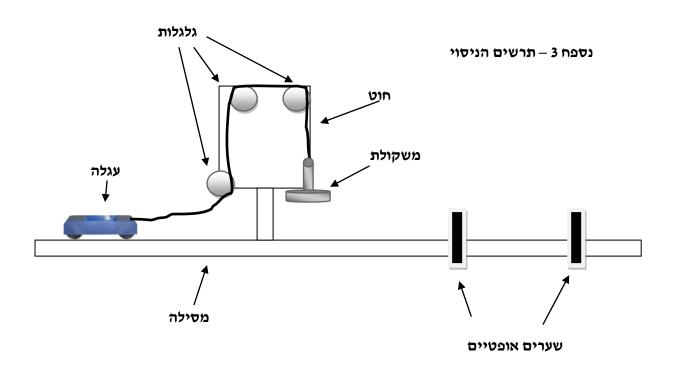
t [s]	delta t [s]	x [m]	delta x [m]
14.955640	0.00000029	0.26	0.000024
14.965290	0.00000029	0.27	0.000024
14.974946	0.00000029	0.28	0.000024
14.984610	0.00000029	0.29	0.000024
14.994198	0.00000029	0.30	0.000024
15.003852	0.00000029	0.31	0.000024
15.013548	0.00000029	0.32	0.000024
15.023240	0.00000029	0.33	0.000024
15.032932	0.00000029	0.34	0.000024
15.042580	0.00000029	0.35	0.000024
15.052278	0.00000029	0.36	0.000024
15.061978	0.00000029	0.37	0.000024
15.071614	0.00000029	0.38	0.000024

2.3 – נתוני מדידות חלק ב'1 [הערה: כפי שצוין למעלה, המדידה השמינית הוצאה מההתאמות כיוון שהיא הסיטה אותן בצורה מובהקת]

No.	h [r	n]	Δh [m]	ν1	[m/s]	v2 [m/s]		v3 [m/s]	v4 [m/s]	v5 [m/s]	v6 [m/s]		
1	0.0	46	0.00029	0.	339	0.342		0.341	0.342	0.341	0.343		
2	0.0	96	0.00029	0.	502	0.50)3	0.505	0.506	0.502	0.502		
3	0.1	46	0.00029	0.	626	-		-	-	-	-		
4	0.19	96	0.00029	0.	725	-		-	-	-	-		
5	0.2	46	0.00029	0.	815	-		-	-	-	-		
6	0.29	96	0.00029	0.	898	-		-	-	-	-		
7	0.3	46	0.00029	0.	969	-		-		-	-	-	-
8	0.3	96	0.00029	,	1.1	-		-	-	-	-		
v av	v avg				Δv inst			v final	Δν/ν	(v avg)^2	Δ((v avg)^2)		
[m/	[m/s] Δv stat [m/s]		/s]	[m	/s]		[m/s]	[%]	[(m/s)^2]	[(m/s)^2]			
0.34	41		0.00071		0.00	0071	0.	000718	0.210	0.117	0.00049		
0.50	03		0.00071		0.00	0.0		000723	0.144	0.253	0.00073		
0.62	26		0.00071		0.00	0.0		000727	0.116	0.392	0.00091		
0.72	25		0.00071		0.00)151 0.0		0.0		151 0.000731		0.526	0.00106
0.82	15		0.00071		0.00)170 0.0		000735	0.090	0.664	0.00120		
0.89	98		0.00071		0.00)187 0.0		000739	0.082	0.806	0.00133		
0.96	69		0.00071		0.00)202 0.0		000743	0.077	0.939	0.00144		
1.10	00		0.00071		0.00	0229	0.	000751	0.068	1.210	0.00165		

2.4 – נתוני מדידות חלק ב'2

			V	Δv stat	Δv inst	Δv final	Δν/ν	v^2	Δ(v^2)
No.	h [m]	Δh [m]	[m/s]	[m/s]	[m/s]	[m/s]	[%]	[(m/s)^2]	[(m/s)^2]
1	0.093	0.00029	0.378	0.00071	0.000079	0.000719	0.190	0.143	0.00054
2	0.123	0.00029	0.490	0.00071	0.000102	0.000722	0.147	0.240	0.00071
3	0.183	0.00029	0.561	0.00071	0.000117	0.000724	0.129	0.315	0.00081
4	0.213	0.00029	0.592	0.00071	0.000123	0.000725	0.123	0.350	0.00086
5	0.243	0.00029	0.677	0.00071	0.000141	0.000729	0.108	0.458	0.00099
6	0.273	0.00029	0.724	0.00071	0.000151	0.000731	0.101	0.524	0.00106
7	0.333	0.00029	0.744	0.00071	0.000155	0.000732	0.098	0.554	0.00109
8	0.363	0.00029	0.829	0.00071	0.000173	0.000735	0.089	0.687	0.00122



נספח 4 – יומני הניסוי

