Relatividad: Cuestionario 5

Tomás Ricardo Basile Álvarez 316617194

13 de julio de 2021

Pregunta 1

Considera un observador inercial dentro de un elevador estático sobre una superficie cargada infinita, de forma tal que hay un campo eléctrico $\vec{E} = -E\widehat{z}$ en todo el espacio. No hay ningún tipo de campo gravitacional en el espacio. El observador deja caer dos partículas desde la misma altura: la primera tiene carga eléctrica q y masa m, mientras que la segunda tiene carga q y masa M, tal que M>m. ¿Cuál de las dos partículas llega primero al suelo del elevador? La interacción eléctrica y gravitacional entre ambas partículas es despreciable

La primera partícula siente una fuerza de $\vec{F}_1 = q\vec{E} = -qE\hat{z}$ (Pues sólo hay un campo eléctrico y no hay campos gravitacionales ni interacción con la otra partícula) Entonces, según la segunda ley de Newton, tenemos que $\vec{F}_1 = m\vec{a}_1 \implies -qE\hat{z} = m\vec{a}_1 \implies \vec{a}_1 = -\frac{qE}{m}\hat{z}$

La segunda partícula siente una fuerza de $\vec{F}_2 = q\vec{E} = -qE\hat{z}$ Entonces, según la segunda ley de Newton, tenemos que $\vec{F}_2 = M\vec{a}_2 \implies -qE\hat{z} = M\vec{a}_2 \implies \vec{a}_2 = -\frac{qE}{M}\hat{z}$

Sin embargo, como M > m, entonces se tiene que $\frac{1}{m} > \frac{1}{M}$

Por lo tanto, tenemos que $\frac{qE}{m} > \frac{qE}{M}$, lo que implica que $|a_1| > |a_2|$ por las expresiones que encontramos para las aceleraciones.

Entonces, la partícula 1 siempre tiene una aceleración mayor que la partícula 2. Por lo tanto, la partícula de masa m llega al suelo antes que la de masa M.

Pregunta 2

Considera un observador inercial dentro de un elevador que se mueve en el espacio con aceleración constante $\vec{a}=a\widehat{z}$. No hay ningún campo gravitacional ni eléctrico en el espacio. El observador deja caer dos partículas desde la misma altura: la primera tiene carga eléctrica q y masa m, mientras que la segunda tiene carga q y masa M, tal que M>m. ¿Cuál de las dos partículas llega primero al suelo del elevador? La interacción eléctrica y gravitacional entre ambas partículas es despreciable.

Como no hay ningún campo gravitacional ni eléctrico y las partículas no interaccionan, no sienten ninguna fuerza.

Por lo tanto, al soltarlas, las partículas no acelerarán.

Sin embargo, mientras las partículas están quietas (respecto a un observador externo al elevador), el piso acelerará hacia arriba con aceleración $\vec{a} = a\hat{z}$. Como ambas partículas empiezan a la misma altura, después de un tiempo, el piso tocará ambas partículas a la vez. Por lo tanto, ambas partículas llegan a la vez.