

# Estudi previ practica 5 SSIS

Daniel Vilardell

## 1

a) Sabem que  $x[n - n_o] \leftrightarrow X(F)e^{-j2\pi f n_o}$  i ho apliquem per a  $n_o = 2$ . Tenint en conta que la transformada de una delta  $\delta(t - a) \leftrightarrow e^{-j2\pi f a}$  calculem la transformada.

$$x[n - 2] \leftrightarrow \frac{1}{2}e^{j4\pi F} + e^{j2\pi F} + \frac{3}{2} + e^{-j2\pi F} + \frac{1}{2}e^{-j4\pi F}$$

I per tant

$$X_d(F) = \left(\frac{3}{2} + \cos(4\pi F) + 2\cos(2\pi F)\right)e^{-j4\pi F}$$

D'aquí podem trobar la següent taula

F	0	1	-1	2	$\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{3}$
$X_d(F)$	$\frac{9}{2}$	$\frac{9}{2}$	$\frac{9}{2}$	$\frac{9}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	0	0

b) Si ja que sempre que s'entri una senyal discreta donara lloc a una TF periodica

## 2

a) Com ja hem vist a la teoria

$$\Pi\left(\frac{t}{T}\right) \leftrightarrow T \operatorname{sinc}(Tf)$$

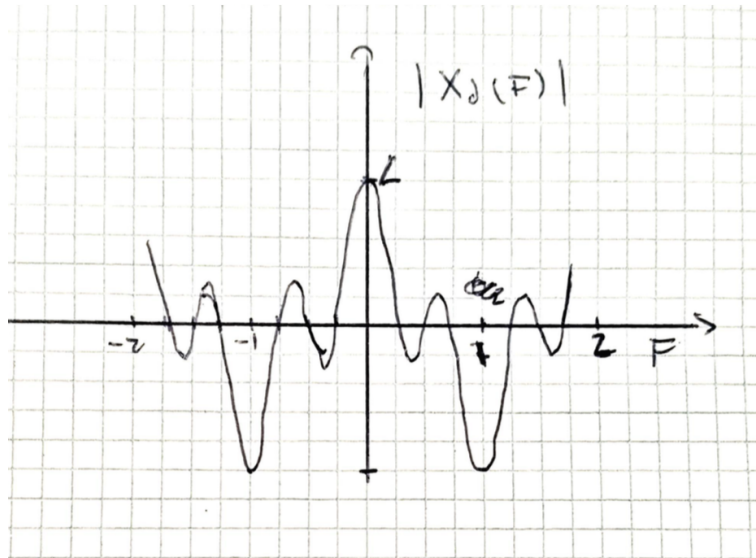
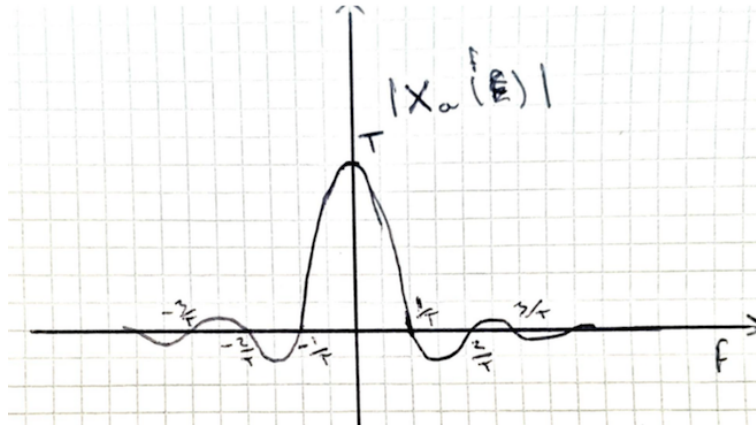
I aplicant la propietat de desplaçament

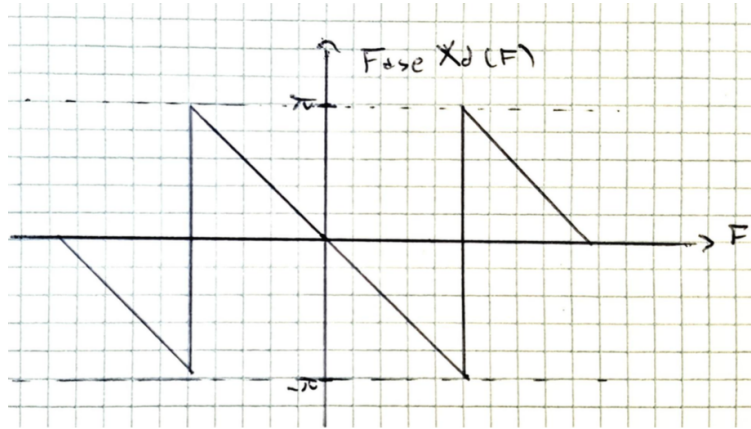
$$\Pi\left(\frac{t - \frac{T}{2}}{T}\right) \leftrightarrow T \operatorname{sinc}(Tf)e^{-j\pi f T}$$

b) Aquesta transformada també la hem vist a teoria i sabem que

$$P_L[n] \leftrightarrow \frac{\sin(\pi FL)}{\sin(\pi F)} e^{-j\pi F(L-1)}$$

c) Les grafiques obtingudes son les següents.





### 3

Per aquesta secció assumirem que l'enunciat era erroni i que la funció  $x(t) = e^{-\pi t}u(t)$  i no  $x(t) = e^{-\pi}u(t)$  com diu.

a) Sabem per teoria que la transformada de fourier de la exponencial per el pols unitat es

$$x_a(t) = e^{-\pi t}u(t) \leftrightarrow X_a(f) = \frac{1}{\pi + j2\pi f}$$

b) Per a calcular aquesta transformada aplicarem la definicio de DFT

$$X_d(F) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} e^{-\frac{n}{10}}u[n]e^{-j2\pi Fn} = X_d(F) = \sum_{n=0}^{\infty} e^{n(-\frac{1}{10}-j2\pi F)}$$

$$X_d(F) = \frac{1}{1 - e^{-\frac{1}{10}-j2\pi F}}$$

c) Si mostregem la senyal  $x_a(t) = e^{-\pi t}u(t)$  cada  $\frac{1}{10}$  segons obtenim el següent

$$x_a\text{mostrejat}[n] = e^{-\pi \frac{n}{10}}u(n)\forall n \in \mathbb{Z} = x_d[n]$$

## 4

```
1 function XF = xy_trF(x, n, F)
2     XF = 0;
3     for k = 1:length(n)
4         XF = XF + x(k)*exp(-1i*2*pi*F*n(k));
5     end
6     return;
7 end
```