

Bases de Dados

MIEIC | BDAD 2017/2018 | José Devezas

Conteúdos de apoio

Os conteúdos aqui apresentados servem informalmente de suporte aos conteúdos lecionados nas aulas teóricas, tentando-se uma abordagem mais coloquial e menos formal (onde possível), de forma a fomentar a aprendizagem durante as aulas teórico-práticas (TP).

O que precisam de saber?

- Modelo Conceptual
 - Esquema Relacional
 - Modelo Relacional
 - Dependências funcionais
 - Formas normais
 - 1ª Forma Normal (1NF)
 - 2ª Forma Normal (2NF)
 - 3ª Forma Normal (3NF)
 - Forma Normal Boyce-Codd
 - Forma minimal
 - Fecho de um conjunto de atributos
 - Teste da caça
 - Chaves
 - Super-chave
 - Chave-candidata
 - Chave primária
 - Chave alternativa
 - Linguagem de Definição de Dados (SQL)
 - Álgebra Relacional
 - Linguagem de Manipulação de Dados (SQL)
 - NoSQL (MongoDB)
-

Projeto

Datas Importantes (2017/2018) 💡

- 25 Fevereiro => Definição de grupo e submissão do tema
- 11 Março => Entrega 1
- 15 Abril => Entrega 2
- 27 Maio => Entrega 3

Visão Geral

- Grupos de 3 alunos
- Devem propor tema ao docente das teórico-práticas via Moodle, enviando uma descrição detalhada (máx. 100 palavras), similar aos enunciados das aulas TP.
- Trabalho similar ao dos guiões, a entregar em 3 fases:
 - Entrega 1:
 - A. Definição do Modelo Conceptual
 - Entrega 2:
 - B. Definição do Esquema Relacional
 - C. Análise de Dependências Funcionais e Formas Normais
 - D. Criação da base de dados em SQLite
 - E. Adição de restrições à base de dados
 - F. Carregamento de dados
 - Entrega 3:
 - G. Interrogação da Base de dados
 - H. Adição de gatilhos à base de dados

Consulta Recomendada

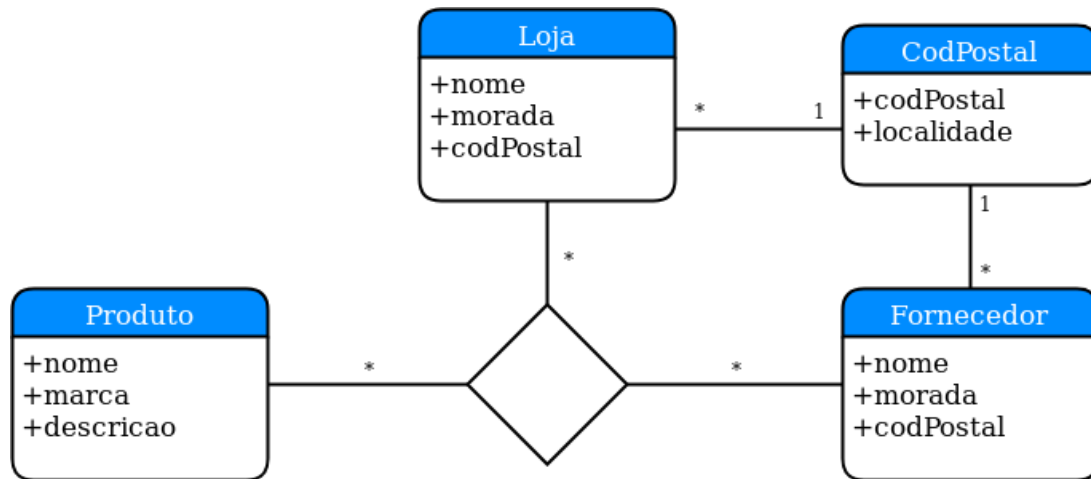
*Hector Garcia-Molina, Jeffrey D. Ullman, Jennifer Widom:
Database Systems - The Complete Book (2nd Edition). Pearson Education 2009, ISBN
978-0-13-187325-4, pp. I-XXVI, 1-1203*

Aula 1

Modelo Conceptual

Esta é uma representação mais próxima dos requisitos do negócio e mais desligada da implementação e das necessidades de desenho do esquema da base de dados.

Exemplo de um Modelo Conceptual simples para gestão de produtos e fornecedores de uma loja:



Esquema Relacional

Chaves primárias identificadas com sublinhado e chaves estrangeiras identificadas com seta para relação (i.e., tabela) respetiva:

```
1  CodPostal(codPostal, localidade)
2  Loja(idLoja, nome, morada, codPostal -> CodPostal)
3  Produto(idProduto, nome, marca, descricao)
4  Fornecedor(idFornecedor, nome, morada, codPostal -> CodPostal)
5  LojaProdutoFornecedor(idLoja -> Loja, idProduto -> Produto, idFornecedor -> Fornecedor)
```

Aula 2

Modelo Conceptual vs Modelo Relacional

Diferentes propósitos:

https://www.visual-paradigm.com/support/documents/vpuserguide/3563/3564/85378_conceptual,l.html

- **Modelo Conceptual:** mais próximo dos requisitos do negócio.
 - **Modelo Relacional:** modelo físico, traduzido do modelo conceptual, de forma a representar diretamente a estrutura da base de dados.
-

Modelo Relacional

https://en.wikipedia.org/wiki/Relational_model

Esta é uma representação utilizada para o desenho do esquema da base de dados e é geralmente obtida com o suporte do Modelo Conceptual.

Dependências funcionais

A dependência funcional é funcional no sentido em que um determinado conjunto de atributos $\{A_1, A_2, A_3\}$ implica outro conjunto de atributos $\{B_1, B_2\}$, tal que determinada combinação de valores em $\{A_1, A_2, A_3\}$ apenas gera uma combinação de valores em $\{B_1, B_2\}$. Vários registos podem ser recuperados com base em $\{A_1, A_2, A_3\}$, mas os valores de B_1 e B_2 são sempre iguais, se a dependência funcional $A_1, A_2, A_3 \rightarrow B_1, B_2$ se verificar.

É como numa função matemática. Por exemplo:

- Se $f(x) = 2x$, então:
 - $f(2) = 4$
 - $f(-2) = -4$
- Mas $f(2)$ apenas tem um valor, que é 4.
- Não pode ter mais do que um valor!

Nós definimos as dependências funcionais com base nos requisitos apresentados, geralmente a partir de uma relação que representa uma tabela (ou várias, depois da normalização) numa base de dados, como o conjunto de todos os atributos que aí queremos armazenar. Por exemplo, vamos tentar definir a relação `Loja`:

```
1 Loja(nomeLoja, moradaLoja, codPostalLoja,  
2     nomeProduto, marcaProduto, descricaoProduto,  
3     nomeFornecedor, moradaFornecedor, codPostalFornecedor)
```

Ou, de forma mais sucinta:

Loja(NL, ML, CPL, NP, MP, DP, NF, MF, CPF)

Alguns exemplos de dependências funcionais (requisitos em monospace):

$D = \{$
Podem existir várias lojas com o mesmo nome, mas apenas uma por código postal.
 $NL, CPL \rightarrow ML,$
Um produto pode ser fabricado por várias marcas, mas cada produto tem a sua descrição por marca.
 $NP, MP \rightarrow DP,$
Qualquer produto de determinada marca é sempre fornecido pelo mesmo fornecedor.
 $MP \rightarrow NF,$
Mas o mesmo fornecedor pode distribuir diferentes produtos da mesma marca a partir de diferentes localizações.
 $NP, MP \rightarrow NF, CPF$
...
 $\}$

Formas normais

<http://www.bkent.net/Doc/simple5.htm>

http://www2.york.psu.edu/~lxn/IST_210/normal_form_definitions.html

Tal como o nome indica, as formas normais ajudam-nos a normalizar as nossas relações, no sentido de garantir propriedades como a atomicidade ou de evitar redundância, minimizando assim o custo de armazenamento e facilitando a atualização de valores.

1ª Forma Normal (1NF):

https://en.wikipedia.org/wiki/First_normal_form

- Foco na atomicidade (i.e., indivisibilidade)
- Regras
 - Eliminar grupos repetidos em tabelas individuais
 - Exemplos de grupos repetidos:
 - Coluna Telefone, com o valor 555-222-000, 555-333-111;
 - Duas colunas Telefone1 e Telefone2.
 - Criar uma tabela separada para cada conjunto de dados relacionados.
 - Exemplo: dados sobre uma Lojas e dados sobre Fornecedores devem estar separados.

- Identificar cada conjunto de dados relacionados com uma chave primária.
 - Qualquer chave-candidata pode ser chave-primária, mas apenas pode existir uma chave-primária, enquanto podem existir várias chaves-candidatas (UNIQUE em SQL).
-

2ª Forma Normal (2NF):

https://en.wikipedia.org/wiki/Second_normal_form

Second normal form is violated when a non-key field is a fact about a subset of a key.
-- <http://www.bkent.net/Doc/simple5.htm>

- Foco na relação entre atributos chave e atributos não-chave.
 - Regras
 - Deve estar na 1ª Forma Normal.
 - Todos os atributos não-chave devem ser diretamente dependentes dos atributos chave no seu todo.
 - Ou seja, atributos não-chave não podem ser dependentes de partes das chaves.
-

3ª Forma Normal (3NF):

https://en.wikipedia.org/wiki/Third_normal_form

http://rdbms.opengrass.net/2_Database%20Design/2.2_Normalisation/2.2.6_3NF-Transitive%20Dependency.html

Third normal form is violated when a non-key field is a fact about another non-key field
-- <http://www.bkent.net/Doc/simple5.htm>

The key, the whole key, and nothing but the key, so help me Codd. 🙏
-- <http://www.itprotoday.com/microsoft-sql-server/so-help-me-codd>

- Foco na relação de transitividade entre atributos chave e atributos não-chave.
 - Geralmente considera-se uma base de dados “normalizada” quanto está na 3ª Forma Normal.
 - Regras
 - Deve estar na 2ª Forma Normal.
 - Não devem existir dependências transitivas entre atributos não-chave e atributos chave.
-

Forma Normal Boyce-Codd (BCNF; 3.5NF):

https://en.wikipedia.org/wiki/Boyce%E2%80%93Codd_normal_form

- 3ª Forma Normal *on steroids*.

- Regra
 - Todos os lados esquerdo das dependências funcionais (não triviais) devem ser super-chaves da relação.
 - Se estiver na 3NF e não houver chaves-candidatas com sobreposição, garantidamente está na BCNF.
 - Mas se houver sobreposição, tanto pode estar como não estar.
-

Forma minimal

(Minimal basis; The Synthesis Algorithm for 3NF Schemas)

- Regras
 - Todos os lados direitos das dependências funcionais (DFs) têm apenas um atributo.
 - Se alguma dependência funcional for removida, deixamos de ter uma forma minimal.
 - Se removermos algum dos atributos do lado esquerdo, deixamos de ter uma forma minimal.
 - A forma minimal ajuda-nos a chegar à 3ª Forma Normal:
 - Os lados esquerdos das DFs tornam-se chaves primárias das novas relações;
 - Os respetivos lados direitos por chave primária são incluídos nessa relação;
 - Deve existir pelo menos uma nova relação com uma super-chave da relação original (caso contrário a junção terá perdas).
-

Chaves

Super-chave:

<https://en.wikipedia.org/wiki/Superkey>

<https://dba.stackexchange.com/a/71926>

- “**Superconjunto de uma chave**”, ou seja, chave que contém as chaves minimais.
 - Identifica de forma única os registos, mas não é minimal!
 - Por exemplo: se os registos numa relação podem ser unicamente identificados pelos atributos A_1 , A_2 e A_3 , então $\{A_1, A_2, A_3, A_7\}$ é uma super-chave dessa relação. Mas se retirarmos A_7 já passa a ser uma chave-candidata, porque é minimal.
-

Chave-candidata:

https://en.wikipedia.org/wiki/Candidate_key

- Uma chave-candidata (ou simplesmente chave, no livro recomendado) é uma super-chave minimal.
- Ou seja, não inclui atributos redundantes para identificar de forma única os registos.
- Para encontrar todas as chaves-candidatas:
 - Com base nas dependências funcionais, criar o conjunto de atributos que não aparecem no lado direito das DFs.

- Calcular o fecho desse conjunto e verificar se contém todos os atributos.
 - Se sim, então é uma chave-candidata.
 - Se não, estender o conjunto de atributos com combinações de outros atributos

Este vídeo ajuda:

Illustration on Finding Candidate Key | Example #GATE-2013 | ...



<https://youtu.be/9fuJUQJd-A8>

Chave-primária:

https://en.wikipedia.org/wiki/Primary_key

- Corresponde à escolha de uma chave-candidata.
- Todas as outras chaves-candidatas passam a ser chaves-alternativas.

Chave-alternativa:

https://en.wikipedia.org/wiki/Primary_key#Alternate_key

- Qualquer chave-candidata que não foi escolhida para ser chave-primária.

Fecho de um conjunto de atributos

(Closure of a set of attributes)

- Fecho do conjunto X é representado por X^+ .

- Para calcular o fecho de um conjunto de atributos $\{J, T, Y\}$, começamos por incluir os atributos originais e expandir os vários subconjuntos com base nas dependências funcionais.
 - Por exemplo, se tivermos as dependências $D = \{JT \rightarrow A, J \rightarrow D, T \rightarrow AY\}$,
 - Vamos expandir $\{J\}$, $\{T\}$, $\{Y\}$, $\{J, T\}$, $\{J, Y\}$, $\{T, Y\}$ e $\{J, T, Y\}$
 - Resultando em (passo-a-passo):
 - $\{J, D\}$
 - Expandir $\{J\}$ resulta em $\{J, D\}$ (inclui o próprio J e, com base em $J \rightarrow D$, adicionamos o D).
 - $\{J, D, T, A, Y\}$
 - Não existe dependência funcional a partir de $\{J, D\}$, por isso vamos expandir $\{T\}$, incluindo o próprio T e, com base em $T \rightarrow AY$, incluímos A e Y .
 - $\{J, T, Y\}^+ = \{J, D, T, A, Y\}$
 - Já não podemos fazer mais nenhuma expansão, por isso chegamos ao fecho $\{J, D, T, A, Y\}$ do conjunto $\{J, T, Y\}$.
-

Teste da caça

(Chase test for lossless join)

https://en.wikipedia.org/wiki/Chase_algorithm

- Algoritmo (tradução para humano):
 - a. Criar um quadro com todos os atributos como colunas, em maiúsculas (p.e., A, B, C).
 - b. Dada uma decomposição de uma relação R em várias relações R_1, R_2, \dots, R_n , preencher uma linha do quadro por relação, colocando:
 - i. Em minúsculas (p.e., a, b, c) todos os atributos que fazem parte da relação.
 - ii. E em minúsculas com o índice da linha (p.e., a_1, b_1, c_1) todos os atributos que não fazem parte da relação.
 - c. Numa passagem pelo quadro, resolver, linha a linha, as dependências funcionais, removendo o índice para os atributos que podem ser resolvidos através dos atributos sem índice.
 - d. Se encontrarmos uma linha sem índices, então podemos garantir a junção sem perdas, caso contrário não.
-

Aulas 3 e 4

Linguagem de Definição de Dados (SQL)

SQL, de Structured Query Language, é uma linguagem que tanto permite definir as estruturas de dados como manipular os dados nelas armazenados. Vamos olhar para definição de dados em SQL, demonstrando com um workflow típico, para a criação de um esquema em SQLite:

Apagar tabelas, se existirem

Garante que não vamos ter erros no passo seguinte de criação das tabelas.

```
DROP TABLE IF EXISTS tabela;
```

Criar uma tabela

Definição do nome da tabela, conjunto de atributos e seus tipos e restrições.

```
1 CREATE TABLE tabela (  
2   attr1 TEXT NOT NULL,  
3   attr2 TEXT REFERENCES outra_tabela(attr_pk_o_tabela),  
4   attr3 NUMBER CHECK (attr3 > 0),  
5   email TEXT,  
6   CONSTRAINT attr1_pk PRIMARY KEY (attr1),  
7   CONSTRAINT ch_attr1_attr2 CHECK (attr1 <> attr2)  
8 );
```

Como experimentar

Devem instalar o `sqlite3`. Podem utilizar a linha de comandos para carregar ficheiros `*.sql`, quer com o esquema da base de dados (DDL), quer com interrogações (DML).

Se quiserem algo mais visual, existem várias ferramentas integradas nos IDEs do costume (p.e., o [Database Navigator](#) nos produtos da JetBrains, como o IntelliJ ou o PyCharm). Podem ainda experimentar o [DB Browser for SQLite](#), compatível com Windows, Mac e Linux (comando `sqlitebrowser`).

Aula 5

Álgebra Relacional

https://en.wikipedia.org/wiki/Relational_algebra

(Pensar nisto como uma versão matemática do SQL, para interrogação à BD)

O SQL tanto pode servir para a definição de dados (os esquemas que definem as tabelas, suas chaves e restrições, bem como vistas e gatilhos), como para a manipulação de dados (inserções, remoções, atualizações ou interrogações).

Antes de olharmos para o SQL como linguagem de manipulação de dados, vamos primeiro aprender sobre a notação matemática (álgebra relacional) que estabelece as bases teóricas para a interrogação das bases de dados (o nosso `SELECT` em matemática).

Vamos definir alguns operadores unários e binários aplicáveis a relações e que resultam em conjuntos. Se temos conjuntos, então podemos também usar os operadores de teoria de conjuntos. Por exemplo:

- União: \cup
- Interseção: \cap
- Produto cartesiano: \times
- Diferença: $-$ ou \setminus

Operadores unários

Projeção: $\Pi_{a_1, \dots, a_n}(R)$

Filtragem de atributos a_1, \dots, a_n numa relação R (colunas da tabela).

Projeção => Π

Seleção: $\sigma_{\varphi}(R)$

Filtragem de tuplos com base na condição φ numa relação R (linhas da tabela; os registos).

Seleção => Σ

Renomeação: $\rho_{a/b}(R)$

Alteração do nome do atributo b para a , em todos os tuplos.

Renomeação => ρ

Operadores binários

Junção natural: $R \bowtie S$

Junta R e S com base em todos os atributos em comum.

θ -junção: $R \bowtie_{a \theta b} S$

Filtra o produto cartesiano $R \times S$ pela condição $a \theta b$. Quando θ é o operador de igualdade ($=$), então temos uma equijunção.

Semijunção esquerda: $R \ltimes S$

Filtra todos os tuplos de R com base na junção com S , mas não inclui atributos de S no resultado.

Semijunção direita: $R \bowtie S$

Filtra todos os tuplos de S com base na junção com R , mas não inclui atributos de R no resultado.

Anti junção: $R \not\bowtie S$

Filtra todos os tuplos de R com base na junção com S , incluindo apenas todos os tuplos que não fazem parte da junção.

Divisão: $R \div S$

Na divisão, fazemos a junção com S , mantendo os atributos únicos de R e removendo tuplos duplicados. Mais detalhes em: <http://users.abo.fi/soini/divisionEnglish.pdf>

Podem experimentar usar o [RelaX](#), uma ferramenta online para aprenderem mais sobre álgebra relacional, testando as vossas interrogações e visualizando as equivalências em SQL. O RelaX foi criado pelo Johannes Kessler, da Universidade de Innsbruck, na Áustria.

Relational Algebra

SQL

Group Editor

π σ ρ \leftarrow τ γ \wedge \vee \neg $=$ \neq \geq \leq \cap \cup \div $-$ \times \bowtie \ltimes \ltimes \ltimes \ltimes \ltimes \triangleright $=$ $--$ $/$ $*$ $\{ \}$ \boxplus \boxminus

```

1  $\pi_{a, c}$  (
2    $\sigma_{a < 3}$  (
3      $R \bowtie S$ 
4   )
5 )

```

▶ execute query

download

history ▾

```

graph TD
    R[R] --> Join[⋈]
    S[S] --> Join
    Join --> Sel[σa < 3]
    Sel --> Proj[πa, c]

```

$\pi_{a, c} (\sigma_{a < 3} (R \bowtie S))$

R.a	R.c
1	d

Tables from and for the lecture [Databases: Foundations, Data Models and System Concepts - University of Innsbruck](#) chapter 3

Aula 6

Linguagem de Manipulação de Dados (SQL)

Inserir dados numa tabela

Geralmente feito a partir de um programa.

```
INSERT INTO tabela VALUES ('567', '23', 987, 'jld@fe.up.pt');
```

Notar que, durante esta inserção, deve existir um registo em `outra_tabela` com chave-primária `attr_pk_outra_tabela` com valor '23'.

Apagar registos

```
DELETE FROM tabela;
```

Ou, com uma condição:

```
DELETE FROM tabela WHERE attr1 = '567';
```

Atualizar registros

```
UPDATE tabela SET attr3 = 988 WHERE attr1 = '567';
```

Aula 7

Gatilhos (SQL / SQLite)

Exemplo de um gatilho em SQLite para validação de e-mails

Adaptado de <http://www.sqlitetutorial.net/sqlite-trigger/>

```
1 CREATE TRIGGER validar_email_tabela BEFORE INSERT ON tabela
2 BEGIN
3     SELECT
4         CASE
5             WHEN NEW.email NOT LIKE '%_@__%.__%'
6             THEN RAISE (ABORT, 'E-mail inválido!')
7         END;
8 END;
```

Informação adicional relevante na documentação do SQLite:

- **Criar gatilhos:** https://www.sqlite.org/lang_createtrigger.html
 - Um gatilho permite definir uma ação que ocorre antes (BEFORE), depois (AFTER) ou em substituição (INSTEAD OF) de um DELETE, INSERT ou UPDATE.
- **Criar vistas:** https://www.sqlite.org/lang_createview.html
 - Uma vista permite guardar interrogações frequentes à base de dados que geralmente envolvem a junção de várias tabelas ou a aplicação de uma condição (ver Aula 6).
 - As vistas podem por vezes ser otimizadas (vistas materializadas), embora o SQLite não suporte esta funcionalidade.

Aula 8

NoSQL (MongoDB)

Existem várias bases de dados NoSQL:

- **Chave-valor** (p.e., Berkeley DB);

- **Grafos** (p.e., Neo4j);
 - **Documentos** (p.e., MongoDB);
 - **Multi-modelo** (p.e., OrientDB, que vê o NoSQL como “Not only SQL” e oferece armazenamento de documentos, grafos, dados relacionais, com esquema, parcialmente com esquema ou sem esquema).
-

MongoDB é uma das bases de dados NoSQL mais utilizada (e robusta). Assim, vamos utilizá-la como exemplo na aprendizagem do NoSQL.

Características do MongoDB:

- Permite armazenar documentos em JSON;
 - Dados não normalizados:
 - Por exemplo, se tivermos documentos de texto com `titulo`, `conteudo` e `tags`, as tags são geralmente armazenadas no próprio documento como um array (p.e., `["databases", "nosql", "lecture"]`); se quisermos alterar globalmente o nome de uma tag na base de dados, teremos de o fazer individualmente para cada instância da tag nos vários documentos onde ocorre;
 - Esta desnormalização, permite armazenar os documentos conforme estes são frequentemente acedidos, tornando as leituras mais eficientes.
 - Em particular no MongoDB e para aplicações web, é útil que estes conteúdos já estejam em formato JSON, evitando assim o overhead do processo de desserialização e contribuindo novamente para um maior eficiência.
-

Selecionar documentos segundo uma condição e projetar o resultado:

```
db.colecao.find({ campo: "valor" }, { _id: 0, campo: 0 })
```

A base de dados ativa é sempre identificada por `db`, contendo várias coleções de documentos (p.e., `colecao` no exemplo). O primeiro parâmetro do `find()` recebe a nossa condição e o segundo parâmetro determina a projeção, permitindo decidir quais os campos a incluir (0 exclui e 1 inclui, com alguns *defaults* diferentes, mas intuitivos, dependendo das combinações usadas).

Contar documentos segundo uma condição:

```
db.colecao.count({ campo: "valor" })
```

Atualizar valores num conjunto de documentos:

```
db.colecao.update({ campo: "valor" }, { $set: { outroCampo: 10 , aindaOutroCampo: true } })
```

Se não tivéssemos usado o operador `$set`, o segundo parâmetro iria substituir por completo o documento.

Remover documentos:

```
db.colecao.remove({ campo: "valor" })
```

Exemplo de uma interrogação (real) mais interessante:

Esta interrogação utiliza o `aggregate()` para aplicar uma série de operações à coleção `extra_round_feedback` ao estilo pipeline (i.e., é um array de instruções `$unwind`, `$group` e `$project`).

```
1 db.extra_round_feedback.aggregate([
2   {
3     /***
4      * Desdobra doclist, devolvendo um documento
5      * para cada elemento desse array.
6      */
7     $unwind: "$doclist"
8   },
9   {
10    /***
11     * Conta os clicados e não clicados, separadamente,
12     * por run e equipa, para cada entrada de feedback.
13     */
14    $group: {
15      _id: {
16        runid: "$runid",
17        _id: "$_id",
18        team: "$doclist.team",
19        clicked: "$doclist.clicked"
20      },
21      count: { $sum: 1 }
22    }
23  },
24  /***
25   * Transforma as contagens anteriores num array de objetos
26   * "stats" com chave "participant" ou "site" e valor igual
27   * às respetivas contagens.
```



```

28     */
29     {
30         $group: {
31             _id: { runid: "$_id.runid", _id: "$_id._id" },
32             stats: {
33                 $push: {
34                     $cond: {
35                         if: {
36                             $and: [
37                                 { $eq: [ "$_id.team", "participant" ] },
38                                 { $eq: [ "$_id.clicked", true ] }
39                             ]
40                         },
41                         then: {
42                             "participant": "$count"
43                         },
44                         else: {
45                             $cond: {
46                                 if: {
47                                     $and: [
48                                         { $eq: [ "$_id.team", "site" ] },
49                                         { $eq: [ "$_id.clicked", true ] }
50                                     ]
51                                 },
52                                 then: {
53                                     "site": "$count"
54                                 },
55                                 else: {
56                                     // Não pode acontecer, por isso foi ignorad
57                                     o.
58                                     }
59                                 }
60                             }
61                         }
62                     }
63                 }
64             }
65         }
66     }
67 }

```

```

60         }
61     }
62 }
63 }
64 },
65 /**
66  * Determina vitórias, empates e derrotas para a equipa
67  * "participant", comparando o número de cliques do
68  * "participant" e do "site".
69  */
70 {
71     $project: {
72         _id: 1,
73         win: { $gt: [ "$stats.participant", "$stats.site" ] },
74         tie: { $eq: [ "$stats.participant", "$stats.site" ] },
75         loss: { $lt: [ "$stats.participant", "$stats.site" ] }
76     }
77 },
78 /**
79  * Agrega o número de vitórias, empates e derrotas por run.
80  */
81 {
82     $group: {
83         _id: "$_id.runid",
84         wins: { $sum: { $cond: [ "$win", 1, 0 ] } },
85         ties: { $sum: { $cond: [ "$tie", 1, 0 ] } },
86         losses: { $sum: { $cond: [ "$loss", 1, 0 ] } }
87     }
88 },
89 /**
90  * Calcula o "outcome" com base no número de vitórias e
91  * derrotas.
92  */

```

```
93   {
94     $project: {
95       _id: 0,
96       runid: "$_id",
97       wins: 1,
98       ties: 1,
99       losses: 1,
100      outcome: {
101        $cond: [
102          {
103            $and: [
104              { $eq: [ "$wins", 0 ] },
105              { $eq: [ "$losses", 0 ] }
106            ]
107          },
108          0,
109          {
110            $divide: [
111              "$wins",
112              { $sum: [ "$wins", "$losses" ] }
113            ]
114          }
115        ]
116      }
117    }
118  }
119 ])
```

Observações

Agradeço ao Professor Jorge Sousa Pinto que teve a ideia de utilizar o Dropbox Paper para organizar as aulas e me inspirou a fazer o mesmo.

