

Universidad Nacional de Rosario Facultad de Ciencias Exactas, Ingeniería y Agrimensura



Lic. en Cs. de la Computación

Análisis de Lenguajes de Programación

Trabajo Práctico 1

Tomás Fernández De Luco F-3443/6 Ignacio Sebastián Moline M-6466/1

28 de septiembre de 2018

El operador '?:' evalúa a la primera expresión entera si la condición booleana es verdadera y a la segunda en caso contrario. Por lo tanto, para representarlo en la sintaxis se necesitará una boolexp seguida de dos intexp. La sintaxis abstracta modificada para intexp será:

```
\begin{split} intexp ::= nat \mid var \mid -_u intexp \\ \mid intexp + intexp \\ \mid intexp -_b intexp \\ \mid intexp \times intexp \\ \mid intexp \div intexp \\ \mid boolexp \ ? \ intexp : intexp \end{split}
```

Y la sintaxis concreta correspondiente será:

Ejercicio 2

Se debe agregar un constructor más al tipo de IntExp con los tipos de datos mencionados previamente.

El código del archivo Parser.hs es el siguiente:

```
module Parser where
\mathbf{import} \ \ \mathbf{Text}.\ \mathbf{ParserCombinators}.\ \mathbf{Parsec}
import Text. Parsec. Token
import Text.Parsec.Language (emptyDef)
import AST
-- Funcion para facilitar el testing del parser.
totParser :: Parser a -> Parser a
totParser p = do
                   whiteSpace lis
                   t <- p
                   eof
                   return t
 - Analizador de Tokens
lis :: TokenParser u
lis = makeTokenParser (emptyDef
                                   { commentStart = "/*"
                                     , commentEnd = "*/"
                                     , commentLine = "//"
                                     , opLetter = char '='
                                     , reservedNames = ["true", "false", "skip", "if",
                                                         "then","else","end",
"while","do", "repeat"]})
--- Parser de expressiones enteras
intexp :: Parser IntExp
intexp = chainl1 term addopp
term = chainl1 factor multopp
factor = try (parens lis intexp)
         <|> try (do reservedOp lis "-"
                      f \leftarrow factor
                      return (UMinus f))
         <|> (do n < integer lis
                 return (Const n)
               <|> do str <- identifier lis
                      return (Var str))
multopp = do try (reservedOp lis "*")
             return Times
          <|> do try (reservedOp lis "/")
                  return Div
addopp = do try (reservedOp lis "+")
            return Plus
         <|> do try (reservedOp lis "-")
                 return Minus
--- Parser de expressiones booleanas
boolexp :: Parser BoolExp
boolexp = chainl1 boolexp2 (try (do reservedOp lis "|"
                                        return Or))
```

```
boolexp2 = chainl1 boolexp3 (try (do reservedOp lis "&"
                                       return And))
boolexp3 = try (parens lis boolexp)
           < \mid > try (do reservedOp lis "~"
                       b <- boolexp3
                        return (Not b))
           <|> intcomp
           <|> boolvalue
intcomp = try (do i \leftarrow intexp)
                   c < - compopp
                   j \leftarrow intexp
                   return (c i j))
compopp = try (do reservedOp lis "="
                   return Eq)
          <|> try (do reservedOp lis "<"
                       return Lt)
          <|> try (do reservedOp lis ">"
                       return Gt)
boolvalue = \mathbf{try} (do reserved lis "true"
                     return BTrue)
            <|> try (do reserved lis "false"
                         return BFalse)
  - Parser de comandos
comm :: Parser Comm
comm = chainl1 comm2 (try (do reservedOp lis ";"
                               return Seq))
comm2 = try (do reserved lis "skip"
                return Skip)
        <|> try (do reserved lis "if"
                     cond <- boolexp
                     reserved lis "then"
                     case1 < - comm
                     reserved lis "else"
                     case2 < - comm
                     reserved lis "end"
                     return (Cond cond case1 case2))
        <|> try (do reserved lis "repeat"
                     c < - comm
                     reserved lis "until"
                     cond <- boolexp
                     reserved lis "end"
                     return (Repeat c cond))
        <|> try (do str <- identifier lis
                     reservedOp lis ":="
                     e \leftarrow intexp
                     return (Let str e))
 - Funcion de parseo
parseComm :: SourceName -> String -> Either ParseError Comm
parseComm = parse (totParser comm)
```

Se necesitarán dos reglas para representar el comportamiento esperado por el operador ternario '?:':

$$\frac{\langle p, \sigma \rangle \Downarrow_{boolexp} \mathbf{true} \qquad \langle e_1, \sigma \rangle \Downarrow_{intexp} n}{\langle p ? e_1 : e_2, \sigma \rangle \Downarrow_{intexp} n} \text{ TernTrue}$$

$$\frac{\langle p,\sigma\rangle \Downarrow_{boolexp} \textbf{ false}}{\langle p~?~e_1:e_2,\sigma\rangle \Downarrow_{intexp} n}~\text{TernFalse}$$

Ejercicio 5

Para demostrar el determinismo de la relación, se probará que si $t \rightsquigarrow t'$ y $t \rightsquigarrow t''$, entonces t' = t'', mediante inducción en la derivación $t \rightsquigarrow t'$. Para ello, se supondrá que las relaciones de evaluación big-step para expresiones enteras y booleanas son deterministas.

Si la última regla utilizada es ASS, $t = \langle v := e, \sigma \rangle$ y $t' = \langle skip, [\sigma|v : n] \rangle$, sabiendo que $\langle e, \sigma \rangle \downarrow_{intexp} n$. Luego, en $t \leadsto t''$ no se puede haber aplicado como última regla SEQ₁, SEQ₂, IF₁, IF₂ o REPEAT, pues ellas requieren que el comando sea de un tipo distinto a la asignación. Por lo tanto, la última regla aplicada en $t \leadsto t''$ debe ser ASS. Como la evaluación de expresiones enteras es determinista, tenemos que si $\langle e, \sigma \rangle \downarrow_{intexp} n$ y $\langle e, \sigma \rangle \downarrow_{intexp} n'$, luego n = n'. Por lo tanto, $t'' = \langle skip, [\sigma|v : n] \rangle = t'$.

Si la última regla fue SEQ₁, $t = \langle skip; c_1, \sigma \rangle$ y $t' = \langle c_1, \sigma \rangle$. Entonces, en $t \leadsto t''$ no se puede haber aplicado ASS, IF₁, IF₂ o REPEAT, pues ellas requieren que el comando sea distinto de skip. Tampoco puede haber sido SEQ₂ ya que requeriría que $\langle skip, \sigma \rangle \leadsto \langle c', \sigma' \rangle$, pero no existen reglas que permitan derivarlo, pues es un valor. Por lo tanto, la última regla aplicada en $t \leadsto t''$ debe ser SEQ₁. Entonces, $t'' = \langle c_1, \sigma \rangle = t'$.

Si la última regla fue SEQ₂, $t = \langle c_0; c_1, \sigma \rangle$ y $t' = \langle c_0'; c_1, \sigma' \rangle$, sabiendo que $\langle c_0, \sigma \rangle \leadsto \langle c_0', \sigma' \rangle$. Entonces, en $t \leadsto t''$ no se puede haber aplicado ASS, IF₁, IF₂ o REPEAT, pues ellas requieren que el comando no sea una sucesión de dos subcomandos. Tampoco puede haber sido SEQ₁ ya que $\langle c_0, \sigma \rangle$ evalúa en un paso a $\langle c_0', \sigma' \rangle$, por la premisa de SEQ₂ en $t \leadsto t'$. Entonces, c_1 no puede ser skip, porque en ese caso, t no evaluaría a nada. Por lo tanto, la última regla aplicada en $t \leadsto t''$ debe ser SEQ₂. Sabemos entonces que $t'' = \langle c_0''; c_1, \sigma'' \rangle$, con $\langle c_0, \sigma \rangle \leadsto \langle c_0'', \sigma'' \rangle$. Luego, por hipótesis inductiva, se tiene que la evaluación de $\langle c_0, \sigma \rangle$ es determinista, por lo que tenemos que $\langle c_0', \sigma' \rangle = \langle c_0'', \sigma'' \rangle$. Entonces, $t' = \langle c_0'; c_1, \sigma' \rangle = \langle c_0''; c_1, \sigma'' \rangle = t''$.

Si la última regla utilizada es IF₁, t = \langle if b then c_0 else $c_1, \sigma \rangle$ y $t' = \langle c_0, \sigma \rangle$, sabiendo que $\langle b, \sigma \rangle \downarrow_{boolexp} true$. Luego, la última regla aplicada en $t \leadsto t''$ no puede haber sido ASS, SEQ₁, SEQ₂ o REPEAT, pues ellas requieren que el comando sea de un tipo distinto a un if. Además, sabiendo que la relación de evaluación de expresiones booleanas es determinista, $\langle b, \sigma \rangle$ evalúa sólo a true, por lo que tampoco podría haberse usado IF₂. Por lo tanto, la última regla aplicada en $t \leadsto t''$ debe ser IF₁. Entonces, tenemos que $t'' = \langle c_0, \sigma \rangle = t'$. La demostración es análoga para el caso de IF₂.

Si la última regla fue REPEAT, $\mathbf{t} = \langle repeat \ c \ until \ b, \sigma \rangle \ y \ t' = \langle c; \ if \ b \ then \ skip \ else \ repeat \ c \ until \ b, \sigma \rangle$. Entonces, en $t \leadsto t''$ no se puede haber aplicado ninguna otra regla, pues necesitan comandos distintos a un repeat. Por lo tanto, la última regla aplicada en $t \leadsto t''$ debe ser REPEAT. Entonces, $t'' = \langle c; \ if \ b \ then \ skip$ else $repeat \ c \ until \ b, \sigma \rangle = t'$.

Para la resolución del ejercicio, se optó por dividir el árbol de derivación, dado que es demasiado grande para mostrarlo completo, y se considera que su desarrollo y explicación serán más claros de esta manera. Se comenzará con desarrollar la siguiente expresión:

Sean $t_1 = \langle x := x+1$; if x > 0 then skip else $x := x-1, [\sigma|x:0] \rangle$ y $t_2 = \langle skip$; if x > 0 then skip else $x := x-1, [\sigma|x:1] \rangle$. Puede verse por el árbol anterior que $t_1 \rightsquigarrow t_2$. Luego,

$$\overline{t_2} \rightsquigarrow \langle \text{if } x > 0 \text{ then } skip \text{ else } x := x - 1, [\sigma | x : 1] \rangle$$
 SEQ₁

Ahora, sea $t_3 = \langle \text{if } x > 0 \text{ then } skip \text{ else } x := x - 1, [\sigma | x : 1] \rangle$. Entonces,

$$\frac{\frac{\langle x, [\sigma|x:1]\rangle \Downarrow_{intexp} 1}{\langle x>0, [\sigma|x:1]\rangle \Downarrow_{intexp} 0} \text{ NVAL}}{\langle x>0, [\sigma|x:1]\rangle \Downarrow_{boolexp} 1>0 = true}}{t_3 \leadsto \langle skip, [\sigma|x:1]\rangle} \text{ IF}_1$$

Donde $t_4 = \langle skip, [\sigma | x : 1] \rangle$.

Como $\rightsquigarrow *$ es una clausura de \rightsquigarrow , tenemos que

$$\frac{t_1 \rightsquigarrow t_2}{t_1 \rightsquigarrow^* t_2}$$

$$\frac{t_2 \rightsquigarrow t_3}{t_2 \rightsquigarrow^* t_3}$$

$$\frac{t_3 \rightsquigarrow t_4}{t_3 \rightsquigarrow^* t_4}$$

Por último, como la relación es transitiva, se tiene que:

$$\frac{t_{1} \rightsquigarrow^{*} t_{2} \quad t_{2} \rightsquigarrow^{*} t_{3}}{t_{1} \rightsquigarrow^{*} t_{3}} t_{3} \rightsquigarrow^{*} t_{4}}{t_{1} \rightsquigarrow^{*} t_{4}}$$

Completando así la prueba.

Para el caso del error de división por cero, se deja que Haskell maneje el error y aborte la ejecución. Para las variables no definidas, se hizo un pattern matching no exhaustivo en la función look for así no habrá un comportamiento especificado en caso de no encontrar la variable en la lista de estados. El código del archivo Eval1.hs es el siguiente:

```
module Eval1 (eval) where
import AST
 - Estados
type State = [(Variable, Integer)]
 - Estado nulo
initState :: State
initState = []
-- Busca el valor de una variable en un estado
lookfor :: Variable -> State -> Integer
lookfor var ((x, value):xs) = if var == x
                              then value
                              else lookfor var xs
-- Cambia el valor de una variable en un estado
update :: Variable -> Integer -> State -> State
update var updateVal [] = [(var, updateVal)]
update var updateVal ((x, value):xs) =
    if var == x
    then (x, updateVal):xs
    else (x, value) : (update var updateVal xs)
 - Evalua un programa en el estado nulo
eval :: Comm -> State
eval p = evalComm p initState
 - Evalua un comando en un estado dado
— Completar definition
evalComm :: Comm -> State -> State
evalComm Skip state = state
evalComm (Let var intE) state = update var (evalIntExp intE state) state
evalComm (Seq comm1 comm2) state = let state2 = (evalComm comm1 state)
                                   in evalComm comm2 state2
evalComm (Cond boolE commT commF) state = if (evalBoolExp boolE state)
                                          then evalComm commT state
                                           else evalComm commF state
evalComm (Repeat comm cond) state =
    evalComm (Seq comm (Cond cond Skip (Repeat comm cond))) state
-- Evalua una expresion entera, sin efectos laterales
evalIntExp :: IntExp -> State -> Integer
evalIntExp (Const int) state = int
evalIntExp (Var variable) state = lookfor variable state
evalIntExp (UMinus intE) state = -(evalIntExp intE state)
evalIntExp (Plus intE1 intE2) state =
    (evalIntExp intE1 state) + (evalIntExp intE2 state)
evalIntExp (Minus intE1 intE2) state =
    (evalIntExp intE1 state) - (evalIntExp intE2 state)
evalIntExp (Times intE1 intE2) state =
    (evalIntExp intE1 state) * (evalIntExp intE2 state)
evalIntExp (Div intE1 intE2) state =
    div (evalIntExp intE1 state) (evalIntExp intE2 state)
```

```
-- Evalua una expresion entera, sin efectos laterales
evalBoolExp :: BoolExp -> State -> Bool
evalBoolExp BTrue state = True
evalBoolExp BFalse state = False
evalBoolExp (Eq intE1 intE2) state =
    (evalIntExp intE1 state) == (evalIntExp intE2 state)
evalBoolExp (Lt intE1 intE2) state =
    (evalIntExp intE1 state) < (evalIntExp intE2 state)
evalBoolExp (Gt intE1 intE2) state =
    (evalIntExp intE1 state) > (evalIntExp intE2 state)
evalBoolExp (And boolE1 boolE2) state =
    (evalBoolExp boolE1 state) && (evalBoolExp boolE2 state)
evalBoolExp (Or boolE1 boolE2) state =
    (evalBoolExp boolE1 state) || (evalBoolExp boolE2 state)
evalBoolExp (Not boolE) state = not (evalBoolExp boolE state)
```

El código del archivo Eval2.hs es el siguiente:

```
module Eval2 (eval) where
import AST
-- Estados
type State = [(Variable, Integer)]
data Error = DivByZero | UndefVar deriving Show
-- Estado nulo
initState :: State
initState = []
 - Busca el valor de una variable en un estado
lookfor :: Variable -> State -> Either Error Integer
lookfor var [] = Left UndefVar
lookfor var ((x, value):xs) = if var == x
                               then Right value
                               else lookfor var xs
-- Cambia el valor de una variable en un estado
update :: Variable -> Integer -> State -> State
update var updateVal [] = [(var, updateVal)]
update var updateVal ((x, value):xs) =
    if var == x
    then (x, updateVal):xs
    else (x,value) : (update var updateVal xs)
handleUnExpr :: Either Error a \rightarrow (a \rightarrow a) \rightarrow Either Error a
handleUnExpr (Left error) f = Left error
handleUnExpr (Right val) f = Right (f val)
handleBinExpr :: Either Error a -> Either Error a -> (a -> a -> b) -> Either Error b
handleBinExpr (Left error1) \_ \_ = Left error1
handleBinExpr \_ (Left error2) \_ = Left error2
handleBinExpr (Right val1) (Right val2) f = Right (f val1 val2)
-- Evalua un programa en el estado nulo
eval :: Comm -> Either Error State
eval p = evalComm p initState
 - Evalua un comando en un estado dado
evalComm \ :: \ Comm \ -\!\!\!> \ State \ -\!\!\!> \ \mathbf{Either} \ \ Error \ \ State
evalComm Skip state = Right state
evalComm (Let var intE) state = case (evalIntExp intE state) of
                                       Left error -> Left error
                                       Right value -> Right (update var value state)
evalComm (Seq comm1 comm2) state = case (evalComm comm1 state) of
                                          Left error -> Left error
                                          Right state2 -> evalComm comm2 state2
evalComm (Cond boolE commT commF) state = case (evalBoolExp boolE state) of
                                                 Left error -> Left error
                                                 Right True -> evalComm commT state
                                                 Right False -> evalComm commF state
evalComm (Repeat comm cond) state =
    evalComm (Seq comm (Cond cond Skip (Repeat comm cond))) state
-- Evalua una expresion entera, sin efectos laterales
```

```
evalIntExp :: IntExp -> State -> Either Error Integer
evalIntExp (Const int) state = Right int
evalIntExp (Var variable) state = lookfor variable state
evalIntExp (UMinus intE) state = handleUnExpr (evalIntExp intE state) (x \rightarrow -x)
evalIntExp (Plus intE1 intE2) state =
    handleBinExpr (evalIntExp intE1 state) (evalIntExp intE2 state) (\x y -> x + y)
evalIntExp (Minus intE1 intE2) state =
    handleBinExpr (evalIntExp intE1 state) (evalIntExp intE2 state) (\x y -> x - y)
evalIntExp (Times intE1 intE2) state =
    handleBinExpr (evalIntExp intE1 state) (evalIntExp intE2 state) (\x y -> x * y)
evalIntExp (Div intE1 intE2) state =
     case (evalIntExp intE2 state) of
          Right 0 -> Left DivByZero
          x -> handleBinExpr (evalIntExp intE1 state) x (\x y -> div x y)
-- Evalua una expresion entera, sin efectos laterales
evalBoolExp :: BoolExp -> State -> Either Error Bool
evalBoolExp BTrue state = Right True
evalBoolExp BFalse state = Right False
evalBoolExp (Eq intE1 intE2) state =
    handleBinExpr (evalIntExp intE1 state) (evalIntExp intE2 state) (x y \rightarrow x = y)
evalBoolExp (Lt intE1 intE2) state =
    handleBinExpr (evalIntExp intE1 state) (evalIntExp intE2 state) (\x y -> x < y)
evalBoolExp (Gt intE1 intE2) state =
    handleBinExpr (evalIntExp intE1 state) (evalIntExp intE2 state) (x y \rightarrow x > y)
evalBoolExp (And boolE1 boolE2) state =
    handleBinExpr (evalBoolExp boolE1 state) (evalBoolExp boolE2 state) (\x y -> x && y)
evalBoolExp (Or boolE1 boolE2) state =
    handleBinExpr (evalBoolExp boolE1 state) (evalBoolExp boolE2 state) (\x y -> x || y)
evalBoolExp (Not boolE) state = handleUnExpr (evalBoolExp boolE state) (\x -> not x)
```

Ahora evalComm devuelve un par cuyo primer elemento es un estado o error, y el segundo es la traza de asignaciones de variables hasta el final normal de la ejecución, o el error que la interrumpa. El código del archivo Eval3.hs es el siguiente:

```
module Eval3 (eval) where
import AST
 - Estados
type State = [(Variable, Integer)]
data Error = DivByZero | UndefVar deriving Show
type Trace = [String]
 - Estado nulo
initState :: State
initState = []
initTrace :: Trace
initTrace = []
-- Busca el valor de una variable en un estado
lookfor :: Variable -> State -> Either Error Integer
lookfor var [] = Left UndefVar
lookfor var ((x, value):xs) = if var == x
                               then Right value
                               else lookfor var xs
-- Cambia el valor de una variable en un estado
update :: Variable -> Integer -> State -> State
update var updateVal [] = [(var, updateVal)]
update var updateVal ((x, value):xs) =
    if var == x
    then (x, updateVal):xs
    else (x, value) : (update var updateVal xs)
handleUnExpr :: Either Error a -> (a -> a) -> Either Error a
handleUnExpr (Left error) f = Left error
handleUnExpr (Right val) f = Right (f val)
handleBinExpr :: Either Error a -> Either Error a -> (a -> a -> b) -> Either Error b
handleBinExpr (\mathbf{Left} \ error1) \ \_ \ \_ = \mathbf{Left} \ error1
handleBinExpr _ (Left error2) _ = Left error2
handleBinExpr (Right val1) (Right val2) f = Right (f val1 val2)
-- Evalua un programa en el estado nulo
eval :: Comm -> (Either Error State, Trace)
eval p = evalComm p initState initTrace
-- Evalua un comando en un estado dado
evalComm :: Comm -> State -> Trace -> (Either Error State, Trace)
evalComm Skip state trace = (Right state, trace)
evalComm (Let var intE) state trace =
    case (evalIntExp intE state) of
    Left error -> (Left error, trace)
    Right value -> (Right (update var value state),
                    trace ++ ["Let " ++ var ++ " " ++ show(value)])
evalComm (Seq comm1 comm2) state trace =
    case (evalComm comm1 state trace) of
         (Left error, trace2) -> (Left error, trace2)
         (Right state2, trace2) -> evalComm comm2 state2 trace2
```

```
evalComm (Cond boolE commT commF) state trace =
    case (evalBoolExp boolE state) of
         Left error -> (Left error, trace)
         Right True -> evalComm commT state trace
         Right False -> evalComm commF state trace
evalComm (Repeat comm cond) state trace =
    evalComm (Seq comm (Cond cond Skip (Repeat comm cond))) state trace
 - Evalua una expresion entera, sin efectos laterales
evalIntExp :: IntExp -> State -> Either Error Integer
evalIntExp (Const int) state = Right int
evalIntExp (Var variable) state = lookfor variable state
evalIntExp (UMinus intE) state = handleUnExpr (evalIntExp intE state) (\xspace x - x)
evalIntExp (Plus intE1 intE2) state =
    handleBinExpr (evalIntExp intE1 state) (evalIntExp intE2 state) (\x y -> x + y)
evalIntExp (Minus intE1 intE2) state =
    handleBinExpr (evalIntExp intE1 state) (evalIntExp intE2 state) (\x y -> x - y)
evalIntExp (Times intE1 intE2) state =
    handleBinExpr (evalIntExp intE1 state) (evalIntExp intE2 state) (\x y -> x * y)
evalIntExp (Div intE1 intE2) state =
    case (evalIntExp intE2 state) of
         Right 0 -> Left DivByZero
         x -> handleBinExpr (evalIntExp intE1 state) x (\x y -> div x y)
-- Evalua una expresion entera, sin efectos laterales
evalBoolExp :: BoolExp -> State -> Either Error Bool
evalBoolExp BTrue state = Right True
evalBoolExp BFalse state = Right False
evalBoolExp (Eq intE1 intE2) state =
    handleBinExpr (evalIntExp intE1 state) (evalIntExp intE2 state) (x y \rightarrow x = y)
evalBoolExp (Lt intE1 intE2) state =
    handleBinExpr (evalIntExp intE1 state) (evalIntExp intE2 state) (x y \rightarrow x < y)
evalBoolExp (Gt intE1 intE2) state =
    handleBinExpr (evalIntExp intE1 state) (evalIntExp intE2 state) (\x y -> x > y)
evalBoolExp (And boolE1 boolE2) state =
    handleBinExpr (evalBoolExp boolE1 state) (evalBoolExp boolE2 state) (\x y -> x && y
evalBoolExp (Or boolE1 boolE2) state =
    handleBinExpr (evalBoolExp boolE1 state) (evalBoolExp boolE2 state) (\x y -> x |  | y)
evalBoolExp (Not boolE) state = handleUnExpr (evalBoolExp boolE state) (x \rightarrow not x)
```

De manera similar al ejercicio 1, se extiende la sintaxis abstracta del tipo comm para agregar un comando adicional. El resultado final será:

El esquema de reglas para la sintaxis operacional de while será muy similar a la del repeat. En caso de que la condición sea cierta, se realizará el comando seguido de volver a ejecutar el ciclo; si no, se terminará el comando con un skip.

```
\overline{\langle \text{while } b \text{ do } c, \sigma \rangle} \leadsto \langle \text{if } b \text{ then } c; \text{ while } b \text{ do } c \text{ else } skip, \sigma \rangle} \text{ WHILE}
```