Analiza danych ankietowych

Sprawozdanie 3

Joanna Kusy Tomasz Srebniak

Spis treści

1	Część I ora	z II																									2
	1.1 Zadan	ie 1																					 				2
	1.2 Zadan	ie 2																					 				2
	1.3 Zadan	ie 3																					 				3
	1.4 Zadan	ie 4																					 				7
	1.5 Zadan	ie 5																•			•		 				7
2	Część III														8												
	2.1 Zadan	ie 6																					 				8
	2.2 Zadan	ie 7																•			•		 				10
3	3 Część IV i V															11											
	3.1 Zadan	ie 8																					 				11
	3.2 Zadan	ie 9				_											_						 				14

1 Część I oraz II

1.1 Zadanie 1

Napisano funkcję, która zwraca p–wartość w warunkowym teście symetrii w przypadku tabeli 2x2.

```
symmetry_test <- function(t) {</pre>
  n12 \leftarrow t[1, 2]
  n21 \leftarrow t[2, 1]
  if (n12 < (n12+n21)/2) {
    s <- 0
    for (i in 0:n12) {
      s \leftarrow s + choose(n12+n21, i) * 0.5^i * 0.5^(n12+n21-i)
    p_value <- 2 * s
  }
  if (n12 > (n12+n21)/2) {
    s <- 0
    for (i in n12:(n12+n21)) {
      s \leftarrow s + choose(n12+n21, i) * 0.5^i * 0.5^(n12+n21-i)
    }
    p_value <- 2 * s
  }
  else {
    p_value <- 1
  }
  print(paste("p-value: ", p_value))
```

1.2 Zadanie 2

W poniższej tabeli umieszczono dane dotyczące reakcji na lek po godzinie od jego przyjęcia dla dwóch różnych leków przeciwbólowych stosowanych w migrenie. Leki zostały zaaplikowane grupie pacjentów w dwóch różnych atakach bólowych. Na podstawie danych zweryfikowano hipotezę, że leki te są jednakowo skuteczne.

```
## Reakcja na lek B
## Reakcja na lek A Negatywna Pozytywna
## Negatywna 1 5
## Pozytywna 2 4
```

1.2.1 Test McNemara z poprawką na ciągłość

```
mcnemar.test(t)
```

```
##
## McNemar's Chi-squared test with continuity correction
##
## data: t
## McNemar's chi-squared = 0.57143, df = 1, p-value = 0.4497
```

Na poziomie istotności $\alpha=0.05$ nie mamy podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej o jednorodności rozkładów brzegowych. Zakładamy, że leki są jednakowo skuteczne.

1.2.2 Warunkowy test symetrii

```
symmetry_test(t)
```

```
## [1] "p-value: 0.453125"
```

Na poziomie istotności $\alpha=0.05$ nie mamy podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej o jednorodności rozkładów brzegowych. Zakładamy, że leki są jednakowo skuteczne.

1.3 Zadanie 3

Przeprowadzono symulacje w celu porównania mocy testu Z i testu Z_0 .

Implementacja testu Z oraz testu Z_0 .

```
z test <- function(t) {</pre>
  n <- sum(t)
  n12 <- t[1, 2]
  n21 \leftarrow t[2, 1]
  D \leftarrow (n12 - n21) / n
  p <- prop.table(t)</pre>
  p1_plus <- rowSums(p)[1]
  p plus1 <- colSums(p)[1]
  s <- (
    p1_plus * (1 - p1_plus) + p_plus1 * (1 - p_plus1) - 2
    * (p[1, 1] * p[2, 2] + p[1, 2] * p[2, 1])
    ) / n
  z <- D / sqrt(s)
  p value \leftarrow 2 * (1 - pnorm(abs(z)))
  p value |> as.numeric()
}
z0_test <- function(t) {</pre>
  z0 \leftarrow (t[1, 2] - t[2, 1]) / sqrt(t[1, 2] + t[2, 1])
```

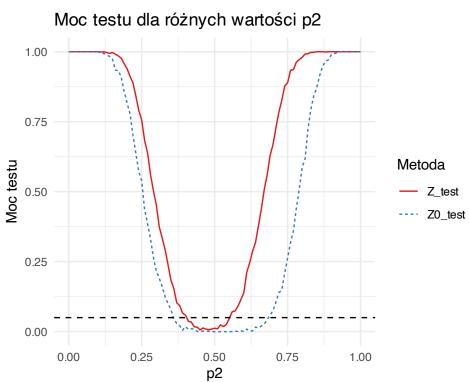
```
p_value <- 2 * (1 - pnorm(abs(z0)))
p_value
}</pre>
```

Funkcja szacująca moc testu Z oraz testu Z_0 w różnych punktach hipotezy alternatywnej przy pomocy metody Monte Carlo.

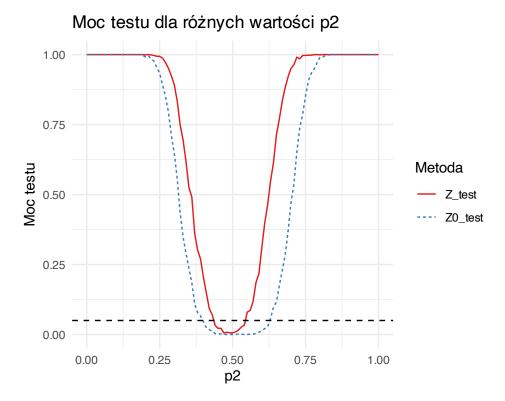
```
power <- function(n, MC = 1000) {</pre>
  p1 <- 0.5
  x <- sum(rbinom(n, 1, p1))
  X \leftarrow c(x, n-x)
  plot data <- data.frame()</pre>
  for (p2 in seq(0, 1, 0.01)) {
    MC_z \leftarrow 0
    MC z0 <- 0
    for (i in 1:MC) {
      y <- sum(rbinom(n, 1, p2))
      Y \leftarrow c(y, n-y)
      t <- rbind(X,Y)
      MC z <- MC z + (z_{test}(t) < 0.05)
      MC_z0 \leftarrow MC_z0 + (z0_{test}(t) < 0.05)
    }
    MC z \leftarrow MC z / MC
    MC_z0 \leftarrow MC_z0 / MC
    plot_data <- rbind(</pre>
      plot data, cbind(data.frame(p2=p2),
                         data.frame(method = c('Z_test', 'Z0_test'),
                         pow = c(MC_z, MC_z0))
      )
  }
  split_dfs <- split(plot_data, plot_data$method)</pre>
  z_power <- split_dfs[["Z_test"]][, "pow"]</pre>
  z0_power <- split_dfs[["Z0_test"]][, "pow"]</pre>
  ggplot(plot_data, aes(x=p2, y=pow, color=method, linetype=method)) +
    geom_line() +
    geom_hline(yintercept = 0.05, linetype="dashed") +
    scale_color_brewer(palette = "Set1", name = "Metoda") +
    scale_linetype_discrete(name = "Metoda") +
    labs(title = "Moc testu dla różnych wartości p2",
         x = "p2",
```

```
y = "Moc testu") +
theme_minimal()
}
```

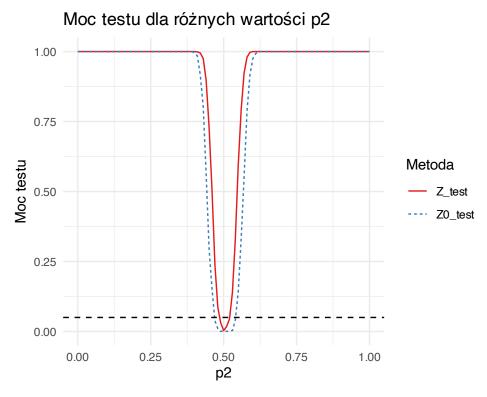
Wyniki symulacji dla n=50.



Wyniki symulacji dla n = 100.



Wyniki symulacji dla n = 1000.



Na podstawie przeprowadzonych symulacji można zauważyć, moc obu testów wzrasta wraz ze wzrostem rozmiaru próby. Dodatkowo moc testu Z jest wyższa niż moc testu Z_0 dla wszystkich wartości p_2 oraz dla wszystkich rozmiarów próby.

Test Z częściej popełniał błąd I rodzaju, za to rzadziej błąd II rodzaju. W przypadku testu Z_0 było na odwrót.

1.4 Zadanie 4

Dla danych dołączonych do pierwszej listy zadań, na podstawie zmiennych **CZY_ZADW** oraz **CZY_ZADW_2**, zweryfikowano hipotezę, że zadowolenie ze szkoleń w pierwszym badanym okresie i w drugim badanym okresie pierwszego badania odpowiada modelowi symetrii. Przyjęto poziom istotności 0.05.

```
t <- table(ankieta$CZY_ZADOW, ankieta$CZY_ZADOW_2)
mcnemar.test(t)

##
## McNemar's Chi-squared test with continuity correction
##
## data: t
## McNemar's chi-squared = 4.3214, df = 1, p-value = 0.03764</pre>
```

Na poziomie istotności $\alpha=0.05$ odrzucamy hipotezę zerową na rzecz hipotezy alternatywnej. Zakładamy, że zadowolenie ze szkoleń w pierwszym badanym okresie i w drugim badanym okresie nie odpowiada modelowi symetrii. Na podstawie uzyskanych wyników możemy wnioskować, że poziom zadowolenia ze szkoleń uległ zmianie.

1.5 Zadanie 5

W firmie, o której mowa w zadaniu 1 z listy 1, wdrożono pewne działania w celu poprawy komfortu pracy. Następnie badaną grupę respondentów ponownie poproszono o odpowiedź na pytanie dotyczące oceny podejścia firmy do umożliwiania wdrażania wiedzy zdobytej na szkoleniach. W poniższej tabeli przedstawiono tablicę dwudzielczą uwzględniającą odpowiedzi na pytanie w obu tych okresach. Na podstawie danych zweryfikowano hipotezę, że odpowiedzi w pierwszym badanym okresie i w drugim okresie odpowiadają modelowi symetrii.

```
##
             Pytanie 2
## Pytanie 1 -2 -1
                     0
                            2
                         1
           -2 10
                  2
                      1
##
##
               0 15
                    1
                         1
                            0
               1
                  1 32
                         6
##
           0
                            0
##
           1
               0
                  0
                     1 96
           2
##
               1
                  1
                     0
                        1 26
```

1.5.1 Test Bowkera

```
mcnemar.test(t)
##
## McNemar's Chi-squared test
```

```
##
## data: t
## McNemar's chi-squared = NaN, df = 10, p-value = NA
```

Test Bowkera zwrócił p-value równe NA, ponieważ w mianowniku pojawiła się wartość 0.

1.5.2 Test oparty na ilorazie wiarygodności (IW)

```
IW_test <- function(t) {
    G2 <- 0
    n <- sum(t)
    for (i in 1:nrow(t)) {
        for (j in 1:ncol(t)) {
          if (t[i, j] > 0) {
             G2 <- G2 + t[i, j] * log(t[i, j] / (t[i, j] + t[j, i]) * 2)
          }
        }
     }
    p_value <- 1 - pchisq(2 * G2, df = nrow(t) * (ncol(t) - 1) / 2)
    print(paste("p-value: ", p_value))
}
IW_test(t)</pre>
```

```
## [1] "p-value: 0.20597516357247"
```

Na poziomie istotności $\alpha=0.05$ nie mamy podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej o jednorodności rozkładów brzegowych. Zakładamy, że odpowiedzi w pierwszym badanym okresie i w drugim okresie odpowiadają modelowi symetrii. Na podstawie uzyskanych wyników możemy przyjąć hipotezę, że ocena podejścia firmy nie uległa zmianie.

2 Część III

2.1 Zadanie 6

W pewnym badaniu porównywano skuteczność dwóch metod leczenia – Leczenie A to nowa procedura, a Leczenie B to stara procedura. Przeanalizowano dane przedstawione w poniższych tabelach i oceniono, czy dla danych występuje paradoks Simpsona.

2.1.1 Dane dla całej grupy

```
## Wynik leczenia
## Metoda Poprawa Brak
## Leczenie A 117 104
## Leczenie B 177 44
```

P(poprawa|leczenie A) = 0.53

P(poprawa|leczenie B) = 0.8

Test chi-kwadrat dla całej grupy

```
chisq.test(t3)
```

```
##
## Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction
##
## data: t3
## X-squared = 35.36, df = 1, p-value = 2.74e-09
```

Na poziomie istotności $\alpha=0.05$ odrzucamy hipotezę zerową na rzecz hipotezy alternatywnej. Zakładamy, że zmienne są zależne.

2.1.2 Dane dla pacjentów z chorobami współistniejącymi

```
## Reakcja
## Metoda Poprawa Brak
## Leczenie A 17 101
## Leczenie B 2 36
```

P(poprawa|leczenie A, choroby współ)= 0.14

P(poprawa|leczenie B, choroby współ)= 0.05

Test chi-kwadrat dla pacjentów z chorobami współistniejącymi

```
chisq.test(t4)
```

```
##
## Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction
##
## data: t4
## X-squared = 1.4732, df = 1, p-value = 0.2248
```

Na poziomie istotności $\alpha=0.05$ nie mamy podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej. Zakładamy, że zmienne są niezależne.

2.1.3 Dane dla pacjentów bez chorób współistniejących

```
## Reakcja
## Metoda Poprawa Brak
## Leczenie A 100 3
## Leczenie B 175 8
```

P(poprawa|leczenie A, brak chorób współ)= 0.97

P(poprawa|leczenie B, brak chorób współ)= 0.96

Test chi-kwadrat dla pacjentów bez chorób współistniejących

chisq.test(t5)

```
##
## Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction
##
## data: t5
## X-squared = 0.087398, df = 1, p-value = 0.7675
```

Na poziomie istotności $\alpha=0.05$ nie mamy podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej. Zakładamy, że zmienne są niezależne.

2.1.4 Wniosek

Na podstawie przeprowadzonych testów chi-kwadrat możemy zauważyć, że zależność pomiędzy metodą leczenia a wynikiem leczenia występuje dla całej grupy pacjentów. Natomiast dla pacjentów z chorobami współistniejącymi oraz bez chorób współistniejących taka zależność już nie występuje. Mamy zatem do czynienia z paradoksem Simpsona, który polega na zmianie "kierunku" związku między dwiema zmiennymi, przy uwzględnieniu trzeciej zmiennej.

2.2 Zadanie 7

Dla danych z listy 1, przyjmując za zmienną 1 zmienną CZY_KIER, za zmienną 2 – zmienną PYT 2 i za zmienną 3 – zmienna STAŻ, podano interpretacje następujących modeli log-liniowych:

2.2.1 [1 3]

Zmienne CZY_KIER i STAŻ są niezależne.

2.2.2 [13]

Zmienne CZY KIER i PYT 2 są nie są niezależne.

2.2.3 [1 2 3]

Zmienne CZY_KIER, PYT_2 i STAŻ są niezależne.

2.2.4 [12 3]

Zmienne CZY_KIER i PYT_2 nie są niezależne, a zmienna STAŻ jest niezależna od zmiennych CZY_KIER i PYT_2.

2.2.5 [12 13]

Przy ustalonej wartości zmiennej CZY_KIER zmienne PYT_2 i STAŻ są niezależne. Inaczej mówiąc, zmienne PYT_2 i STAŻ są warunkowo niezależne.

2.2.6 [1 23]

Zmienna CZY_KIER jest niezależna od zmiennych PYT_2 i STAŻ. Zmienne PYT_2 i STAŻ nie są niezależne.

3 Część IV i V

3.1 Zadanie 8

Rozważono dwa modele log-liniowy [123] i [12 23] dla zmiennych opisanych w zadaniu 7 oszacowano prawdopobiebieństwa:

- że osoba pracująca na stanowisku kierowniczym jest zdecydowanie zadowolona ze szkoleń;
- że osoba o stażu pracy krótszym niż rok pracuje na stanowisku kierowniczym;
- że osoba o stażu pracy powyżej trzech lat nie pracuje na stanowisku kierowniczym.

Tabela z danymi

```
tab1 <- ankieta |> as_tibble() %>%
group_by(CZY_KIER, PYT_2, STAŻ) %>%
summarise(count = n(), .groups = 'drop')
```

3.1.1 Model [123]

Zdefiniowanie i dopasowanie modelu

```
model <- glm(count ~ CZY_KIER * PYT_2 * STAZ,
    data = tab1,
    family = poisson)

tab1$fitted1 <- fitted(model)</pre>
```

osoba pracująca na stanowisku kierowniczym jest zdecydowanie zadowolona ze szkoleń

```
subset(tab1, CZY_KIER == 'Tak') |> group_by(PYT_2) %>%
  summarise(p dane = sum(count) / sum(subset(tab1, CZY KIER == 'Tak')$count),
            p_model = sum(fitted1) / sum(subset(tab1, CZY KIER == 'Tak')$fitted1),
            .groups = 'drop')
## # A tibble: 4 x 3
##
    PYT 2 p dane p model
     <int> <dbl>
                    <dbl>
##
        -20.370
## 1
                    0.318
## 2
       -1 0.0741
                    0.134
       1 0.0741
                    0.103
## 3
         2 0.481
                    0.444
## 4
```

Jako, że interesuje nas oszacowanie prawdopodobieństwa, że osoba pracująca na stanowisku kierowniczym jest zdecydowanie zadowolona ze szkoleń, wystarczy że spojrzymy na ostatni wiersz tabeli, gdzie **PYT_2** = 2. Liczność wyliczona z tabeli oraz wartość przewidywana przez model różnią się o około 0.0371, przy czym liczność uzyskana z tabeli była wyższa.

osoba o stażu pracy krótszym niż rok pracuje na stanowisku kierowniczym

Jako, że interesuje nas oszacowanie prawdopodobieństwa, że osoba o stażu pracy krótszym niż rok pracuje na stanowisku kierowniczym, wystarczy że spojrzymy na ostatni wiersz tabeli, gdzie **CZY_KIER** = Tak. Liczność wyliczona z tabeli oraz wartość przewidywana przez model różnią się o około 0.0023, przy czym liczność uzyskana z tabeli była wyższa.

• osoba o stażu pracy powyżej trzech lat nie pracuje na stanowisku kierowniczym

```
subset(tab1, STAZ == 3) |> group_by(CZY KIER) %>%
  summarise(p dane = sum(count) / sum(subset(tab1, STAZ == 3)$count),
            p model = sum(fitted1) / sum(subset(tab1, STAZ == 3)$fitted1),
            .groups = 'drop')
## # A tibble: 2 x 3
##
     CZY KIER p dane p model
     <chr>
               <dbl>
                       <dbl>
##
                       0.806
## 1 Nie
               0.526
                       0.194
## 2 Tak
               0.474
```

Jako, że interesuje nas oszacowanie prawdopodobieństwa, że osoba o stażu pracy dłuższym niż trzy lata nie pracuje na stanowisku kierowniczym, wystarczy że spojrzymy na pierwszy wiersz tabeli, gdzie **CZY_KIER** = Nie. Liczność wyliczona z tabeli oraz wartość przewidywana przez model różnią się o około 0.2801, przy czym wartość przewidywana przez model była wyższa.

3.1.2 Model [12 23]

Zdefiniowanie i dopasowanie modelu

```
model <- glm(count ~ CZY_KIER*PYT_2 + PYT_2*STAZ,
    data = tab1,
    family = poisson)</pre>
```

```
tab1$fitted2 <- fitted(model)</pre>
```

osoba pracująca na stanowisku kierowniczym jest zdecydowanie zadowolona ze szkoleń

```
subset(tab1, CZY KIER == 'Tak') |> group_by(PYT 2) %>%
  summarise(p dane = sum(count) / sum(subset(tab1, CZY KIER == 'Tak')$count),
            p model = sum(fitted2) / sum(subset(tab1, CZY KIER == 'Tak')$fitted2),
            .groups = 'drop')
## # A tibble: 4 x 3
##
     PYT_2 p_dane p_model
##
     <int> <dbl>
                    <dbl>
## 1
        -20.370
                    0.311
## 2
        -1 0.0741
                    0.126
         1 0.0741
## 3
                    0.158
## 4
         2 0.481
                    0.406
```

Jako, że interesuje nas oszacowanie prawdopodobieństwa, że osoba pracująca na stanowisku kierowniczym jest zdecydowanie zadowolona ze szkoleń, wystarczy że spojrzymy na ostatni wiersz tabeli, gdzie **PYT_2** = 2. Liczność wyliczona z tabeli oraz wartość przewidywana przez model różnią się o około 0.0758, przy czym liczność uzyskana z tabeli była wyższa.

osoba o stażu pracy krótszym niż rok pracuje na stanowisku kierowniczym

```
subset(tab1, STAZ == 1) |> group_by(CZY KIER) %>%
  summarise(p dane = sum(count) / sum(subset(tab1, STAZ == 1)$count),
            p model = sum(fitted2) / sum(subset(tab1, STAZ == 1)$fitted2),
            .groups = 'drop')
## # A tibble: 2 x 3
##
     CZY KIER p dane p model
##
     <chr>
               <dbl>
                       <dbl>
## 1 Nie
              0.976
                      0.963
## 2 Tak
              0.0244 0.0374
```

Jako, że interesuje nas oszacowanie prawdopodobieństwa, że osoba o stażu pracy krótszym niż rok pracuje na stanowisku kierowniczym, wystarczy że spojrzymy na ostatni wiersz tabeli, gdzie **CZY_KIER** = Tak. Liczność wyliczona z tabeli oraz wartość przewidywana przez model różnią się o około 0.013, przy czym wartość przewidywana przez model była wyższa.

osoba o stażu pracy powyżej trzech lat nie pracuje na stanowisku kierowniczym

A tibble: 2 x 3

```
## CZY_KIER p_dane p_model

## <chr> <dbl> <dbl> <dbl>

## 1 Nie 0.526 0.766

## 2 Tak 0.474 0.234
```

Jako, że interesuje nas oszacowanie prawdopodobieństwa, że osoba o stażu pracy dłuższym niż trzy lata nie pracuje na stanowisku kierowniczym, wystarczy że spojrzymy na pierwszy wiersz tabeli, gdzie **CZY_KIER** = Nie. Liczność wyliczona z tabeli oraz wartość przewidywana przez model różnią się o około 0.2397, przy czym wartość przewidywana przez model była wyższa.

3.2 Zadanie 9

Dla danych wskazanych w zadaniu 7 zweryfikowano następujące hipotezy:

3.2.1 Zmienne losowe CZY KIER, PYT 2 i STAŻ sa wzajemnie niezależne

```
\begin{split} M_0 &= [1\ 2\ 3] \\ H_0 : M &= M_0 \\ \\ \text{MO } &< -\text{glm}(\text{count } \sim \text{CZY\_KIER} + \text{PYT\_2} + \text{STA}\dot{\text{Z}}, \\ &\quad \text{data } = \text{tab1}, \\ &\quad \text{family } = \text{poisson)} \end{split}
```

3.2.1.1 Nadmodel [12 23]

```
\begin{split} &M_1 = [12\ 23] \\ &H_1: M = M_1\ i\ M \neq [1\ 2\ 3] \\ &M1 <- \ glm(count\ \sim\ CZY\_KIER\ *\ PYT\_2\ +\ PYT\_2\ *\ STAZ, \\ &data = tab1, \\ &family = poisson) \\ &an <- \ anova(MO,\ M1) \\ &deviance <- \ an$Deviance[2] \\ &df <- \ an$Df[2] \\ &p\ value <- \ 1\ -\ pchisq(deviance,\ df) \end{split}
```

P-value uzyskane w teście wynosi 0.464. Na poziomie istotności $\alpha=0.05$ nie mamy podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej. Zakładamy, że zmienne losowe **CZY_KIER**, **PYT_2** i **STAŻ** są wzajemnie niezależne.

3.2.1.2 Nadmodel [13 23]

```
M_1 = [13 \ 23]

H_1: M_1 \ i \ M \neq [1 \ 2 \ 3]
```

P-value uzyskane w teście wynosi 0.5084. Na poziomie istotności $\alpha=0.05$ nie mamy podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej. Zakładamy, że zmienne losowe **CZY_KIER**, **PYT_2** i **STAŻ** są wzajemnie niezależne.

3.2.1.3 Nadmodel [12 13]

$$M_1 = [12 \ 13]$$

$$H_1: M_1 i M \neq [1 2 3]$$

P-value uzyskane w teście wynosi 0.9151. Na poziomie istotności $\alpha=0.05$ nie mamy podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej. Zakładamy, że zmienne losowe **CZY_KIER**, **PYT_2** i **STAŻ** są wzajemnie niezależne.

3.2.2 Zmienna losowa PYT 2 jest niezależna od pary zmiennych CZY KIER i STAŻ

$$M_0 = [13 \ 2]$$

$$H_0: M = M_0$$

3.2.2.1 Nadmodel [12 13]

$$M_1 = [12 \ 13]$$

$$H_1: M = M_1 i M \neq [13 2]$$

P-value uzyskane w teście wynosi 0.6862. Na poziomie istotności $\alpha=0.05$ nie mamy podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej. Zakładamy, że zmienna losowa **PYT_2** jest niezależna od pary zmiennych **CZY KIER** i **STAŻ**.

3.2.2.2 Nadmodel [12 13 23]

$$M_1 = [12 \ 13 \ 23]$$

$$H_1: M = M_1 i M \neq [13 2]$$

P-value uzyskane w teście wynosi 0.4279. Na poziomie istotności $\alpha=0.05$ nie mamy podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej. Zakładamy, że zmienna losowa **PYT_2** jest niezależna od pary zmiennych **CZY KIER** i **STAŻ**.

3.2.2.3 Nadmodel [123]

$$M_1 = [123]$$

$$H_1: M = M_1 i M \neq [13 2]$$

P-value uzyskane w teście wynosi 0.07. Na poziomie istotności $\alpha=0.05$ nie mamy podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej. Zakładamy, że zmienna losowa **PYT_2** jest niezależna od pary zmiennych **CZY KIER** i **STAŻ**.

3.2.3 Zmienna losowa PYT_2 jest niezależna od zmiennej CZY_KIER, przy ustalonej wartości zmiennej STAŻ

$$M_0 = [13 \ 23]$$

3.2.4 Nadmodel [12 13 23]

$$M_1 = [12 \ 13 \ 23]$$

$$H_1 : M = M_1 i M \neq [13 23]$$

P-value uzyskane w teście wynosi 0.5491. Na poziomie istotności $\alpha=0.05$ nie mamy podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej. Zakładamy, że zmienna losowa **PYT_2** jest niezależna od zmiennej **CZY_KIER**, przy ustalonej wartości zmiennej **STAŻ**.

3.2.5 Nadmodel [123]

$$M_1 = [123]$$

$$H_1 : M = M_1 i M \neq [13 23]$$

P-value uzyskane w teście wynosi 0.0572. Na poziomie istotności $\alpha=0.05$ nie mamy podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej. Zakładamy, że zmienna losowa **PYT_2** jest niezależna od zmiennej **CZY KIER**, przy ustalonej wartości zmiennej **STAŻ**.