

Procesos biotecnológicos

Control de sistemas biológicos

Repaso de modelos

$$\dot{c} = \pm k_c q x + D (c_{in} - c) + F - Q$$

\dot{c} : Concentración de reactivo/producto c
 $\pm k_c q x$: \pm rendimiento, k_c Tasa específica de la reacción, x Concentración de microorganismos
 $D (c_{in} - c)$: D Tasa de dilución = F_{in}/V , c_{in} Concentración de c en entrada
 F : Transferencia de gases a fase líquida
 Q : Transferencia de gases desde fase líquida

$$q_x = \mu = \mu_{max} \cdot \frac{n}{n + K_n} \cdot \frac{s}{K_s + s + \frac{s^2}{K_i}}$$

$$\dot{\xi} = K q(\xi) x - D \xi + F - Q$$

$\dot{\xi}$: $N \times 1$
 K : $M \times 1$
 $q(\xi)$: $N \times M$
 x : $N \times 1$
 $D \xi$: $N \times 1$
 F : $N \times 1$
 Q : $N \times 1$

Sistemas de cultivo

Sistemas de cultivo

Batch o por lotes:

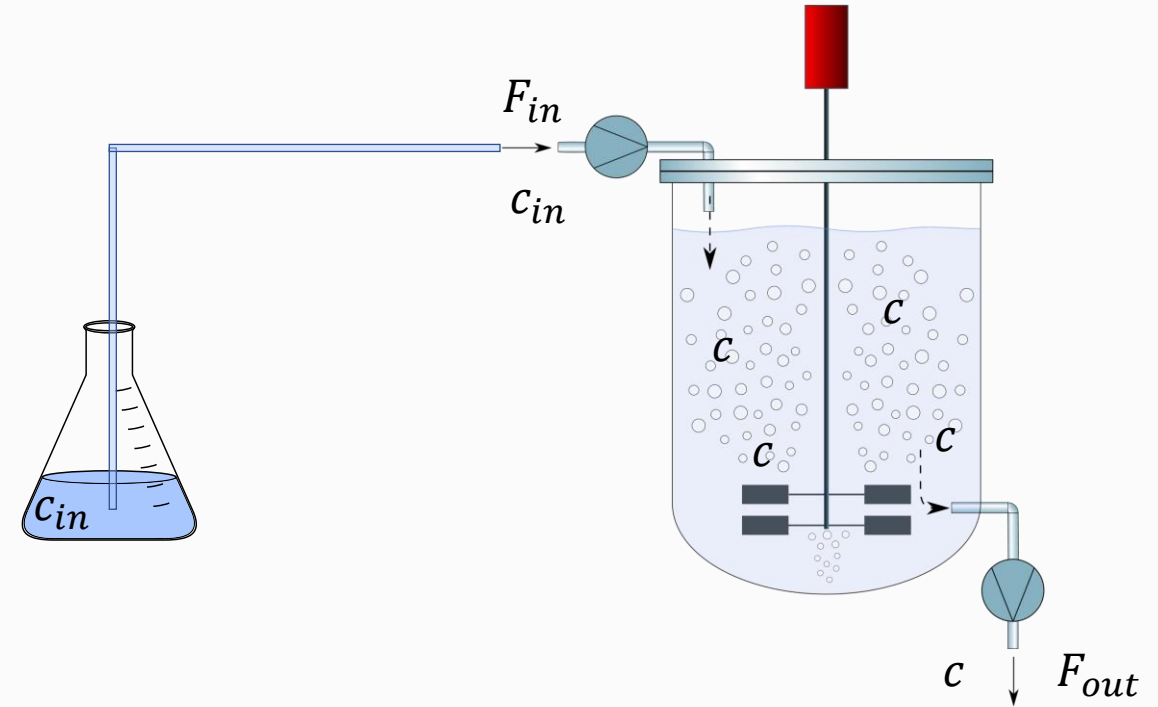
$$F_{in} = F_{out} = 0 \quad V = cte$$

Fed-Batch o semi-continuo:

$$F_{in} \neq 0 \quad F_{out} = 0 \quad V \uparrow$$

Continuo:

$$F_{in} = F_{out} \neq 0 \quad V = cte$$

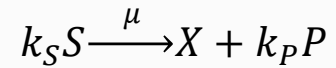


Intermedio: modos de operación de biorreactores

	Facilidad de operar	Equipamiento necesario	Productividad	Otros
Batch $F_{in} = F_{out} = 0$ $V = cte$	★★★★★	★★★★★	★★★	<ul style="list-style-type: none">Se complica si hay inhibiciónSe puede hacer secuencialNo hay control
Fed-Batch $F_{in} \neq 0 \quad F_{out} = 0$ $V \uparrow$	★	★★★	★★★★★	<ul style="list-style-type: none">Hay controlMayor aprovechamiento de sustratosAlta densidad celular
Continuo $F_{in} = F_{out} \neq 0$ $V = cte$	★★★	★★	★★	<ul style="list-style-type: none">Hay controlPto. Operación cte. (metabolismo)Riesgo de contaminaciónRequiere línea continua (up, down)

Sistemas de cultivo

Ejemplo



$$\dot{x} = \mu x - D x$$

$$\dot{s} = -k_S \mu x + D (s_{in} - s)$$

$$\dot{p} = k_P \mu x - D p$$

$$\mu(s) = \mu_{max} \frac{s}{s + K_S}$$

$$\dot{\xi} = K r(\xi) - D \xi_{in} + F - Q$$

$$K = \begin{bmatrix} 1 \\ -k_S \\ k_P \end{bmatrix} \quad r = \mu(s)x \quad F = \begin{bmatrix} 0 \\ D s_{in} \\ 0 \end{bmatrix} \quad \xi = \begin{bmatrix} x \\ s \\ p \end{bmatrix} \quad Q = 0_{3 \times 1}$$

$$\dot{\xi} = K r(\xi) + D (\xi_{in} - \xi) + F(\xi) - Q(\xi)$$

$$K = \begin{bmatrix} 1 \\ -k_S \\ k_P \end{bmatrix} \quad r = \mu(s)x \quad \xi_{in} = \begin{bmatrix} 0 \\ s_{in} \\ 0 \end{bmatrix} \quad \xi = \begin{bmatrix} x \\ s \\ p \end{bmatrix} \quad F = Q = 0_{3 \times 1}$$

Cultivo batch

$$F_{in} = F_{out} = 0$$

$$V = cte$$

$$\dot{c} = \pm k_c q x + D (\cancel{c_{in}} - c) + F - Q$$

En concentraciones:

$$\dot{x} = \mu x - D x$$

$$\dot{s} = -k_s \mu x + D (s_{in} - s)$$

$$\dot{p} = k_p \mu x - D p$$



En masas:

$$\dot{x} = \mu x = r_x$$

$$\dot{s} = -k_s \mu x = -r_s$$

$$\dot{p} = k_p \mu x = r_p$$



$$\dot{X} = \mu x V = \mu X$$

$$\dot{S} = -k_s \mu x V = -k_s \mu X$$

$$\dot{P} = k_p \mu x V = k_p \mu X$$

$$\mu(s) = \mu_{max} \frac{s}{s + K_s}$$

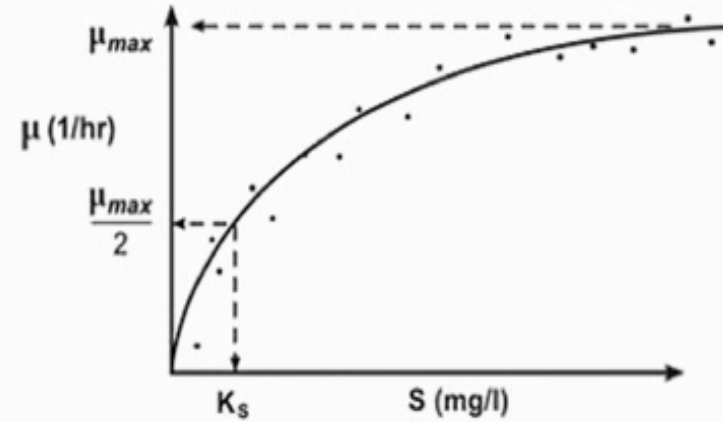
Cultivo batch

$$\dot{x} = \mu x = r_x$$

$$\dot{s} = -k_s \mu x = -r_s$$

$$\dot{p} = k_p \mu x = r_p$$

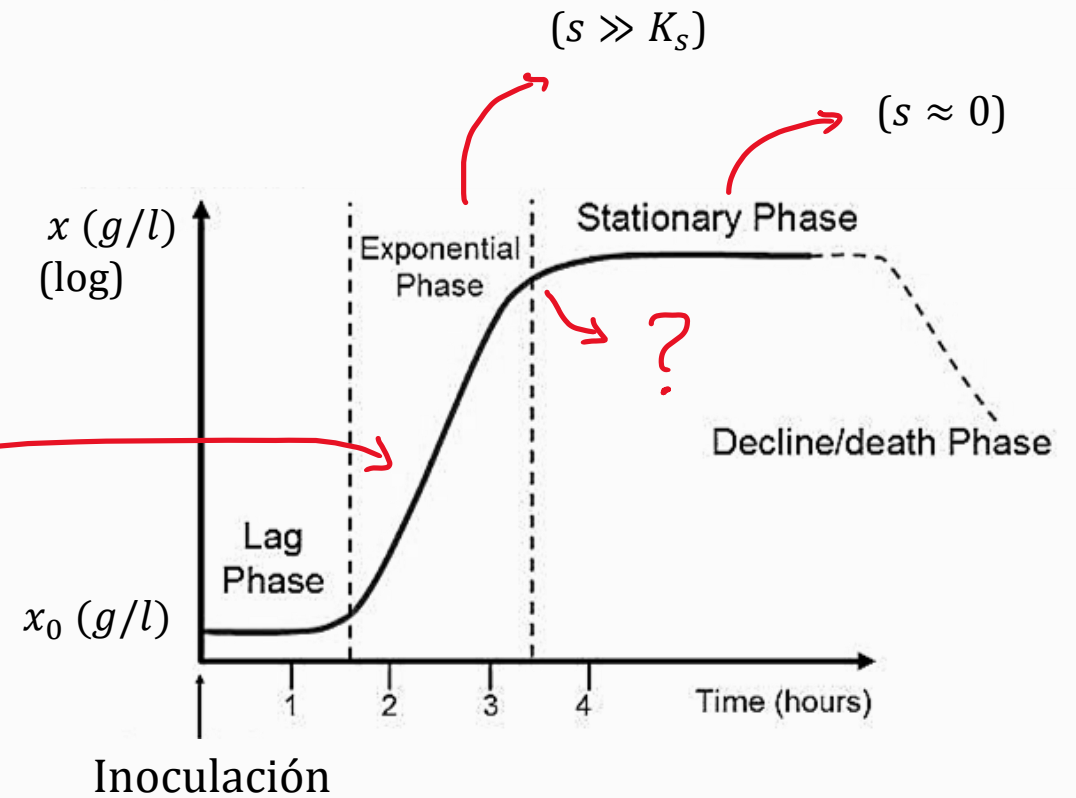
$$\mu = \mu_{max} \frac{S}{S + K_s}$$



¿Qué pasa si todos los sustratos están en exceso? ($s \gg K_s$)

$$\dot{x} \cong \mu_{max} \cdot x \quad \Rightarrow \quad x(t) = x_0 e^{\mu_{max} t}$$

(fase lag y muerte no estamos modelando)



Cultivo batch

$$\dot{x} = \mu x = r_x$$

$$\dot{s} = -k_s \mu x = -r_s$$

$$\dot{p} = k_p \mu x = r_p$$

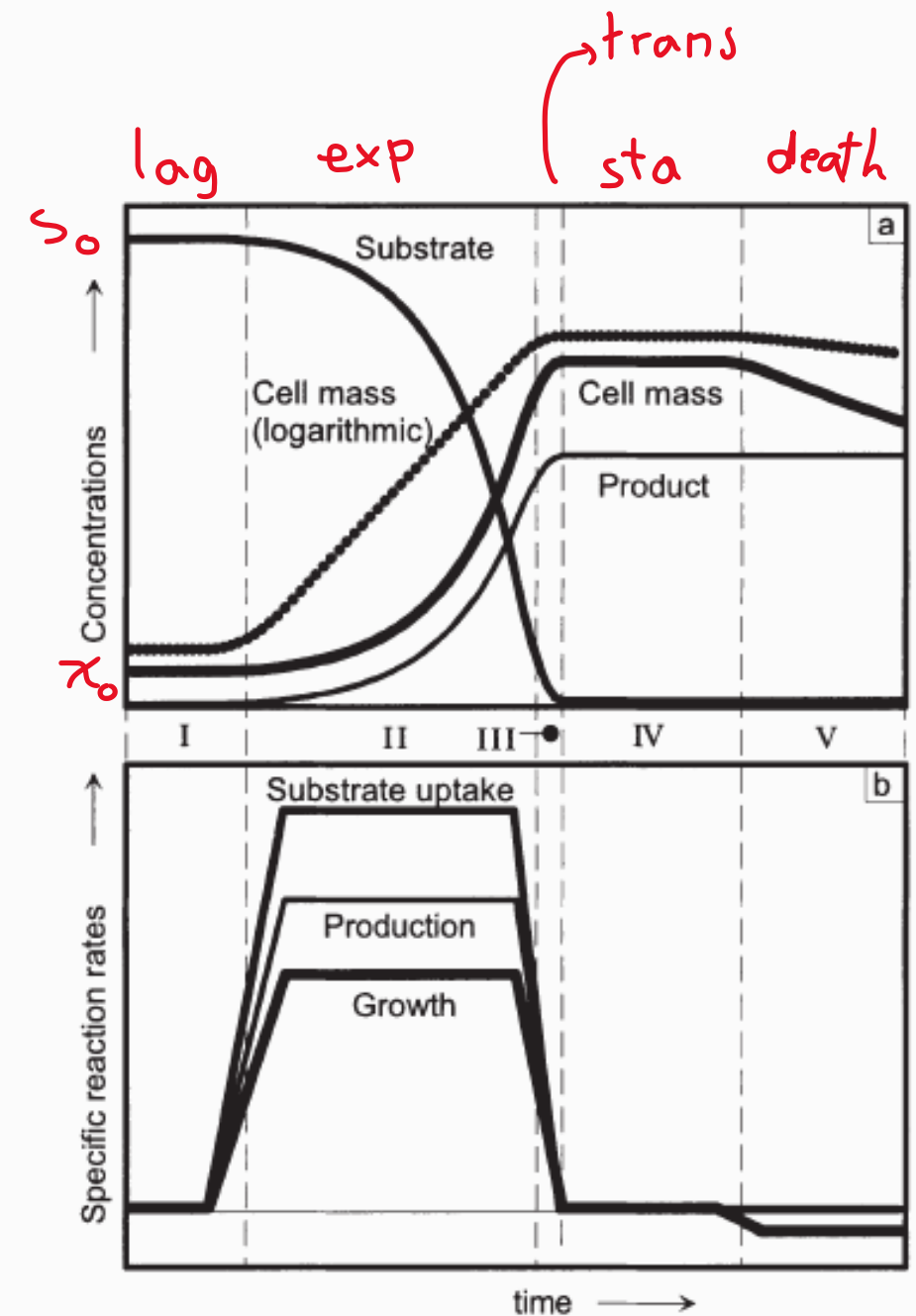
$$\mu = \mu_{max} \frac{s}{s + K_s}$$

¿Qué pasa con s ? ($s \gg K_s$)

$$x(t) = x_0 e^{\mu_{max} t} \Rightarrow \dot{s} = -k_s \mu_{max} x(t) = -k_s \mu_{max} x_0 e^{\mu_{max} t}$$

$$\Rightarrow \int_{s_0}^{s(t)} ds = \int_0^t -k_s \mu_{max} x_0 e^{\mu_{max} t} dt$$

$$\Rightarrow s(t) = s_0 - k_s x_0 (e^{\mu_{max} t} - 1)$$



Cultivo batch

Se pueden calcular rendimientos (globales) de forma simple:

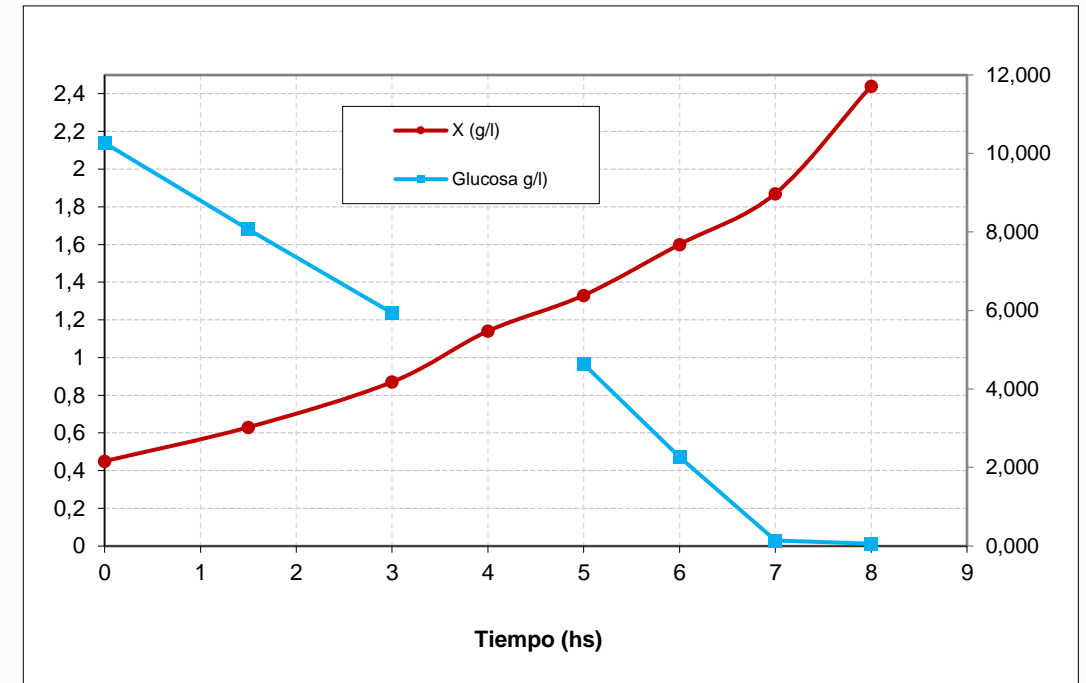
$$s(t) = s_0 - k_s x_0 (e^{\mu_{max} t} - 1)$$

$$s_f = s_0 - k_s (x_f - x_0)$$

$$y_{X/S} = \frac{\Delta X}{\Delta S} = \frac{x_f - x_0}{s_0 - s_f} = 0,195 \frac{gX}{gS}$$

$$y_{X/S} = \frac{1}{k_s}$$

También podemos calcular μ_{max} a partir de la curva.



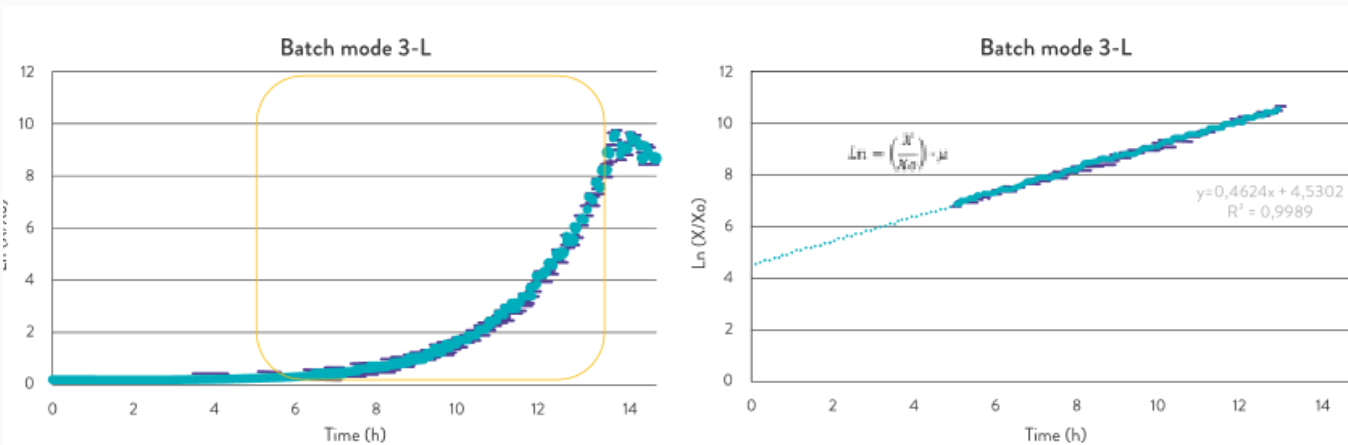
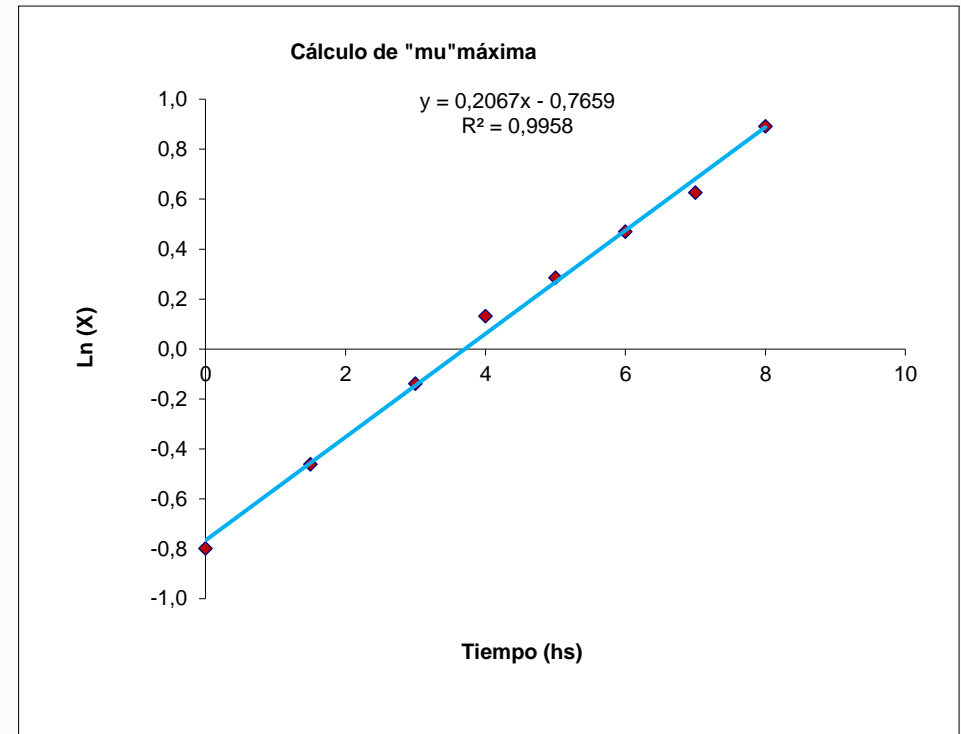
$$y_{P/S} = \frac{\Delta P}{\Delta S} = \frac{P_f}{S_0 - S_f}$$

$$y_{P/S} = \frac{1}{k_p}$$

Cultivo batch

También podemos calcular μ_{max} a partir de la curva.

$$x(t) = x_0 e^{\mu_{max} t} \Rightarrow \ln(x(t)) = \ln(x_0) + \mu_{max} t$$



Cultivo batch

Ventajas:

- Es el mas simple y rápido.
- Puede adaptarse a diferentes tipos de biorreactores.
- Permite el cálculo de rendimientos globales en forma rápida y sencilla.
- Permite determinar μ_{\max} en forma sencilla.
- Es útil para comparar diferentes medios de cultivo

Desventajas:

- No es posible controlar μ
- Puede presentarse inhibición por sustrato
- Alta demanda de O_2
- Dificultad para estimar velocidades volumétricas
- Tiempos muertos entre procesos.

Cultivo fed batch

$$F_{in} \neq 0 \quad F_{out} = 0 \quad V = \int F_{in} dt$$

Desde el punto de vista de las masas:

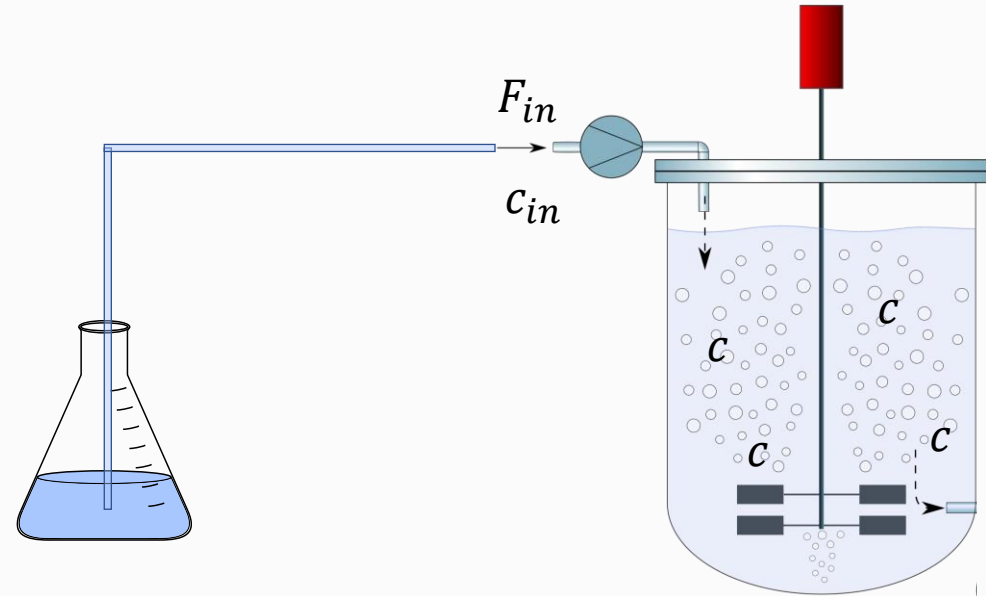
$$\frac{\partial(c \cdot V)}{\partial t} = \pm r V - \cancel{F_{out} c} + F_{in} c_{in}$$

Desde el punto de vista de la concentración:

$$\dot{c} = \pm k_c q x + \frac{F_{in}}{V} (c_{in} - c) + F - Q$$

Y no olvidar que

$$\dot{V} = F_{in}$$



Cultivo fed batch

$$\dot{x} = \mu x - Dx$$

$$\dot{s} = -k_s \mu x + D(s_{in} - s)$$

$$\dot{V} = F_{in}$$

$$\mu = \mu_{max} \frac{s}{s + K_s}$$



$$\dot{x} = \mu_{max} \frac{s}{s + K_s} x - Dx$$

$$\dot{s} = -k_s \mu_{max} \frac{s}{s + K_s} x + D(s_{in} - s)$$

Sistema más complicado de analizar.

Sobre todo, depende de la F_{in} o D que usemos.

Producto entrada estado.

Productos y cocientes de estados.

Cultivo fed batch: alimentación constante

Analicemos un caso particular:

$$F_{in} = cte$$

$$D \ll \mu_{max}$$

$$V = V_0 + F_{in} \cdot t$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \dot{x} = \mu x - Dx \\ \dot{s} = -k_s \mu x + D (s_{in} - s) \end{array} \right.$$

$$\mu = \mu_{max} \frac{s}{s + K_s}$$

En masas:

$$\left\{ \begin{array}{l} \dot{X} = \mu X \\ \dot{S} = -k_s \mu X + F_{in} s_{in} \end{array} \right.$$

Solución aproximada

“Puntos de equilibrio”:

$$0 = \mu x - Dx$$

$$0 = -k_s \mu x + D (s_{in} - s)$$

1) Washout

$$x = 0$$

$$s = s_{in}$$

2) Pto. Eq. de operación

$$x \neq 0 \quad (\mu = D)$$

$$s \approx 0 \quad \text{en la mayoría de los casos y si } D \ll \mu_{max}$$

$$k_s \mu x = D (s_{in} - s)$$

$$k_s \mu X = F_{in} (s_{in} - s) \approx F_{in} s_{in} = cte$$

$$(s_{in} \gg s)$$

(Todo lo que entra es consumido rápidamente)

$$\dot{X} = \mu X = \frac{F_{in} s_{in}}{k_s} = cte$$



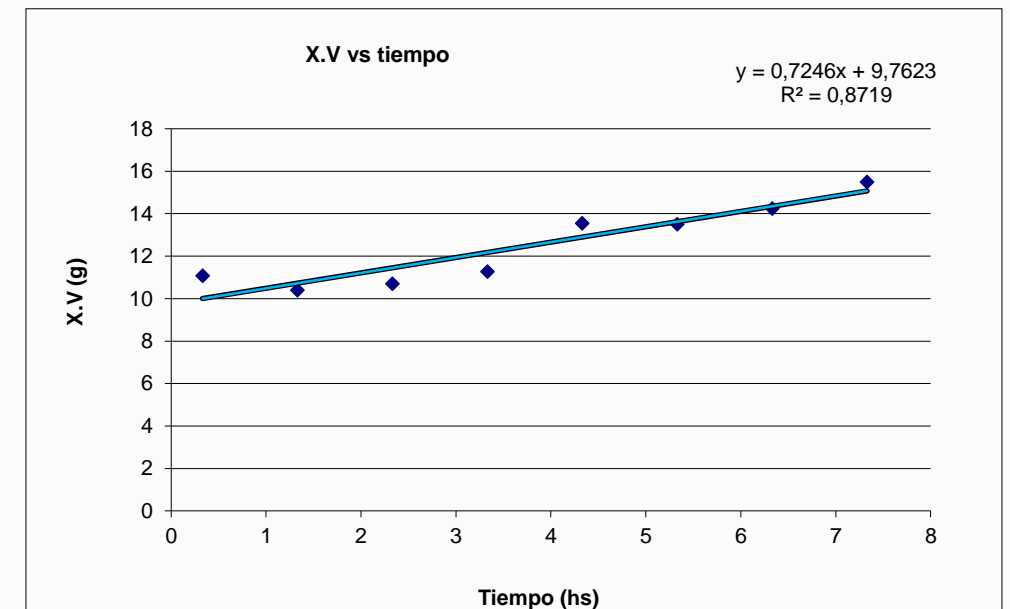
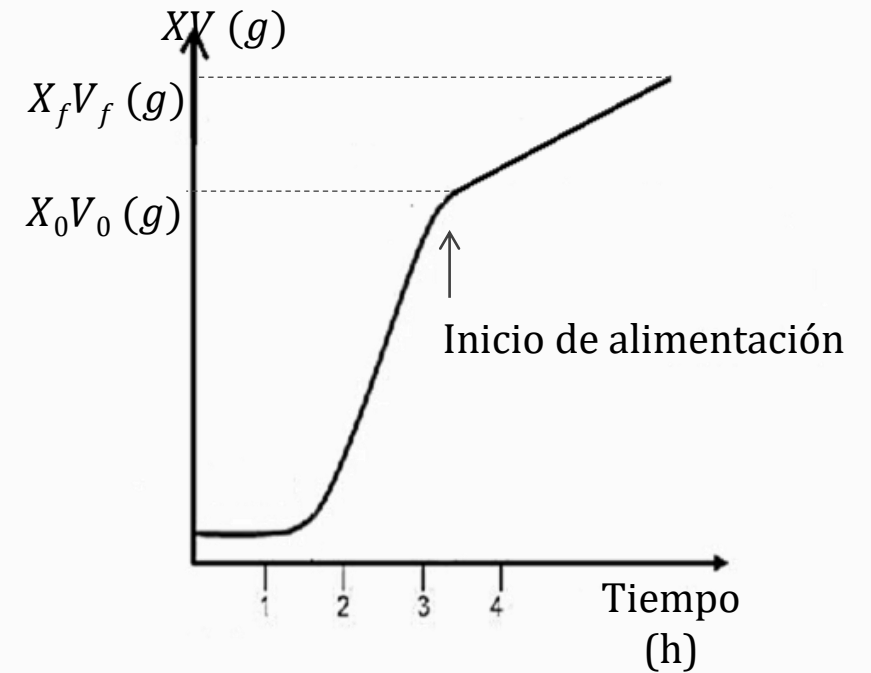
Cultivo fed batch: alimentación constante

$$\dot{X} = \mu X = \frac{F_{in} S_{in}}{k_s} = cte$$

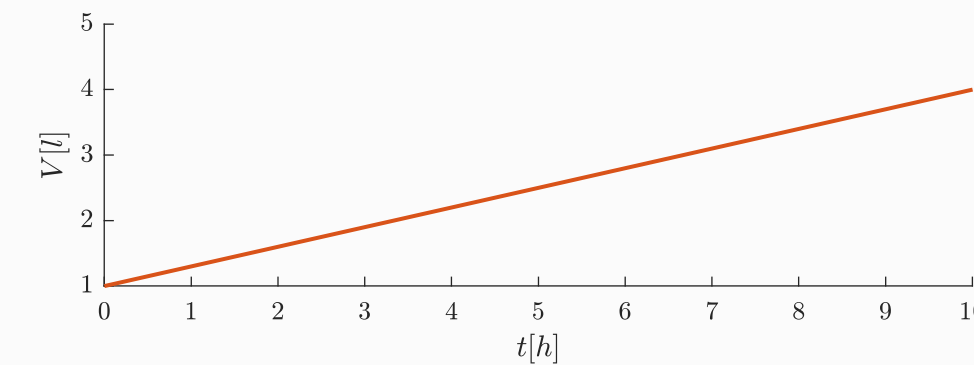
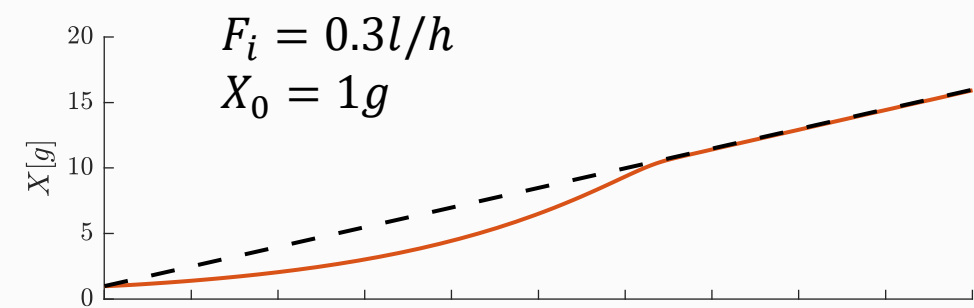
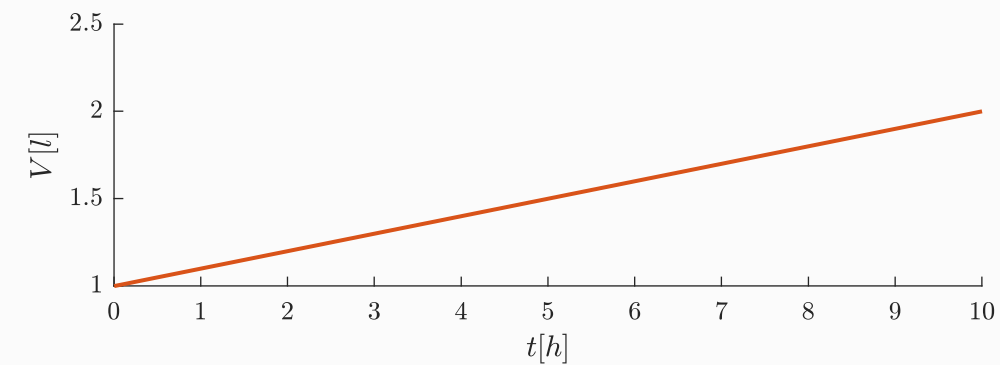
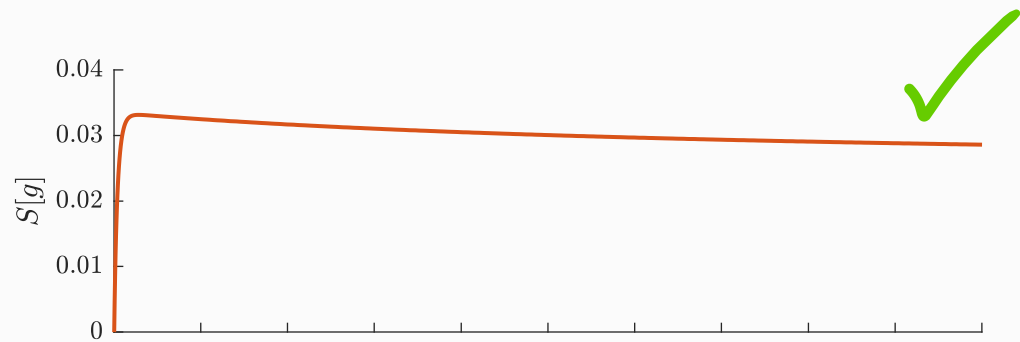
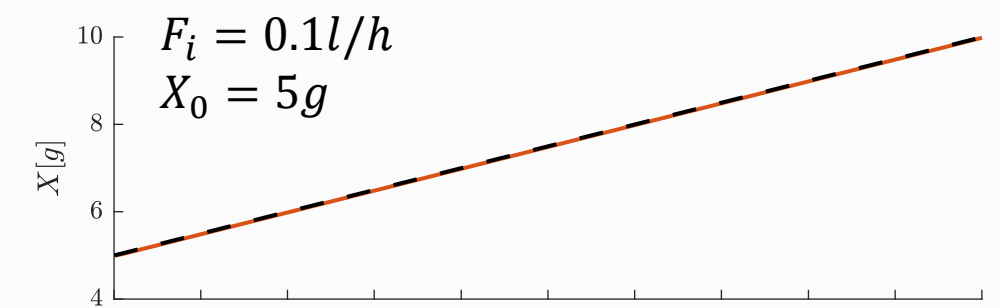
Esta es una herramienta de diseño utilizada en el campo.



Ojo!
Que F_i no sea muy grande, ni X_0 muy chico!



Cultivo fed batch: alimentación constante



Cultivo fed batch: alimentación exponencial

$$\dot{x} = \mu x - Dx$$

$$\dot{s} = -k_s \mu x + D (s_{in} - s)$$

$$\dot{V} = F_{in}$$

Queremos operar a $\mu(s) = \mu_r$:

$$\dot{X} = \mu_r X$$

$$\Rightarrow X(t) = X_0 e^{\mu_r t}$$

Proponemos ley de alimentación proporcional a la biomasa (esperada):

$$F_i = \lambda X = \lambda x V$$

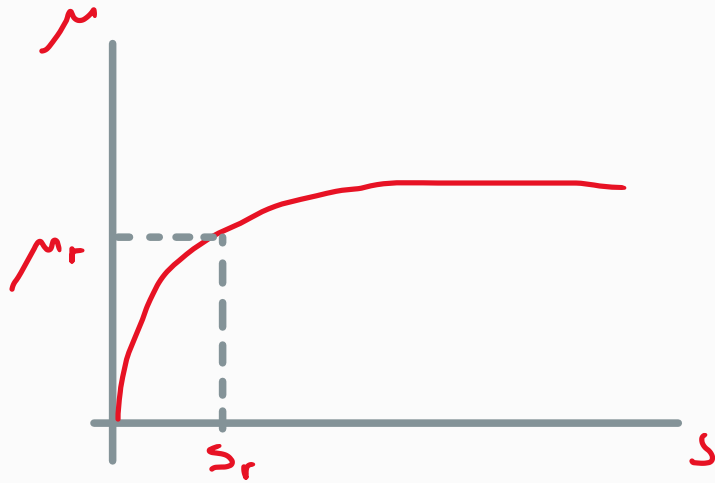
$$F_i = \lambda X_0 e^{\mu_r t}$$

Cuánto vale λ ? Sale de proponer s constante

$$0 = -k_s \mu x + D (s_{in} - s)$$

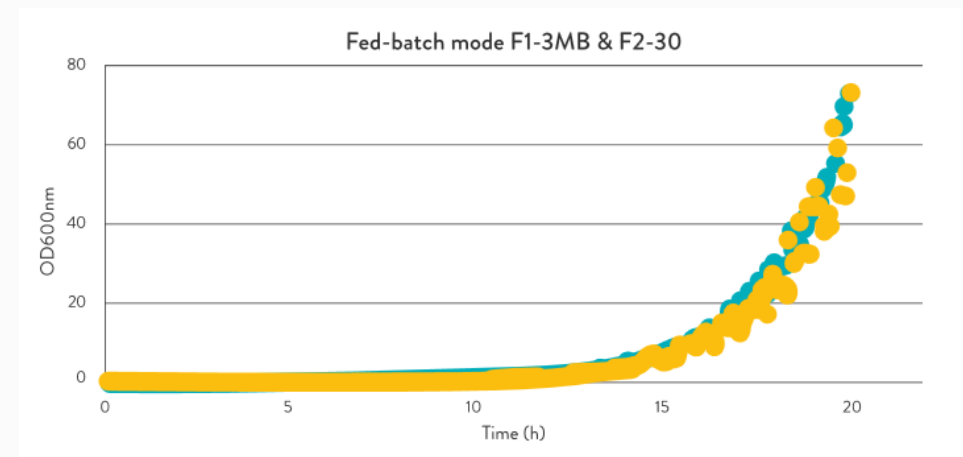
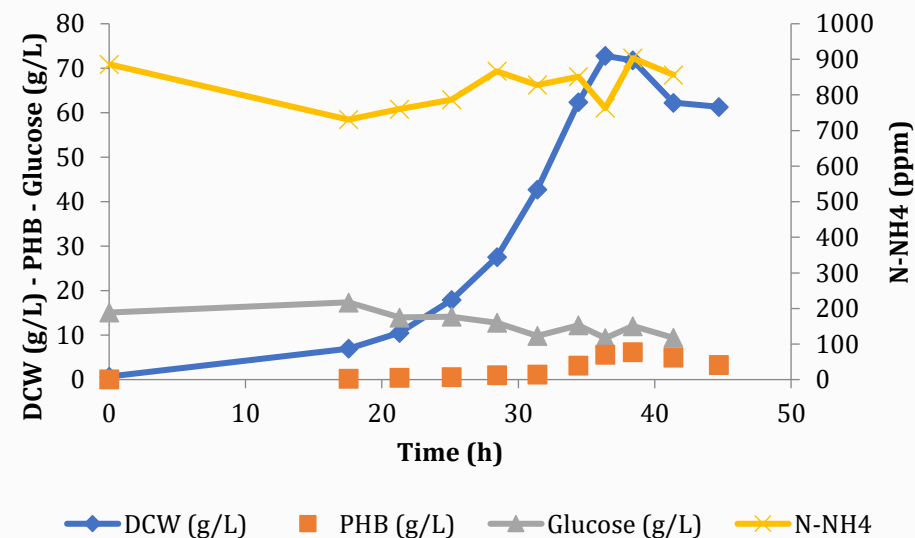
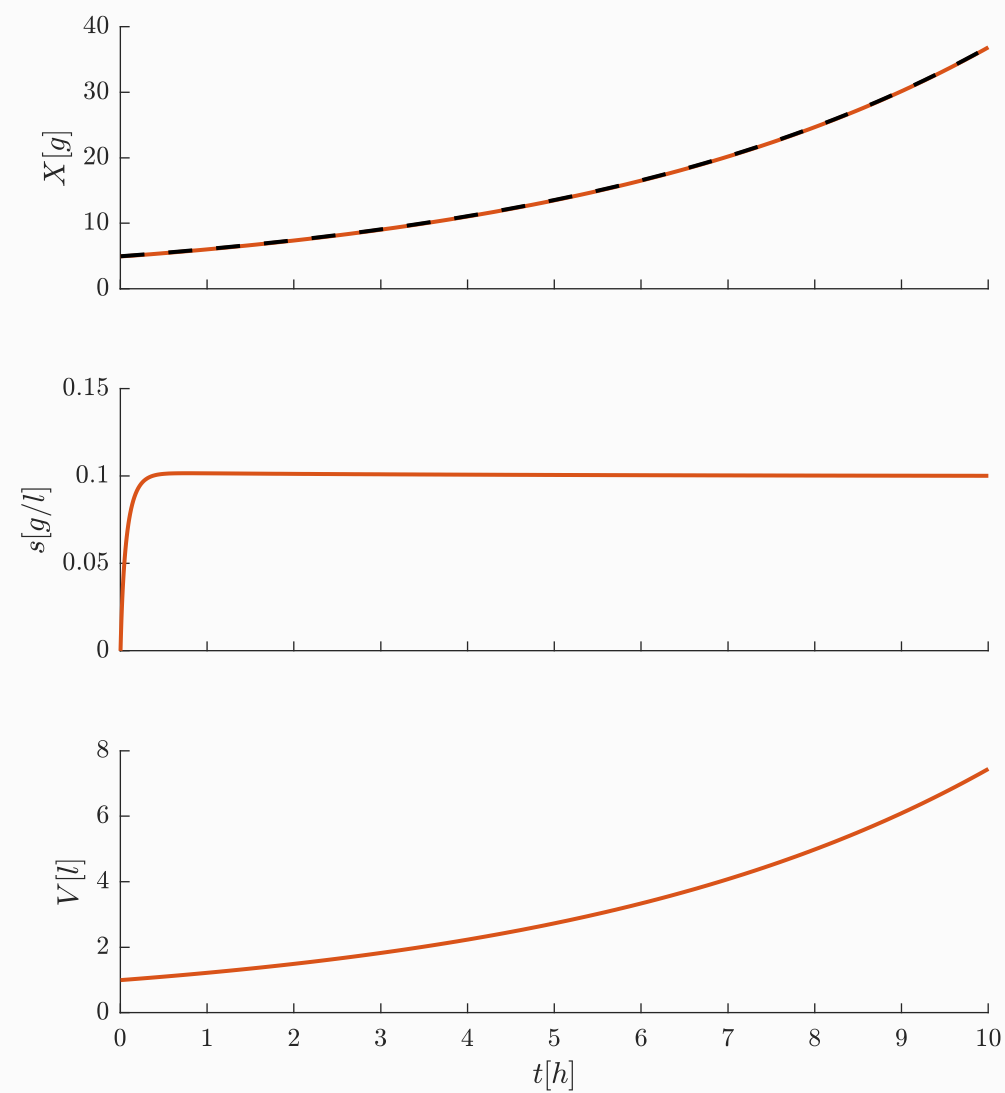
$$0 = -k_s \mu_r x + \frac{\lambda x V}{V} (s_{in} - s_r)$$

$$\lambda = \frac{k_s \mu_r}{s_{in} - s_r}$$



Cultivo fed batch: alimentación exponencial

Caso ideal



Cultivo fed batch

Ventajas:

- Mayor productividad que el sistema batch.
- Menor inhibición por sustratos.
- No se limita por O_2 si el batch previo no se limitó (F cte).
- Evita metabolismos de sobreflujo.

Desventajas:

- Requiere de un reservorio estéril y una bomba.
- No es adaptable a cualquier configuración de biorreactor
- No se puede estimar fácilmente los q_i
- Está limitado por los volúmenes del biorreactor.
- Tiempos muertos entre procesos.

Cultivo continuo

$$F_{in} = F_{out} \neq 0 \quad \dot{V} = 0$$

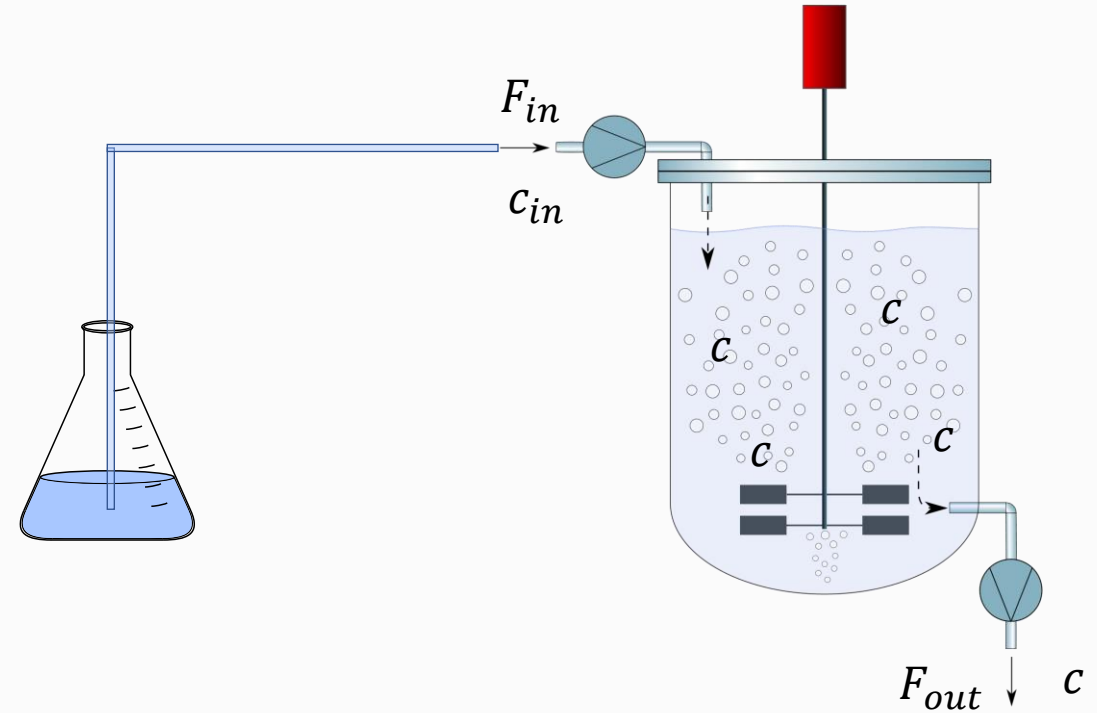
Desde el punto de vista de la concentración:

$$\dot{c} = \pm k_c q x + \frac{F_{in}}{V} (c_{in} - c) + F - Q$$

Y no olvidar que

$$D = \frac{F_{in}}{V}$$

En este caso es posible alcanzar puntos de operación donde las concentraciones y tasas son constantes.



Cultivo continuo

$$\begin{cases} \dot{x} = \mu x - Dx \\ \dot{s} = -k_s \mu x + D(s_{in} - s) \\ \dot{p} = k_p \mu x - Dp \end{cases}$$

$$\mu = \mu_{max} \frac{s}{s + K_s}$$

$$\begin{cases} 0 = \mu x - Dx \\ 0 = -k_s \mu x + D(s_{in} - s) \\ 0 = k_p \mu x - Dp \end{cases}$$

1) Washout

$$x^{eq} = 0$$

$$s^{eq} = s_{in}$$

$$p^{eq} = 0$$

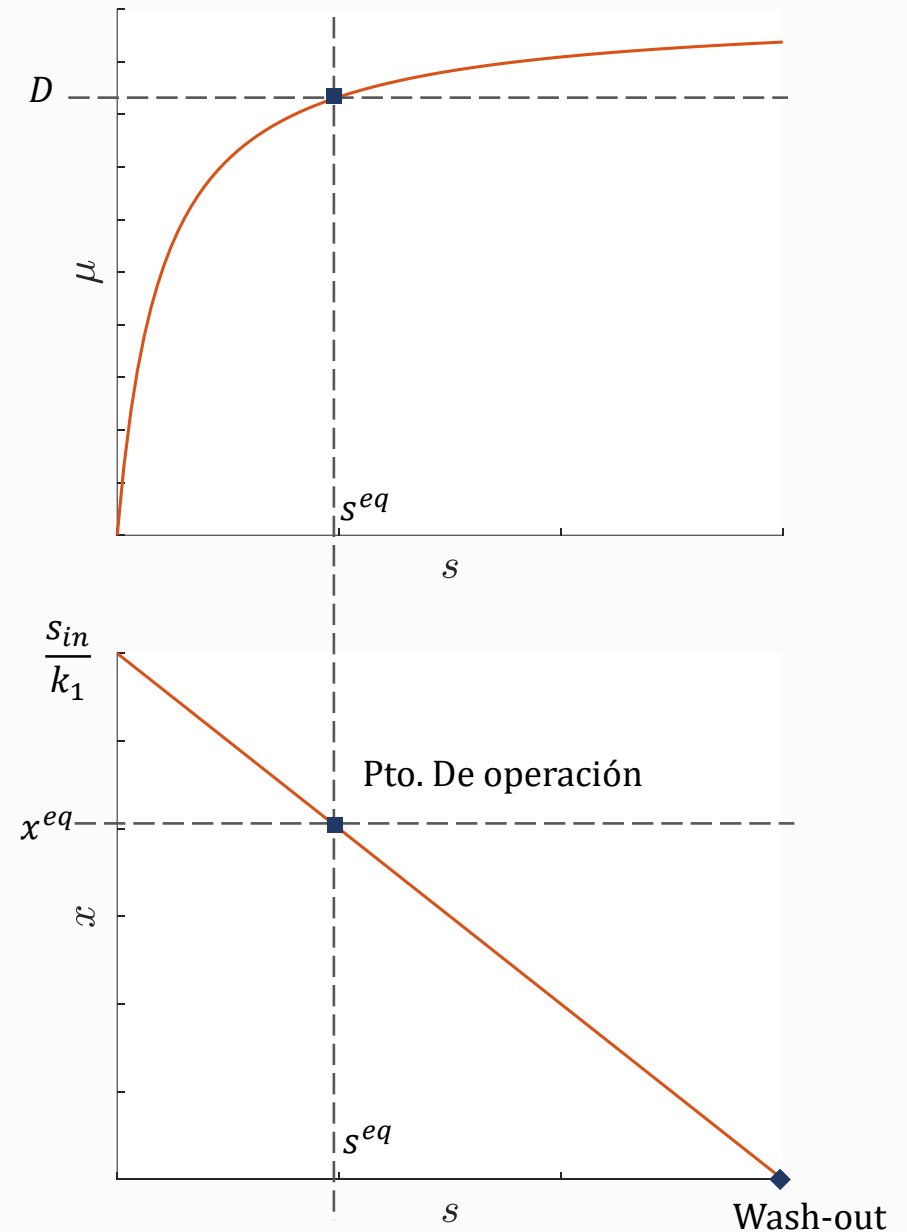
2) Pto. Op.

$$\mu(s) = D$$

$$x^{eq} = \frac{(s_{in} - s^{eq})}{k_s}$$

$$s^{eq} = \frac{D \cdot K_s}{\mu_{max} - D}$$

$$p^{eq} = k_p x^{eq}$$



Cultivo continuo

$$\dot{x} = \mu x - Dx \qquad \mu = \mu_{max} \frac{s}{s + K_s}$$

$$\dot{s} = -k_s \mu x + D (s_{in} - s)$$

$$\dot{p} = k_p \mu x - D p$$

2) Pto. Op.

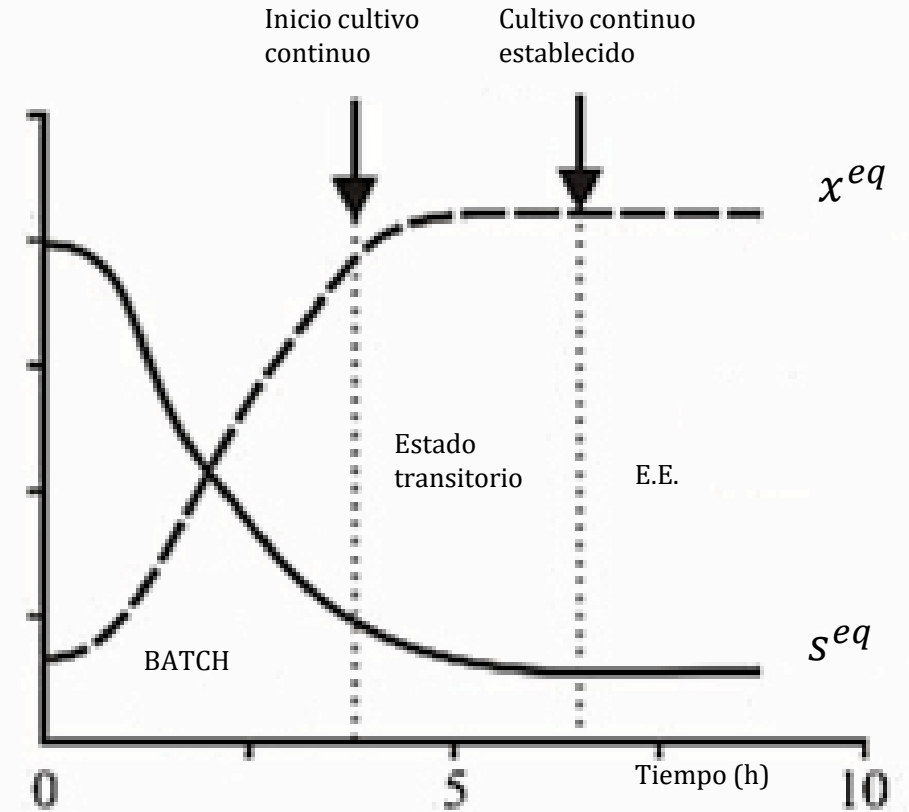
$$\mu(s) = D \qquad x^{eq} = \frac{(s_{in} - s^{eq})}{k_s}$$

$$s^{eq} = \frac{D \cdot K_s}{\mu_{max} - D}$$

$$p^{eq} = k_p x^{eq}$$

$$q_s = D \frac{(s_{in} - s^{eq})}{x^{eq}}$$

$$q_p = D \frac{p^{eq}}{x^{eq}}$$



Cultivo continuo

Ventajas:

- Puedo controlar externamente la μ en un valor deseado
- Se puede utilizar para estudiar el metabolismo microbiano.
- Permite estudiar el efecto de las condiciones de cultivo en la fisiología celular.
- Disminuye las paradas de planta.

Desventajas:

- Requiere de un reservorio estéril y una bomba.
- Todas las operaciones de upstream y downstream deben operar en continuo.
- Se puede contaminar con mayor facilidad.
- Requiere mucho tiempo alcanzar el E.E.