

jméno a příjmení	login	cvičící Fuchs / Hliněná / Tůma
------------------	-------	-----------------------------------

## IDM, zadání P

T	1	2	3	4	5	6	$\Sigma$
---	---	---	---	---	---	---	----------

Zkouška se skládá ze dvou částí, testu za **20 bodů** a písemky za **60 bodů**. Z testu musíte získat **aspoň 15 bodů**, v opačném případě písemka nebude hodnocena a celá zkouška bude hodnocena 0 body.

## TEST

Každá otázka je za 2 body. Odpovědi napište na tento list do vymezeného prostoru pod otázkou.

1. Znegujte:  $\forall x \in \mathbb{R} \exists y \in \mathbb{R}: x < y \Rightarrow |x| < |y|$ .      negace implikace (levo AND neg pravo)

Odpověď:
2. Platí formule  $a < b \Rightarrow a + b = 7$  pro  $a = 3, b = 2$ ?      NE

Odpověď:
3. Platí  $\emptyset \in \emptyset$ ?      ANO

Odpověď:
4. Symboly  $\square$  nahradte některými ze symbolů  $\in, \notin, \wedge, \vee$  tak, aby vzniklá formule platila pro libovolné množiny  $A, B$ :  $(1 \notin A \setminus B) \Leftrightarrow (1 \square A \square 1 \square B)$ .

Odpověď:
5.  $A = \{1\}, B = \{2\}, C = \{[1, 2]\}$ . Určete  $(A \times B) \setminus C$ .

Odpověď:
6.  $A = \{1\}, B = \{\{1\}\}$ . Platí  $A \subseteq B$ ?

Odpověď:
7.  $R = \{[a, b], [b, c], [c, d]\}$ . Určete  $R \circ R$ .

Odpověď:
8.  $R = \{[a, a], [a, b], [b, a], [b, b]\}$ . Je  $R$  relace ekvivalence na množině  $A = \{a, b, c\}$ ?

Odpověď:
9. Na množině  $\mathbb{R}$  je dána operace  $\star$  následovně:  $a \star b = a + |b|$ . Je operace  $\star$  komutativní?

Odpověď:
10. Nakreslete graf s posloupností stupňů 3, 3, 3, 3, 3, 5.

Graf:

# PÍSEMKA

Každý příklad je za 10 bodů. Písemku vypracujte na vlastní papíry. U každého příkladu přehledně napište postup řešení a jasně označte výsledek.

1. a) Najděte množiny  $A, B$  tak, aby platilo:

$$\{2\} \subseteq A \setminus B \wedge \{2\} \in A \cap B.$$

- b) Najděte všechny dvojice množin  $X, Y$ , pro které platí:

$$|X \cap Y| = |X \setminus Y| \wedge X \cup Y = \{a, b, c\}.$$

2. Dokažte, že pro všechna přirozená čísla  $n$  platí:

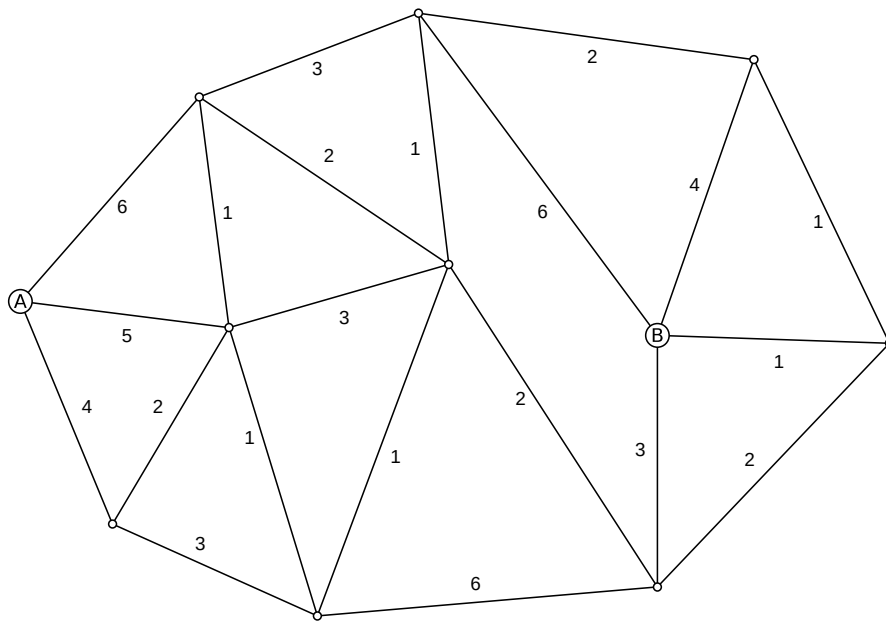
$$2 + 3 + 4 + \dots + (3n + 2) = \frac{1}{2} (3n + 1) (3n + 4).$$

3. Na množině  $M = \{a, b, c, d\}$  je dána relace  $R$ :

$$R = \{[a, a], [a, b], [a, c], [a, d], [b, a], [b, b], [b, c], [c, a], [c, b], [c, c], [d, a]\}.$$

Zjistěte, zda relace  $R$  je a) reflexivní, b) symetrická, c) antisymetrická, d) tranzitivní.

4. a) Najděte nejkratší cestu z vrcholu  $A$  do vrcholu  $B$  v grafu na obrázku. Postup vyznačte do obrázku.



- b) Může být graf s posloupností stupňů 6, 6, 6, 6, 6, 6, 6 rovinný?

5. Na množině  $A = \{a, b, c, d, e, f\}$  je dán rozklad  $\mathcal{S}$ :

$$\mathcal{S} = \{\{a, b\}, \{c, d\}, \{e\}, \{f\}\}.$$

- a) Určete relaci ekvivalence  $R$ , která je dána rozkladem  $\mathcal{S}$ . vzít každý prvek zvlášť a pak ty skupiny

- b) Na množině  $A$  určete operaci  $\circ$  tak, aby platilo  $a \circ f \neq b \circ f$  a  $R$  byla relací kongruence na  $A$  vzhledem k operaci  $\circ$ . divné šefovské tabulky

6. Na množině  $A = \{1, 2, 3, 5, 6, 15, 30\}$  je dána relace  $\sim$  následovně:  $a \sim b \Leftrightarrow a|b$ .

- a) Je relace  $\sim$  na množině  $A$  relací uspořádání? důkaz!

- b) V případě kladné odpovědi na předchozí otázku nakreslete hasseovský diagram a zjistěte, zda se jedná o svazové uspořádání.

dole jednička, pak prvočísla a pak, co se čím dělí