Ejercicio 1. Construir autómatas finitos para los siguientes lenguajes:

a. Cadenas sobre $\Sigma = \{0\}$ de longitud par.

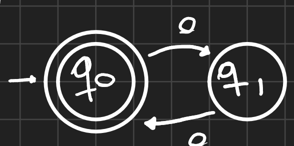
b. Cadenas sobre $\Sigma = \{0, 1\}$ con cantidad par de ceros.

c. Cadenas sobre $\Sigma = \{0, 1\}$ con cantidad impar de unos.

d. Cadenas sobre $\Sigma = \{0, 1\}$ con cantidad par de ceros y cantidad impar de unos.

e. Cadenas sobre $\Sigma = \{0, 1\}$ que, interpretadas como un número binario, sean congruentes a cero módulo 5.[1]

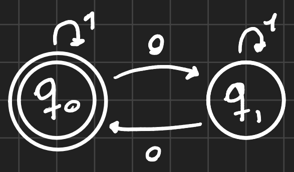
a)



$\langle \{q_0, q_1\}, \{0\}, \delta, q_0, \{q_0\} \rangle$

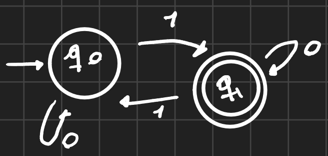
$\mathcal{L}(M) = \{\lambda, 00, 0000 \dots\}$

b)



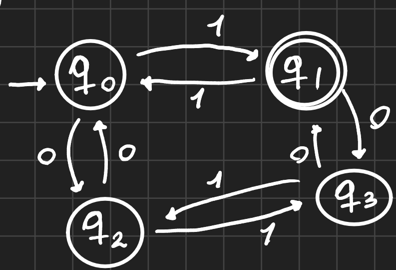
$\langle \{q_0, q_1\}, \{0, 1\}, \delta, q_0, \{q_0\}$

c)



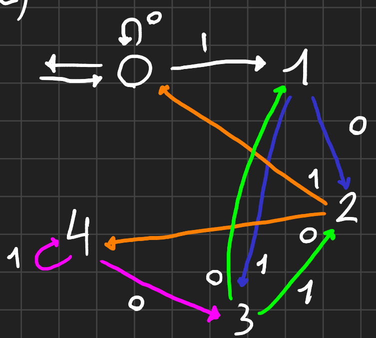
$\langle \{q_0, q_1\}, \{0, 1\}, \delta, q_0, \{q_1\} \rangle$

d)



0
101
1010
1111
10100
11001
11110
100011

e)



Agrego algo al final es hacer un $\cdot 2$.
0 es $\cdot 2$ 1 es $(\cdot 2) + 1$. Cada estado es un resto
0 es inicial y final

Ejercicio 2. Construir autómatas finitos para los siguientes lenguajes sobre $\Sigma = \{0, 1\}$:

a. Cadenas que comiencen con 010.

b. Cadenas que terminen con 010.

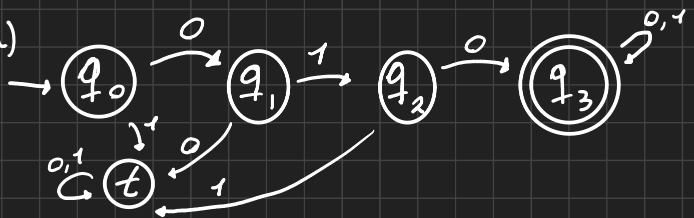
c. Cadenas que contengan la subcadena 000.

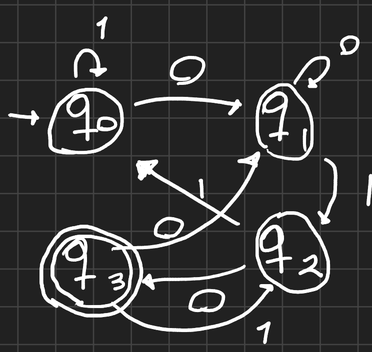
d. Cadenas que no contengan la subcadena 000.

e. Cadenas que contengan la subcadena 000 exactamente una vez (la cadena 0000 no pertenece a este lenguaje).

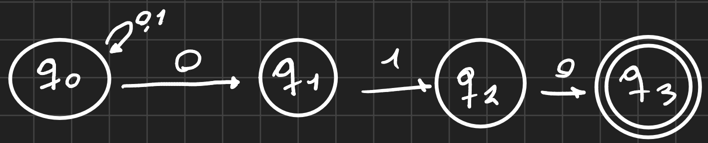
f. Cadenas que no contengan la subcadena 000 ni la 010.

a)



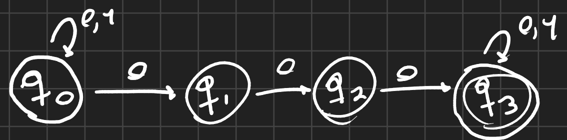


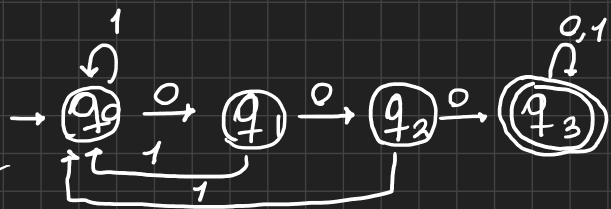
b)



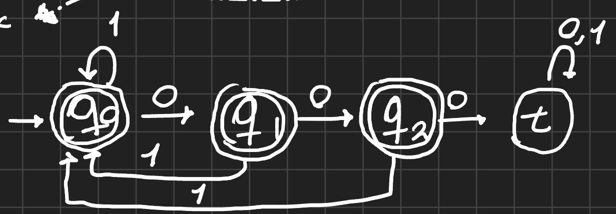
AFND

c)

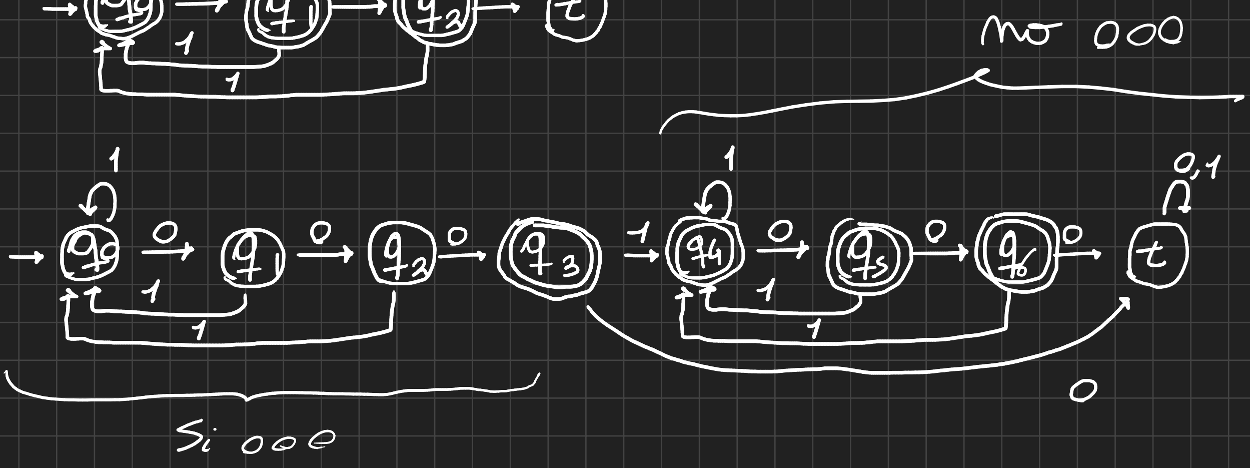




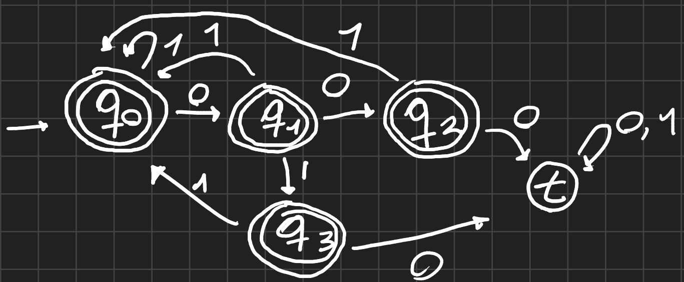
d) c^c



e)



f)



Ejercicio 3. Construir autómatas finitos para los siguientes lenguajes:

a. Identificadores de cualquier longitud que comiencen con una letra o guión y contengan letras, dígitos o guiones.

b. Constantes enteras con signo.

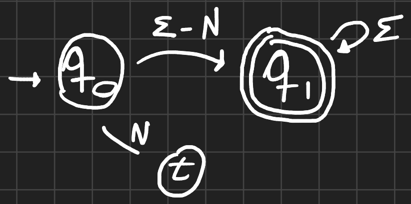
c. Constantes enteras con signo opcional.

d. Constantes reales con signo. Ejemplos: +123.456, -55.0, +00.430.

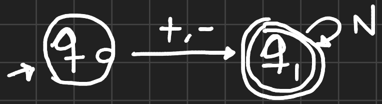
e. Constantes reales con signo opcional y partes enteras y fraccionarias opcionales. Ejemplos: los anteriores más 123.456, -55., +.43. ?

f. Constantes reales con notación exponencial opcional. Ejemplos: los anteriores más -55.E5, +.43E-6.

a) $\Sigma = \{a \dots z, -, 1 \dots 9\}$ $N \subseteq \Sigma$ $N = \{0, 1 \dots 9\}$



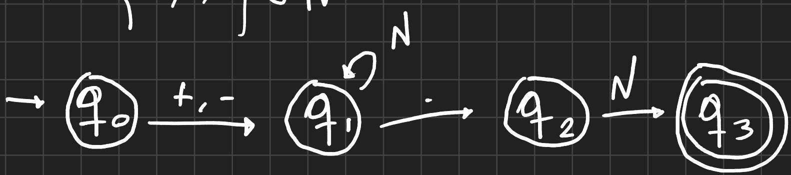
b) $N = \{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9\}$ $\Sigma = N \cup \{-, +\}$



Asumo que 58-751+1+-+3 9+--+-
Es inválido y el signo es -3
+5

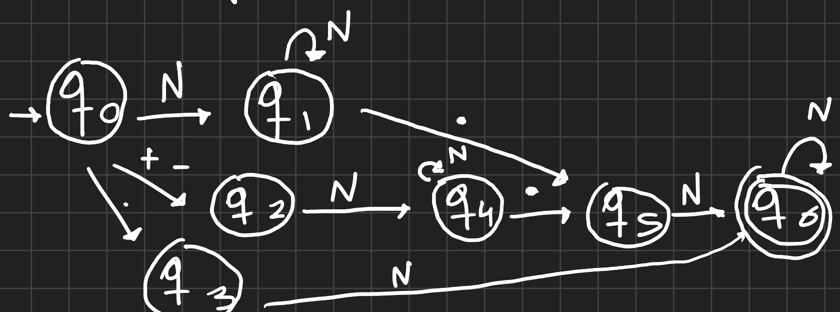
c)

d) $\Sigma = \{+, -, .\} \cup N$



Asumí que +15. no es válido
ni -8.
Pero -005.00 sí

e) Parece que .43 es válido



Para ser AFD falta
con los q falta sacar a un
t pero no o queda feo

F) ... $\Sigma' = \Sigma + \{E\}$ E siempre va después de como ... N?

Ejercicio 4. Dado un autómata finito para $\mathcal{L}$, indicar cómo construir autómatas finitos para los siguientes lenguajes. Indicar en cada caso si es necesario que el autómata de entrada sea determinístico o no, y de qué tipo es el autómata resultante.

a. $\mathcal{L}^c$, el complemento de $\mathcal{L}$.

b. $\mathcal{L}^*$, la clausura de Kleene de $\mathcal{L}$.

c. $\mathcal{L}^r$, la reversa de $\mathcal{L}$.

d. $\operatorname{Ini}(\mathcal{L}) = \{\alpha \mid \exists\beta \text{ tal que } \alpha\beta \in \mathcal{L}\}$, los prefijos de $\mathcal{L}$.

e. $\operatorname{Fin}(\mathcal{L}) = \{\alpha \mid \exists\gamma \text{ tal que } \gamma\alpha \in \mathcal{L}\}$, los sufijos de $\mathcal{L}$.

f. $\operatorname{Sub}(\mathcal{L}) = \{\alpha \mid \exists(\beta,\gamma) \text{ tales que } \gamma\alpha\beta \in \mathcal{L}\}$, las subcadenas de $\mathcal{L}$.

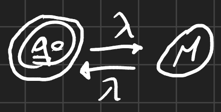
g. $\operatorname{Máx}(\mathcal{L}) = \{\alpha \in \mathcal{L} \mid \forall\omega \in \Sigma^+, \alpha\omega \notin \mathcal{L}\}$, las cadenas maximales de $\mathcal{L}$.

h. $\operatorname{Mín}(\mathcal{L}) = \{\alpha \in \mathcal{L} \mid \text{ningún prefijo propio de } \alpha \text{ pertenece a } \mathcal{L}\}$, las cadenas minimales de $\mathcal{L}$. Es decir, $\operatorname{Mín}(\mathcal{L}) = \{\alpha \in \mathcal{L} \mid \nexists(\omega_1,\omega_2) \text{ tales que } \alpha = \omega_1\omega_2 \wedge \omega_1 \in \mathcal{L} \wedge \omega_2 \neq \lambda\}$.

i. $\mathcal{L}_T = \{\alpha \in \Sigma^* \mid \exists(\omega_1 \in \mathcal{L}, \omega_2 \in \Sigma^*) \text{ tales que } \alpha = \omega_1\omega_2\} = \mathcal{L}.\Sigma^*$.

Sea M el autómata dado y M' el resultado

a) M debe ser determinístico, ya que invierte los estados finales con no finales

b) M' = 

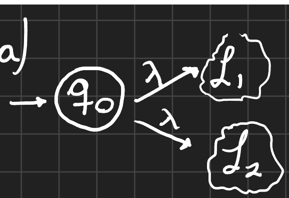
digo que es la forma más rápida, es AFND

c) Creo que M puede ser AFD o AFND. M' = M con las flechas invertidas y finales y origen invertidos. Casi siempre M' es AFND

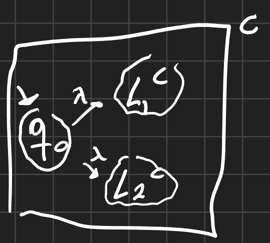
4. **Prefixes ($\operatorname{Ini}(\mathcal{L})$):** Make all states from which an accept state is reachable accepting.
5. **Suffixes ($\operatorname{Fin}(\mathcal{L})$):** Add new start state with ε-transitions to all states (NFA).
6. **Substrings ($\operatorname{Sub}(\mathcal{L})$):** Combine prefix and suffix operations.
7. **Maximal strings ($\operatorname{Máx}(\mathcal{L})$):** Remove transitions from accept states (ensure no extensions).
8. **Minimal strings ($\operatorname{Mín}(\mathcal{L})$):** Accept states are those with no path to another accept state via non-empty string.
9. **Right quotient ($\mathcal{L}_T$):** Add ε-transitions from accept states to a new universal state (NFA). ?

Ejercicio 5. Dados autómatas finitos para $\mathcal{L}_1$ y $\mathcal{L}_2$ indicar cómo construir autómatas finitos para los siguientes lenguajes, con las mismas consideraciones que en el ejercicio anterior:

a. $\mathcal{L}_1 \cup \mathcal{L}_2$ *b.* $\mathcal{L}_1 \cap \mathcal{L}_2$ *c.* $\mathcal{L}_1.\mathcal{L}_2$ *d.* $\mathcal{L}_1 \setminus \mathcal{L}_2$

a) 

b) $\mathcal{L}_1 \cap \mathcal{L}_2 = \overline{\overline{L_1 \cap L_2}} = \overline{\overline{L_1} \cup \overline{L_2}}$



c) 1: q_m es un estado final de $\mathcal{L}_1$, dejo de serlo y con una transición instantánea conecto al punto de entrada de $\mathcal{L}_2$

d) $\mathcal{L}_1 - \mathcal{L}_2 = \mathcal{L}_1 \cap \mathcal{L}_2^c = \overline{\overline{L_1} \cup \overline{\mathcal{L}_2^c}} = \overline{\overline{L_1} \cup \mathcal{L}_2}$

^{c} y $\bar{\ }$ son complemento los 2 y use $\mathcal{L}$ como el autómata..

Ejercicio 6. Demostrar que para todo autómata finito determinístico su relación de transición $\vdash$ cumple:

a. *Determinismo*: $\left((q,\alpha) \overset{*}{\vdash} (r,\lambda) \wedge (q,\alpha) \overset{*}{\vdash} (s,\lambda)\right) \Longrightarrow r = s$

b. *Concatenación*: $\left((q,\alpha) \overset{*}{\vdash} (q_1,\lambda) \wedge (q_1,\beta) \overset{*}{\vdash} (r,\lambda)\right) \Longrightarrow (q,\alpha\beta) \overset{*}{\vdash} (r,\lambda)$

c. *Siempre toma un estado*: $(q,\alpha\beta) \overset{*}{\vdash} (r,\lambda) \Longrightarrow \exists q_1\left((q,\alpha) \overset{*}{\vdash} (q_1,\lambda) \wedge (q_1,\beta) \overset{*}{\vdash} (r,\lambda)\right)$

d. *Linealidad*: $(q,\alpha) \overset{n}{\vdash} (r,\lambda) \iff |\alpha| = n$

e. *Invariancia*: $(q,\alpha) \overset{*}{\vdash} (q,\lambda) \Longrightarrow \forall i \in \mathbb{N}\left((q,\alpha^i) \overset{*}{\vdash} (q,\lambda)\right)$