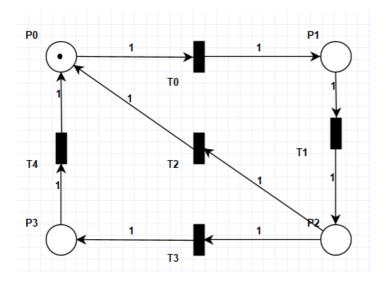
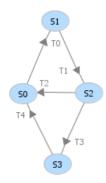
# Lab 8

#### Zadanie 1



Graf osiągalności Mamy 4 stany, 1 token i 4 możliwych posiadaczy tego tokenu więc każdy stan reprezentuje posiadanie tokenu w



# konkretnym miejscu.

- 1. Jakie znakowania są osiągalne?
  - o Wszystkie znakowania są osiągalne.
- 2. Ile wynosi maksymalna liczba znaczników w każdym ze znakowań? Jakie możemy wyciągnąć z tego wnioski n.t. ograniczoności i bezpieczeństwa?
  - o Niezależnie od znakowania maksymalna liczba znaczników wynosi 1.
  - O Na tej podstawie możemy wywnioskować, że sieć jest 1-ograniczona i przez to także bezpieczna.
- 3. Czy każde przejście jest przedstawione jako krawędź w grafie? Jaki z tego wniosek n.t. żywotności przejść?
  - o Każde przejście jest przedstawione w grafie jako krawędź.
  - o Jesteśmy w stanie wykorzystać każde możliwe przejście więc wszystkie przejścia są żywe.
- 4. Czy wychodząc od dowolnego węzła grafu (znakowania) mona wykonać dowolne przejście? Jaki z tego wniosek n.t. żywotności sieci? Czy są możliwe zakleszczenia?
  - o Tak, możliwe jest wykonanie dowolnego przejścia.
  - o Sieć jest żywa.
  - o Zakleszczenie nie jest możliwe.

# Analiza niezmienników

# Petri net invariant analysis results

#### T-Invariants

T0 T1 T2 T3 T4

1 1 1 0 0

1 1 0 1 1

The net is covered by positive T-Invariants, therefore it might be bounded and live.

# P-Invariants

P0 P1 P2 P3

The net is covered by positive P-Invariants, therefore it is bounded.

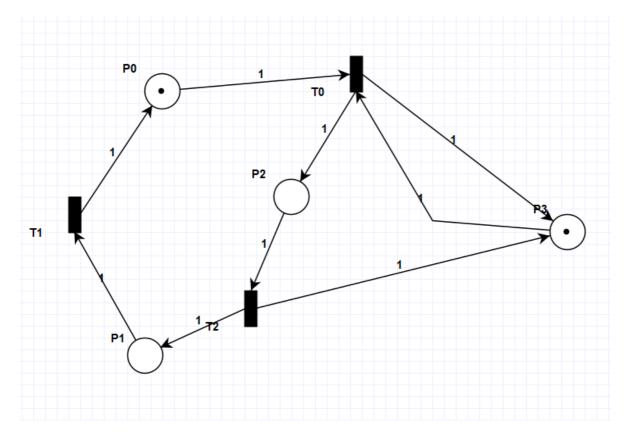
#### P-Invariant equations

M(P0) + M(P1) + M(P2) + M(P3) = 1

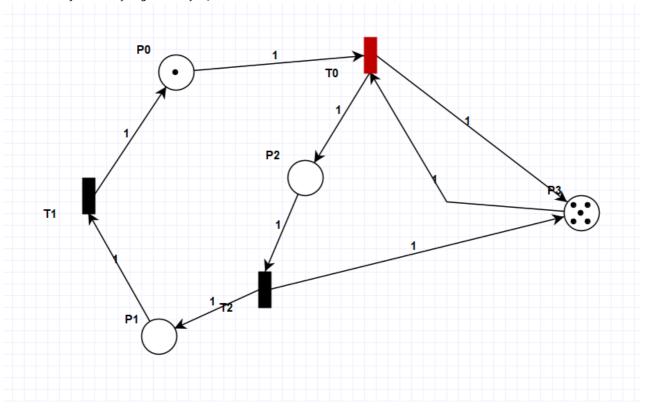
Analysis time: 0.001s

- 1. Analiza niezmienników przejść (T-invariants)
  - Sieć posiada dwa możliwe cykle przejść, co wskazuje na jej odwracalność. Dzięki temu sieć może powrócić do stanu początkowego z dowolnego osiągalnego stanu.
- 2. Analiza niezmienników miejsc (P-invariants)
  - Dla każdego znakowania osiągalnego ze znakowania początkowego ilość znaczników w sieci jest stała i wynosi 1. Sieć jest zatem zachowawcza.

# Zadanie 2



Po kilku iteracjach tokeny nagromadziły się w P3:



Analiza niezmienników Tranzycja T2 będzie ciągle namnażać znaczniki w miejscu P3. Nie da się wrócić do znakowania początkowego zatem

# Petri net invariant analysis results

# T-Invariants

T0 T1 T2

The net is not covered by positive T-Invariants, therefore we do not know if it is bounded and live.

# P-Invariants

P0 P1 P2 P3

The net is not covered by positive P-Invariants, therefore we do not know if it is bounded.

#### P-Invariant equations

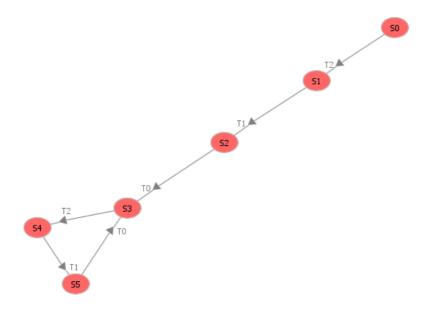
M(P0) + M(P1) + M(P2) = 1

Analysis time: 0.0s

sieć nie jest odwracalna.

# Graf osiągalności

- 1. Czy sieć jest żywa?
  - Tak, sieć jest żywa, ponieważ niezależnie od braku ograniczoności miejsca P3, z dowolnego znakowania uzyskanego, ze znakowania początkowego będziemy mogli wykonać ciąg tranzycji umożliwiający odpalenie dowolnej z nich.
- 2. Czy sieć jest ograniczona?
  - Sieć nie jest ograniczona ponieważ odpalenie tranzycji T2 nieodwracalnie dodaje znacznik do miejsca P1. Zatem pomimo tego, że miejsca P0, P2 oraz P3 są 1-ograniczone to przez brak ograniczoności P3 sieć nie jest ograniczona i przez to także nie jest bezpieczna

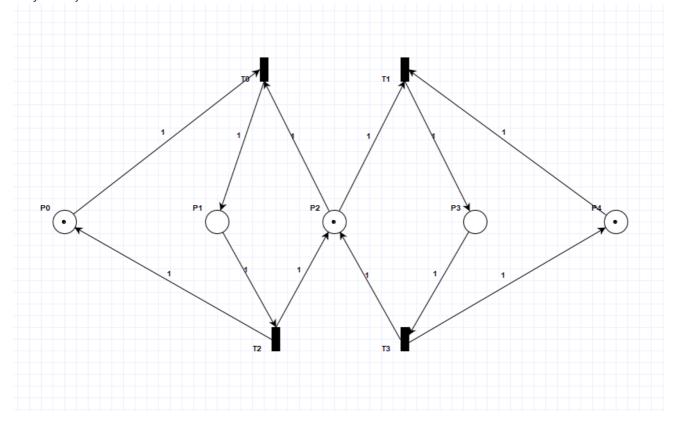


# Petri net state space analysis results

Bounded false
Safe false
Deadlock false

# Zadanie 3

Wzajemne wykluczenie:



- 1. Wyjaśnić znaczenie równań.
  - o W parach (P0, P1) oraz (P3, P4) zawsze będzie po 1 znaczniku wynika to z pierwszego i trzeciego równania.
- 2. Które równanie pokazuje działanie ochrony sekcji krytycznej?
  - o Sekcje krytyczną oznacza równanie które mówi że zasób jest wolny wtedy znacznik znajduje się w P2 albo jest zajęty przez jeden

# Petri net invariant analysis results

#### T-Invariants

то	T1	T2	T3
1	0	1	0
0	1	0	1

The net is covered by positive T-Invariants, therefore it might be bounded and live.

#### P-Invariants

P0	P1	P2	P3	P4
1	1	0	0	0
0	1	1	1	0
0	0	0	1	1

The net is covered by positive P-Invariants, therefore it is bounded.

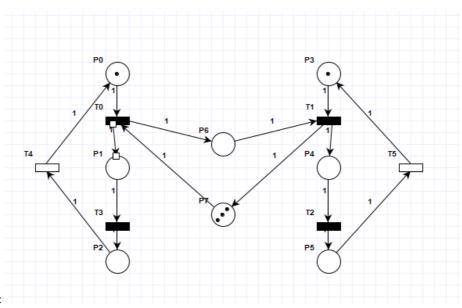
# P-Invariant equations

$$M(P0) + M(P1) = 1$$
  
 $M(P1) + M(P2) + M(P3) = 1$   
 $M(P3) + M(P4) = 1$ 

Analysis time: 0.0s

ze stanów P1, P3.

#### Zadania 4



Problem Producent-Konsument:

#### Analiza niezmienników

- 1. Które równanie mówi nam o rozmiarze bufora?
  - Równanie 3 mówi o rozmiarze bufora M(P6) + M(P7) = 3.
- 2. Czy siec jest zachowawcza?
  - o Tak sieć jest zachowawcza, ponieważ liczba tokenów w sieci jest stała i wynosi 5. Każda tranzycja ma tyle samo wejść co wyjść.

# Petri net invariant analysis results

#### T-Invariants

T0 T1 T2 T3 T4 T5

The net is covered by positive T-Invariants, therefore it might be bounded and live.

#### P-Invariants

P0	P1	P2	P3	P4	P5	P6	P7
1	1	1	0	0	0	0	0
0	0	0	1	1	1	0	0
0	0	0	0	0	0	1	1

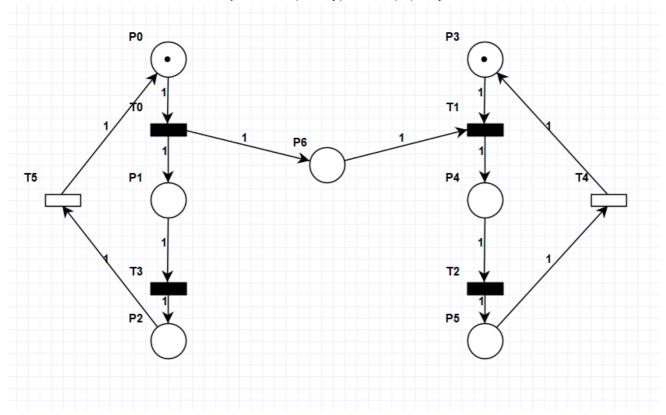
The net is covered by positive P-Invariants, therefore it is bounded.

# P-Invariant equations

$$M(P0) + M(P1) + M(P2) = 1$$
  
 $M(P3) + M(P4) + M(P5) = 1$   
 $M(P6) + M(P7) = 3$ 

#### Zadania 5

Problemu Producent-Konsumet z nieskończonym buforem (po lewej producent, po prawej konsument):

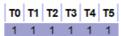


# Analiza niezmienników

- 1. Zaobserwować brak pełnego pokrycia miejsc.
  - o Ze względu na miejsce P6 sieć nie będzie ograniczona ani bezpieczna ponieważ to miejsce oznacza nieskończony bufor. Nie będzie zachowawcza bo tranzycja T0 produkuje tokeny.

# Petri net invariant analysis results

#### T-Invariants



The net is covered by positive T-Invariants, therefore it might be bounded and live.

#### P-Invariants

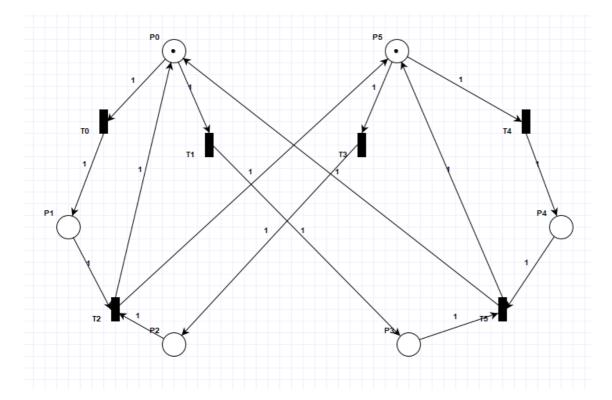
P0	P1	P2	P3	P4	P5	P6
1	1	1	0	0	0	0
0	0	0	1	1	1	0

The net is not covered by positive P-Invariants, therefore we do not know if it is bounded.

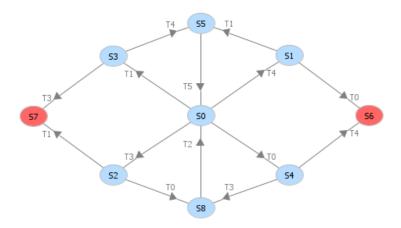
# P-Invariant equations

$$M(P0) + M(P1) + M(P2) = 1$$
  
 $M(P3) + M(P4) + M(P5) = 1$ 

#### Zadanie 6



**Graf osiągalności** Gdy dojdziemy do stanu S6 i S7 to dochodzi do zakleszczenia.



# Właściwości sieci

- Sieć jest ograniczona bo każde z miejsc może mieć maksymalnie 1 token.
- Sieć jest bezpieczna bo jest 1-ograniczona.
- Może dojść do zakleszczenia.

# Petri net state space analysis results

Bounded true Safe true

Deadlock true

Shortest path to deadlock: T0 T4