Taller de Álgebra I

Clase 2 - Primeras funciones II

Segundo cuatrimestre 2022

Repaso

Conceptos fundamentales de las clases previas

- Definición de algoritmo
- ▶ Programa funcional: ecuaciones dirigidas + reglas evaluación

```
<función a definir> = <expresión más simple>
```

- Funciones en haskell
 - Definición y evaluación
 - Funciones partidas y guardas
 - Pattern matching
- Tipos de datos y signatura
 - Int: números enteros
 - Float: números "reales" (punto flotante)
 - Bool: valores de verdad (True, False)

```
f :: Float -> Float signo :: Int -> Int beta :: Bool -> Int f x = x+2 signo x | x > 0 = 1 beta False = 0 | x == 0 = 0 beta _ = 1 | otherwise = -1
```

Variables de tipos

¿Qué tipo tienen las siguientes funciones y expresiones?

```
identidad x = x
primero x y = x
segundo x y = y
constante5 x y z = 5
primero True 5
```

Variables de tipo

- Son parámetros que se escriben en la signatura usando variables minúsculas
- ► En lugar de valores, denotan tipos
- Cuando se invoca la función se usa como argumento el tipo del valor

Variables de tipo (cont.)

Funciones con variables de tipo

```
identidad :: t -> t
identidad x = x

primero :: tx -> ty -> tx
primero x y = x

segundo :: tx -> ty -> ty
segundo x y = y

constante5 :: tx -> ty -> tz -> Int
constante5 x y z = 5

mismoTipo :: t -> t -> Bool
mismoTipo x y = True
```

Si dos argumentos deben tener el mismo tipo, se debe usar la misma variable

▶ Luego, primero True 5 :: Bool, pero mismoTipo 1 True 0 no tipa

Clases de tipos

¿Qué tipo tienen las siguientes funciones?

Clases de tipos

- Conjunto de tipos a los que se le pueden aplicar ciertas funciones
- Un tipo puede pertenecer a distintas clases

Los Float son números (Num), con orden (Ord), de punto flotante (Floating), etc.

En este curso

- No vamos a evaluar el uso de clases de tipos, pero . . .
- ... saber la mecánica permite comprender los mensajes de GHCi

Clases de tipos (cont)

Clase de tipos

Conjunto de tipos de datos a los que se les puede aplicar un conjunto de funciones

Algunas clases:

```
Integral := ({ Int, Integer, ... }, { mod, div, ... })
Practional := ({ Float, Double, ... }, { (/), ... })
Floating := ({ Float, Double, ... }, { sqrt, sin, cos, tan, ... })
Num := ({ Int, Integer, Float, Double, ... }, { (+), (*), abs, ... })
Ord := ({Bool, Int, Integer, Float, Double, ... }, { (<=), compare })</pre>
Floating := ({ Bool, Int, Integer, Float, Double, ... }, { (==), (/=) })
```

Clases de tipos (cont)

Las clases de tipos se describen como restricciones sobre variables de tipos

(Floating t, Eq t, Num u, Eq u) => ... significa que:

- ▶ la variable t tiene que ser de un tipo que pertenezca a Floating y Eq
- ▶ la variable u tiene que ser de un tipo que pertenezca a Num y Eq

Ejercitación conjunta

Averiguar el tipo asignado por Haskell a las siguientes funciones

¿Qué error ocurre cuándo ejecutamos f4 5 5 True? ¿Tiene sentido? ¿Y si ejecutamos f5 5 5 True? ¿Qué cambió?

Nueva familia de tipos: Tuplas

Tuplas

Dados tipos A₁,..., A_k, el tipo k-upla (A₁,..., A_k) es el conjunto de las k-uplas (v₁,..., v_k) donde v_i es de tipo A_i

```
(1, 2) :: (Int, Int)
(1.1, 3.2, 5.0) :: (Float, Float, Float)
(True, (1, 2)) :: (Bool, (Int, Int))
(True, 1, 2) :: (Bool, Int, Int)
```

► En Haskell hay infinitos tipos de tuplas

Funciones de acceso a los valores de un par en Prelude

```
► fst :: (a, b) -> a Ejemplo: fst (1 + 4, 2) \sim 5
```

▶ snd :: (a, b) -> b Ejemplo: snd (1, (2, 3)) \(\times\) (2, 3)

Ejemplo: suma de vectores en \mathbb{R}^2

```
suma :: (Float, Float) -> (Float, Float) -> (Float, Float)
suma v w = ((fst v) + (fst w), (snd v) + (snd w))
```

Podemos usar pattern matching para acceder a los valores de una tupla

```
suma (vx, vy) (wx, wy) = (vx + wx, vy + wy)
```

Podemos usar pattern matching sobre constructores de tuplas y números

```
esOrigen :: (Float, Float) -> Bool
esOrigen (0, 0) = True
esOrigen(_, _) = False
angulo0 :: (Float, Float) -> Bool
angulo0 (_, 0) = True
angulo0 (_, _) = False
{-
No podemos usar dos veces la misma variable
angulo45 :: (Float, Float) -> Bool
angulo45 (x,x) = True
angulo45 (_,_) = False
-}
angulo45 :: (Float, Float) -> Bool
angulo45 (x,y) = x == y
patternMatching :: (Float, (Bool, Int), (Bool, (Int, Float))) -> (
   Float, (Int, Float))
patternMatching (f1, (True, _), (_, (0, f2))) = (f1, (1, f2))
patternMatching (_ , _  , (_ , (_ , f))) = (f, (0, f))
```

Parámetros vs. tuplas

¿Conviene tener dos parámetros escalares o un parámetro dupla?

```
suma :: (Float, Float) -> (Float, Float) -> (Float, Float)
suma (vx, vy) (wx, wy) = (vx+wx, vy + wy)
-- | normaVectorial2 x y es la norma de (x,y)
normaVectorial2 :: Float -> Float -> Float
normaVectorial2 x y = sqrt(x^2 + y^2)
-- | normaVectorial1 (x,y) es la norma de (x,y)
normaVectorial1 :: (Float, Float) -> Float
normaVectorial1 (x,y) = sqrt (x^2 + y^2)
norma1Suma :: (Float, Float) -> (Float, Float) -> Float
normalSuma v1 v2 = normaVectorial1 (suma v1 v2)
norma2Suma :: (Float, Float) -> (Float, Float) -> Float
norma2Suma v1 v2 = normaVectorial2 (fst s) (snd s)
    where s = suma v1 v2
```

Funciones binarias: notación prefija vs. infija

Funciones binarias

- Notación prefija: función antes de los argumentos (e.g., suma x y)
- Notación infija: función entre argumentos (e.g. x + y, 5 * 3, etc)
- La notación infija se permite para funciones cuyos nombres son operadores
- ► El nombre real de una función definido por un operador es (•)
- Se puede usar el nombre real con notación prefija, e.g. (+) 2 3
- ► Haskell permite definir nuevas funciones con símbolos, e.g., (*+) (no hacerlo!)
- Una función binaria f común puede ser usada de forma infija escribiendo `f`

Ejemplos:

```
(>=) :: Ord a => a -> a -> Bool
(>=) 5 3 --evalua a True
(==) :: Eq a => a -> a -> Bool
(==) 3 4 --evalua a False
(^) :: (Num a, Int b) => a -> b -> a
(^) 2 5 --evalua 32.0
mod :: (Integral a) => a -> a -> a
5 `mod` 3 --evalua 2
div :: (Integral a) => a -> a -> a
5 `div` 3 --evalua 1
```

Ejercicios

Implementar las siguientes funciones, especificando su signatura. Usar pares para representar vectores. **Opcional:** chequear qué tipo asigna Haskell cuando se elimina la signatura y argumentar las razones de cada tipo.

 \blacksquare estanRelacionados: dados dos números reales, decide si están relacionados considerando la relación de equivalencia en $\mathbb R$ cuyas clases de equivalencia son:

$$(-\infty, 3], (3, 7] y (7, \infty).$$

- exttttttttprod Int: calcula el producto interno entre dos vectores de \mathbb{R}^2 .
- \blacksquare todoMenor: dados dos vectores de \mathbb{R}^2 , decide si es cierto que cada coordenada del primer vector es menor a la coordenada correspondiente del segundo vector.
- f 4 distanciaPuntos: calcula la distancia entre dos puntos de $\Bbb R^2$.
- **5** sumaTerna: dada una terna de enteros, calcula la suma de sus tres elementos.
- posicPrimerPar: dada una terna de enteros, devuelve la posición del primer número par si es que hay alguno, y devuelve 4 si son todos impares.
- crearPar :: a -> b -> (a, b): crea un par a partir de sus dos componentes dadas por separado (debe funcionar para elementos de cualquier tipo).
- invertir :: (a, b) -> (b, a): invierte los elementos del par pasado como parámetro (debe funcionar para elementos de cualquier tipo).

Compartir código

Desde acá hasta el final de esta clase es opcional

Compartir código

Lenguajes de programación como herramientas de comunicación

- Entre seres humanos
- Con la computadora

Código como mensaje a ser decodificado por un humano

▶ Bien ordenado, declarativo, explicado, conciso, documentado, etc.

```
x == 0 \text{ vs. } \text{sqrt } (4 * \text{fromInteger } ((\text{abs } x) * (\text{sgn } x)) == 0
```

Compartir código

- ¿Con quién? → otros usuarios, docentes, estudiantes, conmigo
- ightharpoonup Para qué? ightharpoonup reutilizar, testear, mantener, mejorar, explicar, etc.
- ¿Cómo? copy&paste (stackoverflow), herramientas externas (git) o internas (módulos)

En este curso:

Conocer la mecánica de módulos para entender mensajes de error y evitar problemas

Módulos de Haskell

Creación de módulos en haskell

- Módulo: conjunto de identificadores con su implementación.
 - Identificador: nombre unívoco de alguna entidad (función, tipo, módulo, etc)
- Los módulos se declaran con la palabra reservada module
- Cada módulo se identifica con un nombre en mayúscula
- El módulo se escribe en un único archivo del mismo nombre con extension ".hs"
- Los identificadores internos se implementan después de la palabra reservada where
- Las bibliotecas y programas de escala industrial suelen contener muchos módulos

Importación de módulos en haskell

- ► Con la palabra reservada import
- Cada módulo se importa en una línea aparte
- Los identificadores importados se usan como los no importados
- ► Se puede elegir qué identificadores importar entre paréntesis
- ► Solo se importan los módulos listados y Prelude; si un módulo importado *M* importa a su vez a un módulo *N*, entonces los identificadores de *N* no son importados.

```
module ModuloMedio
where
  import ModuloBase
  import ModuloBase2(absoluto)

maximo3 :: Int -> Int -> Int -> Int
  maximo3 x y z = maximo (maximo x y) z

maximoAbsoluto :: Int -> Int -> Int
  maximoAbsoluto x y = maximo (abs x) (absoluto y)
```

Ambigüedades y alcance de los identificadores

Alcance de los identificadores (scope)

- Lugares donde un identificador es válido, i.e., nombre una entidad existente
- Comportamiento de where para funciones y módulos
- Ambigüedad: un módulo no puede usar el mismo identificador para dos entidades En caso de ambigüedad, hay que prefijar el nombre del módulo.

```
module ModuloMedio2
where
   import ModuloBase
   import ModuloBase2
   import ModuloBase3

maximo3 :: Int -> Int -> Int -> Int
   maximo3 x y z = ModuloBase.maximo (ModuloBase.maximo x y) z

maximoCuadrado :: Float -> Float
   maximoCuadrado x y = ModuloBase3.maximo (x^2) (y^2)
```

Función privada

Funciones privadas

- Es común definir identificadores auxiliares en los módulos
- Los identificadores auxiliares son internos y pueden cambiar:
 Desapareciendo, cambiando de tipo, propósito, nombre, etc.
- Los identificadores auxiliares no deberían usarse en otros módulos
- ► En Haskell, podemos seleccionar qué identificadores se exportan
- Los que no se exportan son identificadores privados

Comandos GHCi para uso de módulos

Comandos del intérprete para trabajo con módulos

- ▶ En GHCi siempre hay un módulo cargado, inicialmente Prelude
- ▶ Para cargar otro módulo se usa el comando :load <Módulo>
- Para recargar el módulo actual después de modificar se usa :reload
- Todos los módulos importados por el módulo principal se cargan automáticamente
- Podemos ver los identificadores de un módulo cargado con :browse
- Los identificador pueden tener documentación propia que se accede con :doc
 Pero hay que activar la documentación con :set -haddock
- ▶ En caso de no recordar comandos, puedo usar :help para averiguarlos
- Ejemplo, puedo ver que :type indica el tipo de una función

Documentando nuestros módulos

Escribiendo documentación

- Comentario: texto para comunicación humano-humano, ignorado por la computadora
- ▶ Una línea: todo lo que aparece después de --
- Multilínea: todo lo que aparece entre {- comentario -}
- ▶ Documentación: comentario antes de una funcion que empieza con -- | o {- |

Recordar activar la documentación con :set -haddock

```
module Documentacion
where
    {- este modulo muestra como documentar y comentar
    este comentario multilinea se ignora -}
    --este comentario tambien se ignora
    -- |Documentacion de id
    -- id es la identidad
    id x = x
    {- |Documentacion multilinea
    constante5 es la funcion constante 5-}
    constante5 = 5
```

Más comandos útiles

Comandos útiles del intérprete

- ▶ :show path → muestra los directorios de los que se cargan módulos
- :cd → cambia de directorio
- ightharpoonup :show modules ightharpoonup muestra los modulos cargados actualmente
- ▶ :set editor <editor> → permite definir un editor
- :edit <file> → permite editar/crear un archivo
- :edit → edita el módulo actual
- :info <id>→ muestra información de un identificador (muy útil!)
- ightharpoonup :type +d <expr> ightarrow tipo con valores por default para las variables de tipo (muy util!)
- :set +t → muestra el tipo luego de cada evaluación
- :unset → limpia cualquier selección de set (editor, tiempo, tipo, etc)