

2004/04/06 M 森 智紀

9.3

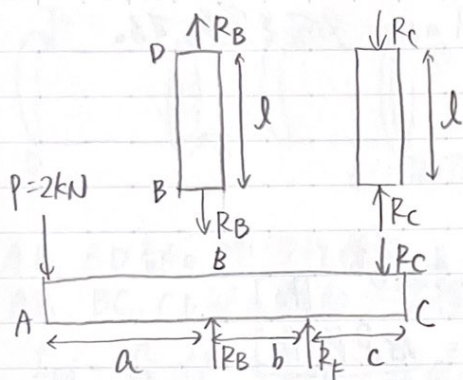


図1. FBD

力のつり合いより

$$R_B + R_F = P + R_C \Rightarrow R_F = R_C - R_B + P \quad \dots (1)$$

棒ACのモーメントのつり合いより

$$-R_F C - R_B(b+c) + P(a+b+c) = 0 \quad \dots (2)$$

①②より

$$-(R_C - R_B + P)C - R_B(b+c) + P(a+b+c) = 0$$

$$\Leftrightarrow P(a+b) = R_B b + R_C C \quad \dots (3)$$

図2より

$$\frac{\delta_B}{\delta_C} = \frac{b}{C} \quad \text{より} \quad \delta_B = \frac{R_B l}{AE}, \quad \delta_C = \frac{R_C l}{AE} \quad \text{より} \quad (A, B \text{ は断面積 } A \text{ である})$$

$$R_B C = R_C b$$

この式と③より

$$R_B \left( b + \frac{C^2}{b} \right) = P(a+b) \Leftrightarrow R_B = \frac{Pb(a+b)}{b^2 + C^2}$$

さらに図2より

$$\frac{\delta_A}{\delta_B} = \frac{a+b}{b} \quad \text{より} \quad \delta_A = \frac{a+b}{b} \cdot \frac{R_B l}{AE}$$

$$\therefore \delta_A = \frac{a+b}{b} \cdot \frac{l}{AE} \cdot \frac{Pb(a+b)}{b^2 + C^2}$$

$$= \frac{Pl(a+b)^2}{AE(b^2 + C^2)}$$

$$= \frac{2 \times 10^3 \times 0.225 \times (0.625)^2}{800 \times 10^{-6} \times 100 \times 10^9 ((75 \times 10^{-3})^2 + 0.1^2)} = 1.406 \times 10^{-4}$$

$$\therefore \delta_A = 0.141 \text{ mm}$$

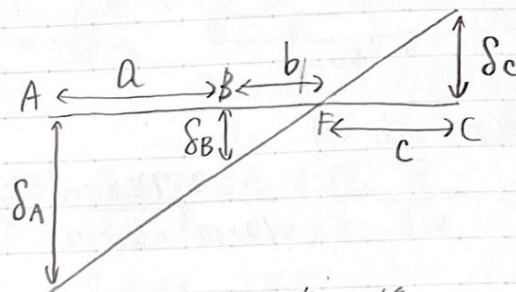
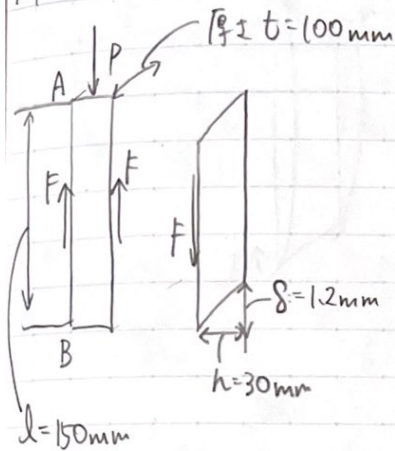


図2. 変形後

9.4



20D404016M 森 智紀

左図のように文字を定義する。

Fはせん断力である。

力のつりあから

$$P = 2F$$

$$\Leftrightarrow F = \frac{P}{2}$$

J"の部分の面積は  $2t$  と書ける。J"にかかるせん断応力  $\tau$  は

$$\tau = \frac{F}{2t}$$

$$= \frac{P}{2t} \quad \text{である。}$$

7.4の法則よりせん断弾性係数  $G$ , ひずみ  $\gamma$  とすると

$$\tau = G\gamma \quad \text{と} \quad \text{なる。 (4) より}$$

$$\gamma = \frac{\delta}{h} \quad \text{であるから}$$

$$G = \frac{\tau}{\gamma}$$

$$= \frac{h}{\delta} \frac{P}{2t}$$

$$= \frac{0.03 \times 20 \times 10^3}{2 \times 0.1 \times 0.15 \times 1.2 \times 10^{-3}} = 16.67 \times 10^6 \quad [\text{Pa}]$$

$$\therefore G = 16.7 \quad [\text{MPa}] //$$



9.5

20D4104016M 森 智紀

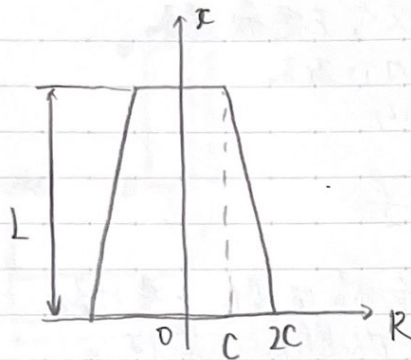


図1

(1) 図1のような座標を考えると

$$R = -\frac{C}{L}x + 2C$$

と表せる。ここで断面二次極モーメント  $I_p$  は

$$I_p = \frac{\pi}{2} R^4$$

と表せる。位置  $x$  でのせん断応力は

$$\tau = \frac{T}{I_p} r = \frac{2T}{\pi R^4} r$$

と表せるので  $R$  が最小かつ  $r$  が最大のときに  $\tau$  は最大値をとる。 $R, r$  の最大値  $R_{\max}, r_{\max}$  は  $R_{\max} = 2C, r_{\max} = 2C$ 

$$\therefore \tau_{\max} = \frac{T}{4\pi C^3}$$

(2) 図2のような微小部分  $dx$  を考える。ここでのねじれ角  $d\phi$  は

$$d\phi = \frac{T dx}{G I_p} = \frac{T}{G} \frac{2}{\pi} \left( -\frac{L}{Cx + 2CL} \right)^4 dx$$

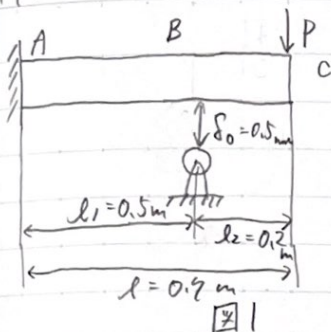
これを 0 から  $L$  まで積分すればよい。A でのねじれ角である。

$$\begin{aligned} \phi &= \frac{2TL^4}{G\pi C^4} \int_0^L \left( \frac{1}{x-2L} \right)^4 dx \\ &= \frac{2TL^4}{G\pi C^4} \left[ -\frac{1}{3} (x-2L)^3 \right]_0^L \\ &= \frac{2TL^4}{G\pi C^4} \frac{7}{24L^3} \end{aligned}$$

$$\therefore \phi = \frac{7TL}{12G\pi C^4}$$

9.7.

2004/10/4/641 森 智紀



左図のように文字を定義し、点Cの必要な変形量を  $\delta_C = 0.8 \text{ mm}$  とする。断面2次モーメント  $EI$  とすると  $I = \frac{1}{12} 0.06^4 = 1.08 \times 10^{-6}$  である。まず点Bから変位する時に必要な力  $P_1$  を求め、点Cから  $\delta_C$  変位する時にここに必要な力を出す。まず  $P_1$  を求める。T-わみ角とT-わみの一般式を用いる。

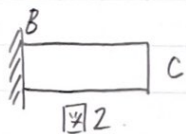
$$\delta_0 = \frac{P_1 l}{6EI} \left(3 - \frac{l_1}{l}\right) l_1^2 \rightarrow P_1 = \frac{6EI \delta_0}{l_1^2} \cdot \frac{1}{3l - l_1}$$

荷重  $P_1$  から点Cの変位  $\delta_{C1}$  は

$$\delta_{C1} = \frac{P_1 l^3}{3EI} = \frac{2\delta_0 l^3}{l_1^2 (3l - l_1)} \quad \text{である。}$$

荷重  $P_1$  から点BのT-わみ角  $\theta_B$  は

$$\theta_B = \frac{P_1 l_1}{2EI} \left(2 - \frac{l_1}{l}\right) l_1 = \frac{3\delta_0 (2l - l_1)}{l (3l - l_1)}$$



次に左図のように点Bを壁で固定と考える。点BのT-わみから  $\theta_B$  でBに対してCのT-わみ  $\theta$  であると考えたのが図2である。このときAに対してCのT-わみは  $\delta_{CB} = \theta_B l_2$  である。

よってAに対してCから  $\delta_{C1}$  T-わみと  $\delta_{C1} - \delta_{CB}$  T-わみ  $\delta_C$  だけ変形する時に必要な力  $P_2$  とする。

$$\delta_{C1} - \delta_{CB} = \frac{P_2 l_2^3}{3EI} \Rightarrow \frac{2\delta_0 l^3}{l_1^2 (3l - l_1)} - \frac{3\delta_0 l_2 (2l - l_1)}{l (3l - l_1)} \cdot \frac{P_2 l_2^3}{3EI} \Rightarrow P_2 = \frac{3EI}{l_2^3} \frac{2\delta_0 l^4 - 3\delta_0 l_1 l_2 (2l - l_1)}{l_1 l (3l - l_1)}$$

同様に図2の状態から点Cの必要なT-わみ  $\delta_C$  だけ変形させる時に必要な力  $P_3$  とする。

$$\delta_C - \delta_{CB} = \frac{P_3 l_2^3}{3EI} \Rightarrow \delta_C - \frac{3\delta_0 l_2 (2l - l_1)}{l (3l - l_1)} = \frac{P_3 l_2^3}{3EI} \Rightarrow P_3 = \frac{3EI}{l_2^3} \left( \delta_C - \frac{3\delta_0 l_2 (2l - l_1)}{l (3l - l_1)} \right)$$

よって  $P_1$  に加えて必要な力は  $P_3 - P_2$  である。求める  $P$  は

$$P = P_1 + (P_3 - P_2)$$

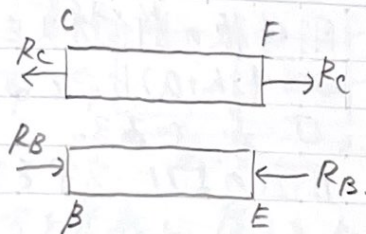
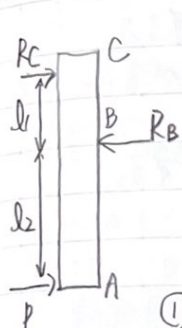
$$= \frac{6EI \delta_0}{l_1^2 (3l - l_1)} + \frac{3EI}{l_2^3} \left( \delta_C - \frac{3\delta_0 l_2 (2l - l_1)}{l (3l - l_1)} \right) - \frac{3EI}{l_2^3} \left( \frac{2\delta_0 l^4 - 3\delta_0 l_1 l_2 (2l - l_1)}{l_1 l (3l - l_1)} \right)$$

$$= 21.93 \times 10^3$$

$$\therefore P = 21.9 \text{ kN}$$



9.8.



① ② より

$$R_B = P \frac{l_1 + l_2}{l_1}, \quad R_C = P \frac{l_2}{l_1}$$

• BE の変位を  $\lambda_{BE}$  とすると 断面積を  $A = 60 \times 15 \times 10^{-6} = 9 \times 10^{-4} \text{ m}^2$

$$\lambda_{BE} = \frac{R_B l}{AE} = \frac{P(l_1 + l_2) l}{l_1 AE} = \frac{18 \times 10^3 \times 0.44 \times 0.24}{0.18 \times 9 \times 10^{-4} \times 200 \times 10^9} = 5.866 \times 10^{-5} \text{ m}$$

圧力  $\sigma_{BE}$  は

$$\sigma_{BE} = \frac{R_B}{A} = \frac{P(l_1 + l_2)}{l_1 A} = \frac{18 \times 10^3 \times 0.44}{0.18 \times 9 \times 10^{-4}} = 48.88 \times 10^6 \text{ [Pa]}$$

• CF の変位を  $\lambda_{CF}$  とすると

$$\lambda_{CF} = \frac{R_C l}{AE} = \frac{P l_2 l}{l_1 AE} = \frac{18 \times 10^3 \times 0.26 \times 0.24}{0.18 \times 9 \times 10^{-4} \times 200 \times 10^9} = 3.467 \times 10^{-5}$$

圧力  $\sigma_{CF}$  は

$$\sigma_{CF} = \frac{R_C}{A} = \frac{P l_2}{l_1 A} = \frac{18 \times 10^3 \times 0.26}{0.18 \times 9 \times 10^{-4}} = 28.89 \times 10^6 \text{ [Pa]}$$

$$\lambda_{BE} = 5.87 \times 10^{-2} \text{ mm の縮み}, \quad \lambda_{CF} = 0.0347 \text{ mm の伸び}$$

$$\sigma_{BE} = 48.9 \text{ MPa の圧縮}, \quad \sigma_{CF} = 28.9 \text{ MPa の引張り}$$

2004104016H 森 智紀

左図のように文字を定義する。

$$P = 18 \text{ kN とする。}$$

棒 AC の力のつり合いより

$$R_C + P = R_B \quad \dots ①$$

モーメントのつり合いより

$$P(l_1 + l_2) = R_B l_1 \quad \dots ②$$