文章编号: 1004-0609(2006)06-0951-07

贵金属 Cu、Ag、Au 的电子结构和物理性质[©]

陶 辉锦,谢佑卿,彭红建,余方新,李晓波,聂耀庄,刘锐锋 (中南大学材料科学与工程学院,长沙410083)

摘 要: 由纯金属单原子理论(OA)确定了面心立方结构(FCC)贵金属 Cu、Ag、Au 的电子结构依次为[Ar] $(3d_n)^{5.58}(3d_e)^{4.21}(4s_e)^{0.23}(4s_f)^{0.98}$ 、[Kr] $(4d_n)^{4.87}(4d_e)^{4.56}(5s_e)^{0.66}(5s_f)^{0.91}$ 、[Xe] $(5d_n)^{4.20}(5d_e)^{4.90}(6s_e)^{1.57}(6s_f)^{0.33}$,并确定了 Cu、Ag、Au 的密排六方结构(HCP)和体心立方结构(BCC)两种初态特征晶体和初态液体的电子结构。根据自然态的电子结构定性解释了熔点、拉伸强度、维氏硬度、体弹性模量、电导和热导率物理性质差异与电子结构的关系,定量计算了晶格常数、结合能、势能曲线及线热膨胀系数随温度的变化。根据非自然态的电子结构,定性解释了晶体结构 BCC 和 HCP 的关系。

关键词: Cu, Ag, Au; 电子结构; 晶体结构; 晶格常数; 结合能; 物理性质中图分类号: TG 111 文献标识码: A

Electronic structures and physical properties of Cu, Ag and Au

TAO Hui jin, XIE You qing, PENG Hong jian, YU Fang xin, LI Xiao bo, NIE Yao zhuang, LIU Rui feng (School of Materials Science and Engineering, Central South University, Changsha 410083, China)

Abstract: With the application of the One Atom (OA) theory, the electronic structures of pure Cu, Ag and Au with FCC structure were determined, respectively. The electronic structures of these metals with HCP and BCC structure and LIQUID state were also determined. According to the electronic structure in natural state, the relationships between the differences of physical properties of Cu, Ag and Au and their electronic structures were explained qualitatively, and the lattice constants, cohesive energies potential curves and the temperature dependence of linear thermal expansion coefficient of FCE Cu, Ag and Au were calculated quantitatively as well. According to the electronic structure in unnatural state of HCP and BCC phases, the relationship between the electronic structure and crystalline structure was explained qualitatively.

Key words: Cu, Ag, Au; electronic structure; crystalline structure; lattice constant; cohesive energy; physical properties

金属材料系统科学框架^[1-5] 包括 3 部分: 纯金属系统科学,合金物理与化学和合金统计热力学。建立这一框架的目的在与探索对金属与合金的电子结构与物理性质关系的全面描述。这一框架以多原子相互作用势^[6-7],晶格常数方程^[8],原子状态杂化理论^[9-10] 和其它物理性质的理论作为基础,对 $Ag~Cu^{[11-14]}$, $Ti~Al^{[15-17]}$ 和 $Au~Cu^{[18-20]}$ 等合金系的

原子状态,原子势能,原子动能,原子体积,体弹性模量和热膨胀系数等性质进行了系统研究。

在这一框架中,核心内容是单原子(OA)理论。 基于这一理论,运用自洽计算的方法可以计算纯金 属的电子结构,包括原子布居数、原子价和化学键 参数,通过拟合计算的方法可以计算包括体弹性模 量、热膨胀系数和势能函数。OA 理论的目标在于

① 基金项目: 国家自然科学基金资助项目(50271085),湖南省自然科学基金重大项目(99JZY1005)

建立纯单质数据库,为复杂合金的设计、制备及应用提供基本信息,从而使材料设计在系统科学地指导下由经验设计步入科学设计阶段。本文作者运用OA理论计算软件,完成了纯金属Cu、Ag和Au的电子结构和物理性质的计算,并且分别和实验资料进行了对比和分析。

1 金属 Cu、Ag、Au 的基本原子态

在 OA 理论中, 纯金属的电子结构以若干基本原子态 Ψ 组成的单原子态 Ψ 中准电子占有数 (QEO)来描述:

$$\psi = \sum_{\alpha_k} \varphi_k \tag{1}$$

在金属 $Cu \times Ag \times Au$ 原子的外壳层中存在有共价电子 n_e ,近自由电子 n_t 和非键电子 n_n 。在每一基本原子态中,电子分布服从 Pauli 不相容原理。

由 Cu、Ag、Au 各种基本原子态原子组成的赝晶体的特征性质(晶格常数 a 和结合能 E_e)可由已建立的一系列公式^[3] 求得。表 1 所列为基本原子态及其相应的 FCC 结构赝晶体的特征性质。

2 自然态 FCC Cu、Ag、Au 电子结构 的确定

本研究中,先以晶格常数 a 和结合能 E_c 这两个特征性质为依据,在基本态组合系数步长为 0.001的条件下对 10 个基本原子态选取三态进行杂

化; 然后以晶格常数和结合能这两个物理量为主要依据确定对 $Cu \times Ag \times Au$ 所取的三态组合成份为表 2 所列。

根据上表确定的电子结构分别为:

$$\text{4(FCC-Cu)}=[\ A\ r]\ (\ 3d_n\,)^{5.58}\,(\ 3\,d_c\,)^{4.21}\,(\ 4\,s_c\,)^{0.23}$$
 $(\ 4\,s_f\,)^{0.98}$

$$\psi$$
 FCC Ag) = [Kr] $(4d_n)^{4.87} (4d_c)^{4.56} (5s_c)^{0.66}$

$$\label{eq:FCGAu} \text{ψFCG-Au$} = \text{[Xe] (5d_n)^{4.20} (5d_c)^{4.90} (6s_c)^{1.57}} \\ \text{(6s_f)}^{0.33}$$

表 3 列出了FCG Cu、Ag、Au 晶体的原子状态 参数、键参数和特征性质、其中 r_1 、 r_2 、 r_3 和 n_1 、 n_2 、 n_3 分别表示共价键键长(n_m)和共价电子对数。

3 非自然态 HCP Cu、Ag、Au 和 BC∈ Cu、Ag、Au 初态特征晶体的 电子结构

3. 1 HCP Cu、Ag、Au 和 BCC Cu、Ag、Au 的结合 能

在等压条件下,纯金属的 Gibbs 自由能为比热 $c_0(T)$ 的函数:

$$G(T) = -E_{c} + \int_{0}^{T} c_{P} d\theta - T \int_{0}^{T} \frac{c_{P}}{\theta} d\theta \qquad (2)$$

式中 $H(0 \text{ K}) = -E_c$.

在 SGTE 数据库中,Gibbs 能用温度的幂级数 形式表示为^[23]

表 1 Cu, Ag 和 Au FCC 赝晶体的基本原子态和特征性质

Table 1 Basic atom states and characteristic properties of pseudocrystals of Cu, Ag and Au

Basic atom state	Electronic structure -	Lattice constant, a /(10-1 nm)			Cohesive energy, $E_{\rm c}$ /(kJ · mol ⁻¹)		
		Cu	Ag	Au	Cu	Ag	Au
Ч	(d_n) 6 (d_c) 4 (s_c) 1 (s_f) 0	3. 5730	4. 0336	4. 0381	416. 355	369. 353	368. 937
ψ_{2}	(d_n) 6(d_c) 4(s_c) 0(s_f) 1	3. 6546	4. 1153	4. 1199	280. 511	249. 421	249. 141
ųз	(d_n) ⁶ (d_c) ³ (s_c) ² (s_f) ⁰	3. 7134	4. 1817	4. 1804	387. 289	344. 337	344. 435
$\psi_{\!\scriptscriptstyle 4}$	(d_n) 6(d_c) 3(s_c) 1(s_f) 1	3. 7950	4. 2634	4. 2622	293. 248	261. 305	261. 374
43	(d_n) $^6\!($ d_c) $^3\!($ s_c) $^0\!($ s_f) 2	3. 9969	4. 4641	4. 4631	194. 855	174. 704	174. 740
Ą	(d_n) $^4\!($ d_c) $^6\!($ s_c) $^1\!($ s_f) 0	3. 4101	3. 8682	3. 8743	610. 521	539. 189	538. 343
4 ₇	(d_n) $^4\!($ d_c) $^6\!($ s_c) $^0\!($ s_f) 1	3. 4664	3. 9246	3. 9307	448. 181	396. 498	395. 879
\mathcal{L}_{8}	($d_{\rm n}$) 4($d_{\rm c}$) 5($s_{\rm c}$) 2($s_{\rm f}$) 0	3. 5102	3. 9739	3. 9759	587. 628	519. 885	519. 624
43	(d_{n}) 4(d_{c}) 5(s_{c}) 1(s_{f}) 1	3. 5665	4. 0303	4. 0323	476. 201	422. 008	421. 794
40	(d_n) 4(d_c) 5(s_c) 0(s_f) 2	3. 6332	4. 0970	4. 0991	350. 633	311. 313	311. 153

表 2 FC Cu、Ag 和 Au 三态杂化成分表 **Table 2** Hybridized concentration of three states of noble metal Cu,Ag and Au

El	Composition of hybridization, C_k / $^0\!\!/_0$				
Elem ent -	Ч	4 <u>2</u>	48	43	
Cu	2. 3	76. 8	-	20. 9	
Ag	-	43.7	9.4	46. 9	
Au	-	10. 1	67. 3	22. 6	

表 3 FCG Cu、Ag、Au 晶体的原子状态参数、 键参数和特征性质

Table 3 A tom state parameters, bond parameters and characteristic properties of FCG Cu, Ag and Au crystals

ъ.	Metal				
Parameter	Cu	Ag	Au		
$D_{ m n}$	5. 58	4.87	4. 20		
$D_{ m c}$	4. 21	4.56	4. 90		
$S_{ m c}$	0. 23	0.66	1.57		
${S}_{ m f}$	0.98	0.91	0.33		
R/nm	0. 115 8	0. 1332	0. 133 8		
r_1 /n m	0. 257 7	0. 2882	0. 283 8		
r_2 /n m	0. 364 5	0.4076	0.4013		
$r_3 / \text{n m}$	0. 446 4	0.4992	0. 491 5		
n_1	0. 366 5	0. 4325	0. 536 0		
n_2	0.0061	0.0044	0.0059		
n_3	0.0003	0. 000 1	0.0002		
a/nm	0. 364 5	0. 407 6	0. 401 3		
$E_{\rm c}/({\rm kJ\cdot mol^{-1}})$	336. 6	285. 0	368. 6		
a /nm ^[21]	0. 361 509	0. 408 641	0. 407 86		
E _c /(kJ· mol ⁻¹) [22]	336	284	368		

$$G'(T) = a + bT + cT \ln T + \sum_{n} dT^{n}$$
 (3)

根据 SG TE 的晶格稳定参数^[24] 得到的 H CP 和BCC 结构的结合能分别为:

 $E_c(\text{HCP Cu}) = 335.4 \text{ kJ/mol}, \ E_c(\text{BCE Cu}) = 331.98 \text{ kJ/mol}; \ E_c(\text{HCP Ag}) = 283.7 \text{ kJ/mol}; \ E_c(\text{BCE Ag}) = 280.6 \text{ kJ/mol}; \ E_c(\text{HCP Au}) = 367.76 \text{ kJ/mol}, \ E_c(\text{BCE Au}) = 363.75 \text{ kJ/mol}.$

3.2 HCP Cu、Ag、Au和BCC Cu、Ag、Au的晶格常数

由于无法直接测定 HCP Cu、Ag、Au 和 BCG Cu、Ag、Au 的晶格常数,故在本研究中采用对实 验资料进行拟合外推的方法来求,如对 HCP 结构

3.3 HCP Cu、Ag、Au 和 BCC Cu、Ag、Au 的电子 结构

与确定自然态 FCG Cu、Ag、Au 的电子结构 类似,根据结合能和晶格常数由 OA 理论方可以确 定 HCP Cu、Ag、Au 的电子结构依次为: Ψ (HCP Cu)=[Ar] $(3d_n)^{6.00}(3d_c)^{4.00}(4s_c)^{0.32}(4s_f)^{0.68}$, Ψ (HCP Ag)=[Kr] $(4d_n)^{5.78}(4d_c)^{3.22}(5s_c)^{1.89}(5s_f)^{0.11}$, Ψ (HCP Au)=[Xe] $(5d_n)^{6.00}(5d_c)^{3.02}(6s_c)^{1.83}(6s_f)^{0.15}$; BCG Cu、Ag、Au 的电子结构依次为: Ψ (BCG Cu)=[Ar] $(3d_n)$ 5. $26(3d_c)$ 4. 37 $(4s_c)$ 0. $08(4s_f)^{1.29}$, Ψ (BCG Ag)=[Kr] $(4d_n)^{5.75}(34d_c)^{3.29}(5s_c)^{1.84}(5s_f)^{0.13}$, Ψ (BCG Au)=[Xe] $(5d_n)^{4.00}(5d_c)^{5.18}(6s_c)_{1.20}(6s_f)_{0.62}$.

4 初态液体 LIQUID Cu、Ag、Au 的 电子结构

与 H CP 和 BCC 初态特征晶体的情况类似,由 SGTE 数据库晶格稳定参数可求得初体 LIQUID Cu、Ag、Au 的结合能依次为 E_c (上 Cu) = 323.035 kJ/mol, E_c (上 Ag) = 272.975 kJ/mol, E_c (上 Au) = 355.448 kJ/mol。

假定 Cu、Ag、Au 在熔化后仍具有 FCC 短程有序结构,则根据其在熔化前后的密度^[25] 及固态 FCG Cu、Ag、Au 的晶格常数可推得液态 ECu、Ag、Au 的晶格常数依次为:a(ECu)=0.36675 nm,a(EAg)=0.41441 nm,a(EAu)=0.41437 nm。与前面类似,可以确定初体 LIQUID Cu、Ag、Au 的电子结构依次为: $\Psi(ECu)=[Ar](3d_n)^{4.35}(3d_c)^{4.65}(4s_f)^{2.00}$, $\Psi(EAg)=[Kr](4d_n)^{4.76}(4d_c)^{4.43}(5s_f)^{1.81}$, $\Psi(EAu)=[Xe](5d_n)^{5.80}(5d_c)^{3.33}(6s_c)^{1.76}(6s_c)^{0.10}$ Shing House. All rights reserved. http://www.cnki.net

Cu、Ag、Au晶体结构演变的电子 结构解释

p 轨道电子云沿 $x \times y$ 和 z 轴方向伸展,轴向上 的电子对核电菏的屏蔽作用最强,而在轴间屏蔽较 弱,因此在轴间形成了两个弱屏蔽方向系统^[26]: 〈111〉方向的第一方向系统和〈110〉方向的第二方向 系统, 前者是体对角线, 与 px, py 和 pz 轨道的夹角 为 $54^{\circ}44^{\prime}$,后者是面对角线,与 p_x , p_y 或 p_z 轨道的 夹角为 45°。原子核对第一方向系统上的电子吸引力 最大,对第二方向系统方向上的电子吸引力次之。

Cu、Ag、Au 原子的 p 壳层已经充满,而 p⁶ 壳 层外的 d 电子分裂为 es 和 t2g, 它们具有不同的能 量和对称性。 eg 态 d 电子云沿(111)方向(即第一方 向系统)伸展,而 t2g 态 d 电子云沿(110)方向(即第 二方向系统) 伸展。d 电子首先填充能量较低的 eg 态轨道,在(111)方向形成键瓣,这些状态的原子 聚合有利于形成对称性低的 BCC 结构的晶体[14]。 同时,s电子云具有球对称性,有利于形成高配位 数结构的晶体。本研究中电子结构的计算结果解释 了 Cu、Ag、Au 贵金属 BCC→HCP 转变过程中晶 体结构的成因,即 d_e 电子减少(Cu: 4.37→4.00; Ag: 3.29→3.22; Au: 5.18→3.02), sc 电子增加 (Cu: 0.08→0.32; Ag: 1.84→1.89; Au: 1.20→ 1.83),使电子云分布的对称性增强而方向性减弱, 晶体结构向配位数增加的方向演变,从而由 BCC 结构转化为HCP结构。

Cu、Ag、Au 物理性质差异的电子 结构解释

为了与实验结果进行比较,这一部分的讨论只 涉及自然态 FCC 结构 Cu、Ag、Au。金属的性质从 本质上来说是金属晶体结合性质的体现。可以认 为,总共价电子数 n_e 越多,结合越强,硬度和强度 越大; 总自由电子 nī 越多, 流动性越好, 塑性和延 性越好,因此可以以此二者作为判据来衡量金属力 学性能的差异,同时考虑体积因素,可作如下参数 定义: 共价电子浓度 $T_f = n_c/V$ 和自由电子浓度 T_r $=n_{\rm f}/V$,V 为原子体积。根据凝聚态物理的固体电 子论^[22], 电导率 $\sigma = ne^2 \tau/m$ 和热导率 K = $\pi^2 n k_B^2 T \tau / 3m$,其中 n 为电子浓度,e 为电子电量, τ 为弛豫时间,m 为电子质量,k B 为 Boltzman 常

数,T 为绝对温度。若定性假定弛豫时间 τ 相等, 则在相同的温度 T 下, $Cu \times Ag \times Au$ 的电导率 σ 和 热导率 K 只和电子浓度有关。

表 4 列出了 FCC 结构 Cu、Ag、Au 的电子浓 度参数和各种性质,熔点虽然一般不被当做力学性 质,但它可以作为一个衡量金属晶体结合强度的物 理量,又因为它可以被精确地测定,且结果的分散 度很小, 所以我们把熔点值也列入表 3 中。结果表 明: Cu、Ag和Au的熔点、体弹性模量、电导率和 热导率与 Te 变化一致,即共价电子浓度越大,电 子局域化程度越高,流动性越差,使得原子结合能 越大, 抗压能力越强, 电导率和热导率越低; 另外 一个方面, Cu, Ag 和 Au 的抗拉强度和维氏硬度 与 T_r 变化一致,即,自由电子浓度越大,材料塑性 和拉伸强度越好,虽然硬度同时受到 T_f 与 T_r 的影 响,但是对于 Cu、Ag 和 Au, 其维氏硬度主要受到 T_r 的影响,因而呈现与拉伸强度相似的规律。

表 4 FCC 结构 Cu、Ag、Au 物理性质差异与 电子结构的关系

Table 4 Relationship between differences of physical properties of FCC Cu, Ag and Au and their electronic structures

D	FCC metal			
Property	Cu	Ag	Au	
$n_{\rm c}$ /(electrons · atom -1)	4. 44	5. 22	6. 47	
n_{f} /(electrons \cdot atom $^{-1}$)	0. 98	0. 91	0. 33	
$V/(\text{nm}^3 \cdot \text{atom}^{-1})$	0. 011 81	0. 017 06	0. 016 96	
$T_{\rm f}$ /(electrons · nm - 3)	375. 953	305. 979	381.486	
$T_{\rm r}$ /(electrons · nm $^{-3}$)	82. 981	53. 341	19. 458	
Melting point/K ^[23]	1357.77	1 234. 93	1 337. 33	
Tensile strength/MPa ^[27]	209	125	103	
Vickers Hardness 28 / $(M N \cdot m^{-2})$	369	251	216	
Bulk modulus/GPa ^[22]	137	100.7	173. 2	
Electrical conductivity[22] at 295 K /10 ⁵ ($\Omega \cdot cm$) -1	5. 88	6. 21	4. 55	
Thermal conductivity[22] at 300 K/(W \cdot cm $^{-1}$ K $^{-1}$)	4. 01	4. 29	3. 17	

自然态 FCC Cu、Ag、Au 物理性质 的定量计算

以上部分对贵金属 Cu、Ag、Au 的电子结构与 晶体结构和物理性质的关系进行了定性解释,本节 将对自然态 FCG Cu、Ag、Au 的势能曲线和线热 膨胀系数随温度的变化进行定量计算。需要说明的 是,为了便于与实验结果比较,本文仅给出自然态 FCG Cu、Ag、Au 的计算结果。

7. 1 理论势能曲线

根据 MAI 势能函数, 计算得到 FCG Cu、Ag、 Au 的理论势能曲线,如见图 1 所示。

7.2 线热膨胀系数随温度的变化

根据 Debye 模型和线热膨胀系数 Grüneisen 公 式^[21],由MAI 势能函数计算所得的常数 Q_0 和 k_1 结合文献[22]的 Debye 温度 岛, 得到 FCG Cu、 Ag、Au 的线热膨胀系数随温度的变化关系曲线如 图 2 所示, 其中实验数据来自参考文献 21]。

结论 8

600

400

200

0.15

0.30

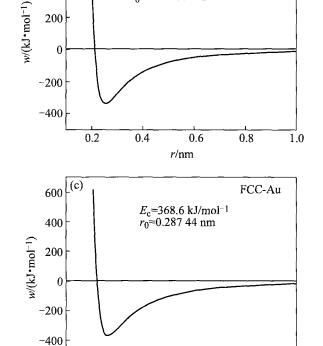
(a)

1) 由纯金属单原子理论 OA 方法计算了 FCG

 E_c =336.6 kJ/mol⁻¹

 $r_0 = 0.254 77 \text{ nm}$

FCC-Cu



0.45

0.60

r/nm

0.75

0.90

Cu、Ag、Au 的电子结构,发现当自由原子聚合形 成 FCG Cu、Ag、Au 时,每个原子分别约有 0.21, 0.57, 0.90 个 d 电子转化为 s 电子, 故 FCG Cu、 Ag、Au 的电子结构可以依次描述为: (FCG Cu)= $[Ar] (3d_n)^{5.58} (3d_c)^{4.21} (4s_c)^{0.23} (4s_f)^{0.98}, \quad \text{UFCC}$ $Ag) = [Kr] (4d_n)^{4.87} (4d_c)^{4.56} (5s_c)^{0.66} (5s_f)^{0.91}, \quad \psi$ $(\,FC\!\in\!Au\,)\,=\,[\,\,Xe\,]\,\,\,(\,5d_n\,\,)^{4.\,20}\,\,(\,5d_c\,\,)^{4.\,90}\,\,(\,6\,s_c\,\,)^{1.\,57}$ $(6s_f)^{0.33}$.

- 2) 根据自然态 FCG Cu、Ag、Au 的电子结构 定性解释了物理性质差异与电子结构的关系:定量 计算了晶格常数、结合能、势能曲线和线热膨胀系 数随温度的变化,这些性质的理论值和实验值吻合 较好。
- 3) 根据 SG TE 纯单质数据库的热力学数据, 结合实验外推的晶格常数,由 OA 方法计算了非自 然态的电子结构,并定性解释了晶体结构 BCC 和 HCP 的关系, 所确定的非自然态电子结构结果分 别为: 从HCP Cu)=[Ar](3dn)^{6.00}(3dc)^{4.00}(4sc)^{0.32} $(4s_f)^{0.68}$, $\Psi HCP Ag) = [Kr] (4d_n)^{5.78} (4d_c)^{3.22}$

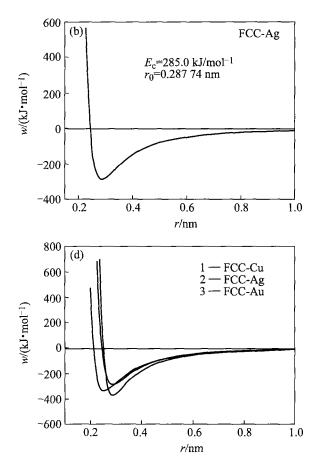


图 1 贵金属 Cu(a)、Ag(b) 和 Au(c) 的理论势能曲线及对比(d)

Theoretical potential curves of

noble metal Cu(a), Ag(b), Au(c) and their comparison(d)

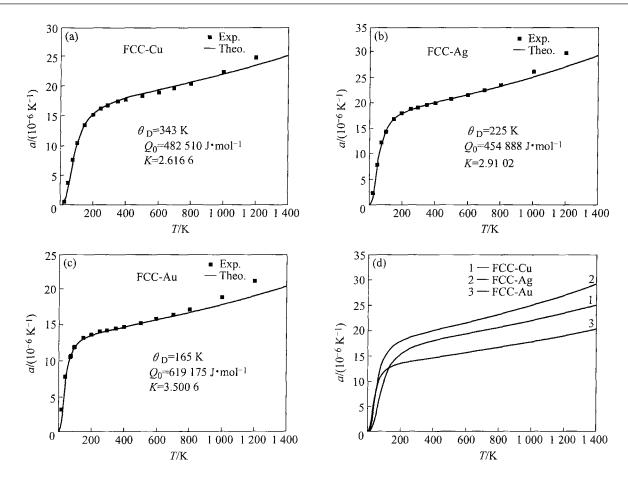


图 2 贵金属 Cu(a)、Ag(b) 和 Au(c)线热膨胀系数随温度变化及其对比图(d) Fig. 2 Linear thermal expansion variation with

temperature of noble metals Cu(a), Ag(b), Au(c) and their comparison(d)

REFERENCES

[1] 谢佑卿, 彭 坤, 刘心笔, 等. 无序 HCP Ti_x Al_{1-x}合金的单原子操纵设计[J]. 中国有色金属学报, 2002, 12(2): 205-212.

XIE Yon qing, PENG Kun, LIU Xin bi, et al. Mono atom control designing of disordered HCP $Ti_x Al_{1-x}$ at loy[J]. The Chinese Journal of Nonferrous Metals, 2002, 12(2): 205-212.

Atomic states, potential energies volumes, stability and brittleness of ordered FCC TiAl₂ type alloys[J]. Physica B 2005, 366: 17-37

- [3] PENG Kun, XIE You qing, PENG Hao, et al. Structures and properties of Sc and Y metals [J]. Journal of Central South University of Technology, 2000, 7(3): 136-139.
- [4] XIE You qing PENG Kun, YANG Xin xin. Electronic structures and properties of Ti Zr and Hf metals[J]. Journal of Central South University of Technology, 2001, 8(2): 83-88.
- [5] HE Yu, XIE You qing. Electronic structures and properties of V, Nb and Ta metals[J]. Journal of Central South University of Technology, 2000, 7(1): 7-11.
- [6] XIE You qing. A new potential function with M any Atom interactions in solid[J]. Science in China (series E), 1993, 36(1): 90-99.
- [7] XIE You qing. Relationship of Lennard Jones potential and Morse potential with $W_x(\mathbf{r})$ potential J. Trans

[2] XIF You qing TAO Hui jin, PENG Hong jian et al. Nonferrous Met Soc China, 1994, 4(1), 63 - 66. [2] (C) 1994-2019 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net

- [8] XIE You qing, ZHANG Xiao dong, ZHAO Li yin, et al. Electronic structure and properties of Cu metal[J]. Science in China (series A), 1993, 36(4): 487 494.
- [9] XIE You qing. MA Liu yin, ZHANG Xiao dong, et al. Microstructure and properties of Au Ni alloys [J]. Science in China (series A), 1993, 36(5): 612-623.
- [10] XIE You qing. Electronic structure and properties of pure iron [J]. Acta Metallurgica Materialia, 1994, 42 (11): 3705-3715.
- [11] XIE You qing. Atomic energies and Gibbs energy functions for Ag Cu alloys[J]. Science in China(se ries E), 1998, 41(2): 146-156.
- [12] XIE You qing ZHANG Xiao dong. Atomic volumes and volume functions for Ag Cu alloys J. Science in China (series E), 1998, 41(2): 157-168.
- [13] XIE You qing, ZHANG Xiao dong. Electronic strue ture of Ag Cu alloys[J]. Science in China(series E), 1998—41(3): 225-236.
- [14] XIE You qing. ZHANG Xiao dong. Phase diagram and thermodynamic properties of Ag Cu alloys[J] . Science in China(series E), 1998, 41(4): 348-356.
- [15] Xie Y Q, Peng K, Liu X B. Influences of xTi/xAl on atomic states, lattice constants and potential energy planes of ordered FCC TiAl type alloys[J]. Physica B, 2004, 344; 5-20.
- [16] Xie Y Q, Liu X B. Peng K, et al. Atomic states, potential energies, volumes, stability, and brittleness of ordered FCC TiAl₃ type alloys [J]. Physica B, 2004, 353; 15-33.
- [17] Xie Y Q, Peng H J, Liu X B, et al. Atomic states, potential energies volumes, stability and brittleness of ordered FCC Ti₃A-l type alloys[J]. Physica B, 2004, 362; 1-17.
- [18] YU Fang xin, XIE You qing, NIE Yao zhuang.

 Electronic structure of Au Au alloys[J] . Trans Non
 ferrous M et Soc China, 2004, 14(6): 1041-1049.

- [19] 谢佑卿. Au Au 合金系中无序和有序相的晶格常数 [J]. 金属学报, 1998, 34(12): 1233-1242.

 XIE You qing. Lattice constants of disordered and
 - XIE You qing. Lattice constants of disordered and ordered phases in the Au Cu system[J]. Acta Metallurgica Sinica 1998 34(12): 1233-1242.
- [20] 谢佑卿, 张晓东. Au Au 合金的微观结构和性质 J]. 金属学报, 1994, 30(12): 531-539.

 XIE You qing, ZHANG Xiao dong. Microstructure and properties of Au Cu alloys[J]. Acta Metallurgica Sinica, 1994, 30(12): 531-539.
- [21] American Institute of Physics. American Institute of Physics Handbook, 3rd ed [M]. New York: McGraw Hill Book Company, 1972. 9-5-9-7.
- [22] Kittel C. Introduction to Solid State Physics 6th ed[M]. New York: John Wiley & Sons, Inc. 1986.55, 57, 144, 110.
- [23] Dinsdale A T. SGTE data for pure elements [J].
 Calphad, 1991, 15(4): 317 425.
- [24] Saunders N, Miodowik A P, Dinsdale A T. Metasta ble lattice stability for the elements [J]. Calphad-1988, 12(4): 351-374.
- [25] Weast R.C. CRC Handbook of Chemistry and Physics M. 70th ed. Florida: CRC Press Inc. 1990. B 215, 216.
- [26] Grigorovich V K. The Metallic Bond and Structure of Metals M]. New York: Nova Science, 1989.
- [27] ASM International Handbook Committee. Metals handbook(vol 2): Properties and Selection: Nonfer rous Alloys and Special purpose Materials[M]. 10th ed. OH: Materials Park, 1990. 1113, 1117, 1157.
- [28] Kirby R K, Hahn T A, Rothroch B D. Thermal expansion[A]. American Institute of Physics Handbook
 [C]. New York: McGraw Hill Book Company,
 1972.4-119-4-138.

(编辑 何学锋)