## Mathematik für Informatiker Kombinatorik, Stochastik und Statistik

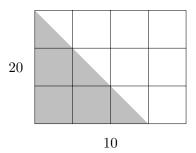
 $\ddot{\mathbf{U}}$ bungsblatt 2

Tom Paßberg , Iain Dorsch

## Aufgabe 1

a)

Das Problem lässt sich mit der Formel aus Aufgabe 1 b) lösen. Hierzu setzen wir die Anzahl der Avenues auf 5 und die Anzahl der Streets auf 4. Die kürzesten Pfade repräsenteieren die möglichen Anordungen der Warteschlangen. Geht ein Pfad im ersten Schritt nach rechts, ist der erste Kunde ein Kunde mit einem 10€ Schein. Geht ein Pfad im ersten Schritt nach unten, ist der erste Kunde ein Kunde mit einem 20€ Schein. Ein Pfad ist gültig wenn er immer mindestend genauso oft nach rechts wie nach unten geht, er muss also über der Diagonale(siehe Abbildung) liegen.



Nach der Formel aus Aufgabe 1 b) ergibt sich also:

$$\binom{n+m}{n} - \binom{n+m}{n+1} = \binom{7}{4} - \binom{7}{5} = 14$$

b)

## Aufgabe 2

Identität  $a \to a$ 

Drehung um 72° 
$$a \to \left\{ \begin{array}{ll} a+1 & \text{if } x < 5 \\ 1 & \text{if } x = 5 \end{array} \right.$$

Drehung um 144° 
$$a \to \left\{ \begin{array}{ll} a+2 & \text{if } x < 4 \\ a-3 & \text{if } x \ge 4 \end{array} \right.$$

Drehung um 216° 
$$a \to \begin{cases} a+3 & \text{if } x < 3 \\ a-2 & \text{if } x \ge 3 \end{cases}$$

Drehung um 288° 
$$a \to \begin{cases} a+4 & \text{if } x < 2 \\ a-1 & \text{if } x \ge 2 \end{cases}$$

$$\begin{array}{l} \text{Spiegelung 1 } a \rightarrow \begin{cases} 1 & \text{if } x = 2 \\ 5 & \text{if } x = 2 \\ 4 & \text{if } x = 3 \\ 3 & \text{if } x = 4 \\ 2 & \text{if } x = 5 \end{cases} \\ \text{Spiegelung 2 } a \rightarrow \begin{cases} 3 & \text{if } x = 1 \\ 2 & \text{if } x = 2 \\ 1 & \text{if } x = 2 \\ 1 & \text{if } x = 3 \\ 5 & \text{if } x = 4 \\ 4 & \text{if } x = 5 \end{cases} \\ \text{Spiegelung 3 } a \rightarrow \begin{cases} 5 & \text{if } x = 1 \\ 4 & \text{if } x = 2 \\ 3 & \text{if } x = 3 \\ 2 & \text{if } x = 4 \\ 1 & \text{if } x = 5 \end{cases} \\ \text{Spiegelung 4 } a \rightarrow \begin{cases} 2 & \text{if } x = 1 \\ 1 & \text{if } x = 2 \\ 5 & \text{if } x = 3 \\ 4 & \text{if } x = 4 \\ 3 & \text{if } x = 5 \end{cases} \\ \text{Spiegelung 5 } a \rightarrow \begin{cases} 4 & \text{if } x = 1 \\ 3 & \text{if } x = 2 \\ 2 & \text{if } x = 3 \\ 1 & \text{if } x = 4 \\ 5 & \text{if } x = 5 \end{cases} \\ \end{array}$$

Die Spiegelungen  $1, \ldots, 5$  sind die Spiegelungen an den Geraden, die durch die Ecke und den Mittelpunkt des Fünfecks verlaufen.

## Aufgabe 3

**a**)

Die Warscheinlichkeit, dass kein Brief beim Richtigen Empfänger ankommt ist 37,5%. **TODO: Rechenweg** 

$$\frac{9}{4!} = 0.375$$

```
b)
Aufgabe 4
a)
b)
c)
Code:
let sample_size = 100000;
let result = (6..). find (|\& rounds|)
    let win\_count = (0..sample\_size).filter(|\_|
        (0... rounds)
             .map(|_{-}| rand :: random :: < usize > () \% 6)
             .unique()
             . count() = 6
        )
        . count ();
    let win_rate = win_count as f64 / sample_size as f64;
    println!("Round: {}, Win rate: {}", rounds, win_rate);
    win_rate > 0.5
}).unwrap();
println!("Ab {} Runden hat der Spieler einen Vorteil.
    Die Bank darf demnach maximal n = {} wahlen.",
    result, result -1);
Output:
Round: 6, Win rate: 0.01505
Round: 7, Win rate: 0.05433
Round: 8, Win rate: 0.11383
Round: 9, Win rate: 0.18978
Round: 10, Win rate: 0.27061
Round: 11, Win rate: 0.3585
Round: 12, Win rate: 0.43604
Round: 13, Win rate: 0.51252
Ab 13 Runden hat der Spieler einen Vorteil.
Die Bank darf demnach maximal n = 12 wahlen.
```