Party

A feladat

Egy cégben N darab alkalmazott van, akiknek vagy nincs közvetlen felettesük, vagy csak egy darab van. A alkalmazott felettese B-nek, ha:

- A közvetlen felettese B-nek
- létezik egy C alkalmazott, aki közvetlen felettese B-nek, és A felettese C-nek

Minimum hány csoportot kell létrehozni, ha egy csoportban csak olyan alkalmazottak lehetnek, akik közül senki sem felettese senkinek?

 $(1 \le N \le 2000)$, és a felettesek között nincsen kör, vagyis senki sem felettese saját magának.

Az eredeti feladat

Az eredeti feladat a Codeforces nevű oldalon érhető el. Ezen a linken található a szövege angol nyelven: https://codeforces.com/problemset/problem/115/A

Segítségek

Az alkalmazottakat beoszthatjuk szintekre az alapján, hogy hány darab felettesük van.

Megoldási ötletek

Helyes, de lassú megoldás

- Brute force módszerrel is megoldható a feladat, ha minden alkalmazottnál egyesével végigvizsgáljuk a már meglévő csoportokat, hogy van-e bárkivel felettesi viszonya, de ez egy rendkívül lassú megoldás lenne.
- Jó módszer lehet az is, ha egy ciklussal végigmegyünk azokon, akiknek már nincs alkalmazottjuk, és mindegyikőjüknél megszámoljuk hány felettesük van, majd ezek között maximumot keresünk. Ez a megoldás már gyors, de nem a leggyorsabb.

Megoldás

Fontos gondolatok

Elég megkeresni a leghosszabb felettesi láncot, és a hosszával megegyező mennyiségű csoportot létrehozni.

Részletes megoldás

Beolvasásnál eltároljuk külön azokat, akik nem rendelkeznek felettessel, majd a hozzájuk tartozó felettesi fákat mélységi bejáráshoz hasonló módon járjuk be, rekurzívan. Minden függvényhívásnál eggyel növeljük az adott fa szintjeinek számát, és megnézzük, hogy ez a szám nagyobb-e, mint az eddigi legnagyobb felettesi láncé. A bejárás végén ez a legnagyobb lesz a megoldás.

Helyesség indoklása

Ha megtaláltuk a maximumot, és létrehozunk annyi csoportot, mindenkit gond nélkül el tudunk helyezni bennük a szabály szerint, hiszen:

- ha az egy felettesi fában lévőket csoportosítjuk a szerint, hogy hány felettesük van, kizárt, hogy két olyan ember kerüljön egy csoportba, akik között felettesi viszony van
- ha több felettesi fa van, a többi fában lévőket is csoportosítani lehet a felettesek száma szerint, és ez után összeolvasztani a nekik megfelelő, már létező csoportokkal

Komplexitás

Lépésszám

A feladat költsége: O(N), mert minden alkalmazotthoz csak egyszer jut el a program.

Memória

N-ben lineáris.

Implementáció

https://pastebin.com/TejUz4xS