

# RECUPERACIÓ DE LA INFORMACIÓ (REIN) Formulari (II)

$$d = \max_{i,j} d_{ij} \qquad l = \frac{2}{n(n-1)} \sum_{i>j} d_{ij} \qquad l^{-1} = \frac{2}{n(n-1)} \sum_{i>j} d_{ij}^{-1}$$

$$C = \frac{\text{3 x nombre triangles}}{\text{nombre de tripletes connectades}}$$

$$C_i = \frac{\text{\# connexions entre els veïns de } i}{\frac{1}{2}n_i(n_i - 1)} \qquad C = \frac{1}{n}\sum_i C_i$$

 $degree\_centrality(i) \, \stackrel{\scriptscriptstyle \mathrm{def}}{=} \, k(i)$ 

 $in\_degree\_centrality(i) \stackrel{\text{def}}{=} k_{in}(i)$   $out\_degree\_centrality(i) \stackrel{\text{def}}{=} k_{out}(i)$ 

$$closeness\_centrality(i) \stackrel{\text{def}}{=} \left(\frac{\sum_{j \neq i} d(i,j)}{n-1}\right)^{-1} = \frac{n-1}{\sum_{j \neq i} d(i,j)}$$

$$betweenness\_centrality(i) \stackrel{\text{def}}{=} \sum_{j \le k} \frac{g_{jk}(i)}{g_{jk}}$$

on

- $-\ g_{jk}$ és el nombre de camins més curts entre j i k, i
- $-g_{jk}(i)$  és el nombre de camins curts que passen per i.

 $norm\_betweenness\_centrality(i) \stackrel{\text{\tiny def}}{=} \frac{betweenness\_centrality(i)}{\binom{n-1}{2}}$ 

# Índex Jaccard:

$$w_{ij} = \frac{|\Gamma(i) \cap \Gamma(j)|}{|\Gamma(i) \cup \Gamma(j)|}$$
 on  $\Gamma(i)$  és el conjunt de veïns del node  $i$ .

# Similitud cosinus:

$$w_{ij} = \frac{\sum_{k} A_{ik} A_{jk}}{\sqrt{\sum_{k} A_{ik}^2} \sqrt{\sum_{k} A_{jk}^2}} = \frac{n_{ij}}{\sqrt{k_i k j}}$$

#### Distància euclidiana:

$$d_{ij} = \sum_{k} (A_{ik} - A_{jk})^2$$

#### Distància euclidiana normalitzada:

$$d_{ij} = \frac{\sum_{k} (A_{ik} - A_{jk})^2}{k_i + k_j} = 1 - 2\frac{n_{ij}}{k_i + k_j}$$

#### Coeficient de correlació de Pearson:

$$r_{ij} = \frac{\sum_{k} (A_{ik} - \mu_i)(A_{jk} - \mu_j)}{n\sigma_i\sigma_j}$$
 on  $\mu_i = \frac{1}{n} \sum_{k} A_{ik}$  i  $\sigma_i = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{k} (A_{ik} - \mu_i)^2}$ 

# Enllaç simple:

$$D_{XY} = \min_{x \in X, u \in Y} d_{xy}$$

# Enllaç complet:

$$D_{XY} = \max_{x \in X, y \in Y} d_{xy}$$

# Enllaç mitjà:

$$D_{XY} = \frac{\sum_{x \in X, y \in Y} d_{xy}}{|X| \times |Y|}$$