

Un polígono puede representarse mediante la siguiente estructura de datos:

```
struct TipoPunto{
    double abscisa;
    double ordenada;
};
struct TipoPoligono{
    TipoPunto puntos[100];
    int num_puntos;
};
```

donde `num_ptos` tiene el número de puntos del polígono. Los lados del polígono están constituidos por los pares de puntos `(ptos[i], ptos[i+1])`  $i=0, \dots, \text{num\_ptos}-2$  y el par `(ptos[num_ptos-1], ptos[0])`.

El objetivo de este ejercicio es implementar una función

```
double AreaPoligono(const TipoPoligono & poligono)
```

que calcule el área de un polígono convexo. Para ello, primero hay que implementar una función

```
double AreaTriangulo(const TipoPunto & punto1,
    const TipoPunto & punto2, const TipoPunto & punto3)
```

que devuelva el área del triángulo formado por los puntos `punto1`, `punto2` y `punto3`. Se usará la siguiente fórmula:

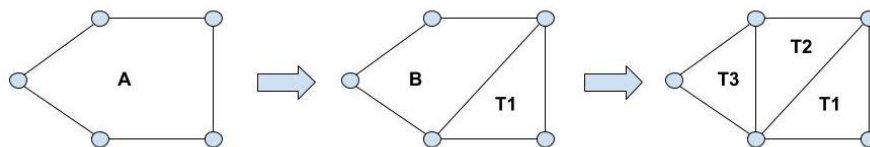
$$Area = \sqrt{F(F - S1)(F - S2)(F - S3)}$$

siendo  $F = (S1 + S2 + S3)/2$ , donde  $S1$ ,  $S2$  y  $S3$  son las longitudes de los lados del triángulo.

Si un polígono  $A$  tiene  $n$  lados con  $n > 3$ , podemos calcular su área de la siguiente manera:

- Considerar tres vértices  $v_1, v_2, v_3$  consecutivos del polígono  $A$ .
- Calcular el área del triángulo  $T_1$  que forman esos lados.
- Formar un polígono  $B$  de  $n - 1$  lados eliminando el vértice  $v_2$  (el intermedio) de  $A$ .
- El área de  $A$  es la suma de las áreas de  $T_1$  y  $B$ .
- Si  $B$  no es un triángulo, aplicamos el proceso a  $B$ .

Repitiendo el proceso  $n - 2$  veces, el área de  $A$  es la suma de las áreas de  $n - 2$  triángulos.



De esta manera reducimos el cálculo del área de cualquier polígono al cálculo del área de varios triángulos.